D. W. C. Designer

КОНСТРУИРОВАНИЕ И РАСЧЕТ НЕСУЩИХ СИСТЕМ МНОГОЭТАЖНЫХ ЗДАНИЙ И ИХ ЭЛЕМЕНТОВ





П. Ф. Дроздов Д-р техн. наук. проф.

КОНСТРУИРОВАНИЕ И РАСЧЕТ НЕСУЩИХ СИСТЕМ МНОГОЭТАЖНЫХ ЗДАНИЙ И ИХ ЭЛЕМЕНТОВ

Издание второе, переработанное и дополненное

Допущено

Министерством высшего и среднего специального образования СССР в качестве учеблого пособия для студентов вузов, обучающихся по специальности «Промышление» и гражданское строительство»



МОСКВА СТРОЙИЗДАТ 1977 Рецензенты: кафедра строительных конструкций Всссоорого заочного инженерно-строительного института (зав. кафедрой Ю. В. Зайцев); главный конструктор отделения проектных работ Б. Н. Смирнов (ЦНИИЭП жилища Госгражданствоя СССР).

Довадов П. Ф. Ковструирование в расчет несущих систем миногозтажных залинй н их элементов. Учебное пособие для вузов. Иза. 2-е, перераб. н доп. М., Стройналат, 1977. 223 с. Иза. 1-е вышло в 1967 г. под язваянием: Дроздов П. Ф., Себежин И. М. Проектрование крупполаневымых залини (картакимых и бесеравлесных, Учебно пособие для вузов. М., Строй-кених и бесеравлесных). Учебно пособие для вузов. М., Строй-

В пособии рассмотрены приемы проектирования многоэтажных жилых и граждальских заданий, выполняемых в сборном и моноличном железобетоне. Приведены расчетные схемы к монгтруктивные решения инсерчик систем таких заданий и их железобетонных элементом, давы методы их расчета. Изложниемы и применеров.

Учебное пособне предназначено для студентов, обучающихся по спецнальностн «Промишленно-тражданское стронтельство». Оно может быть также использовано в практивых и научно-исследовательских институтов стронтельного профиял.

Табл. 19, рнс. 156, список лит: 83 назв.

Демографические прогнозы говорят о том, что при современных темпах роста население земли удвоится через 35 лст. Это означает, что за этот срок должно быть построено больше жилья, чем к сегодняшиему дию за всю историю человечества. Больше потому, что требования к комфорту и удобствам жилых помещений также непрерывно возрастают.

Основной прирост населения во всех технически развитых странах происходит за счет жителей городов. В СССР за 50 лет городское население увеличалось примерно в 5 раз и по переписи 1970 г. составило 56% общего числа жителей страны. Индустриализация и межанизация сельского хозяйства приводят к укрупиению сельских поселений и создают тенденцию к превращению их также в поселки городского типа. Ожидается, что к концу нашего столетия около 80% населения СССР будет жить в городах. Для удовлетворения возрастающей потребности в жилье решениями ХХУ съезда партии предусмотрем дальнейший рост объемов жилищиого строительства. В десятой паталетке будет построено около 550 млн. м² общей площади житалетке будет будетке будет будетке будет будетке будет будетке будет будетке б

Для условий городского строительства характериы ограниченность и стеснениюсть территории, вызваные стремлением сократить протяженность городских коммуникаций и сохранить сельскохозяйственные угодья и лесопарки пригородной зоны. Это загрудняет развитие городов за счет расширения их территории и вынуждает увеличивать этажность городской застройки.

Таким образом, тенденцию роста этажности жилых и гражданских зданий следует признать закономерной, что подтверждается мировой практикой градостроительства. Здания в 30—30 этажей построены или строятся во всех больших городах Европы, Америки и других континентов. С ростом этажности гражданское строительство переходит в иовое качество: здания становятся сложными и ответственными и инженримии сооружениями. Об их ответственности говорит тот факт, что в жилом или административном высотном здании одновременно пребывают тысячи людей, жизнь и благополучие которых непосредственно зависят от знания и умения проектировщиков и строителей, осуществляющих эти сооружения.

В настоящей книге развивается ранее предложенный автором метод расчета зданий как единых пространственных снетм с учетом специфики железобетоиных конструкций, требований, вытекающих из нидустриальных методов их возведения, и особениостей работы железобетона в эксплуатационимых условиях (трещины, нарастание деформаций во времени и т. п.).

Кинга является вторым изданием второй части пособия «Проектирование крупиопанельных зданий» (М., Стройиздат, 1967). Настоящее издание существенно дополнено за счет исследований, выполненных автором и его учениками за время, прошедшее после выхода первого издания. Важиейшие дополнения относятся к совместной работе разнотипных вертикальных иесущих конструкций в пространственных несущих системах (гл. III и IV), к податливости перекрытий в плоскости и сопротивлению их кручению из плоскости (гл. VII), оценивается влияние этих факторов на усилия и перемещения несущей системы и на ее устойчивость (гл. VIII). Соответствующие расчеты основываются на результатах экспериментальных исследований жесткости перекрытий на изгиб, сдвиг и кручение. Впервые рассмотрены расчеты ядроднафрагмовых систем, зданий из объемных блоков, зданий типа труба с ростверками, комбинированных несущих систем (на «столах», «ножках» и т. п.), коиструкций со скрытым каркасом, монолитных ядер жесткости и др.

Такое обилие иового материала при небольшом объеме кинти потребовало редакционной переработки тех разделов, которые сохранились из первого издания. Они изложены более компактио, подробные поиснения, которые были необходим в первом издании ввиду новизны рассматриваемой проблемы здесь по возможности соковащемы.

Все примеры, вошедшие в первое издание, пересмотрены в связи с переходом на систему единиц СИ, миогие примеры выполнены заново; учтены требования новых глав СНиП II-21-75, II-6-74, II-15-74 и др.

Киига предназначена служить учебным пособием при курсовом и дипломиом проектировании на старших курсах строительных вузов и факультетов, а также при подготовке аспирантов. Она соответствует программам основного и специального курса железобетонных конструкций для специализации: мышленное и гражданское строительство и конструкции промышлениых и гражданских сооружений. Книга написана по материалам лекций, которые автор читает более десяти лет на факультетах ПГС и повышения квалификации преподавателей Московском инженерно-строительном им. В. В. Куйбышева, с учетом опыта его работы в качестве коисультанта в проектных и научно-исследовательских организациях (ЦНИИЭП торговых зданий и туристских комплексов, Управление проектирования экспериментального жилого района Сев. Чертаново. Моспроект. МНИИТЭП и др.).

Автор благодарит всех приславших свои замечания и пожелания по первому изданию книги, а также инженеров Н. И. Сенииа, А. В. Степанова, Н. И. Пресиякова и Т.С. Фомичеву, оказавших помощь в подготовке некоторых примеров расчета.

ГЛАВАІ, КОНСТРУКТИВНЫЕ СИСТЕМЫ И РАСЧЕТНЫЕ МОДЕЛИ МНОГОЭТАЖНЫХ ЗДАНИЙ

§ 1. НЕСУЩАЯ СИСТЕМА ЗДАНИЯ. КЛАССИФИКАЦИЯ ЕЕ ЭЛЕМЕНТОВ

Конструктивной основой современного миогоэтажного здаиня служит пространственная система, состоящая из стержиевых и панельных железобетонных элементов (рис. 1.1). Эта система, называемая несущей системой, обладает, как правило, монотонной структурой по высоте. Монотонностью будем называть геометрическую тождественность одноименных элементов во всех этажах здания яли в его рассматриваемой части.

Несущая снстема многоэтажного здания при любой конструктивной схеме образуется вертикальными несущими конструкциями, объединениыми в единую пространственную снстему с помощью горизонтальных несущих конструкций — перекрытий здания. На рис. 1.1 показана несущая снстема многоэтажного здания, образованная разнотипными вертикальными конструкциями, а на рис. 1.2 основные тины наиболее часто встречающихся плоских вертикальных несущих конструкций.

Вертикальные несущие конструкции состоят из вертикальмых элементов (панельных столбов, колонн каркаса) и связей,
соединяющах этн элементы по вертикальным швам. Такими
связями в вертикальных несущих конструкциях служат сварные соединения закладных деталей или выпусков арматуры,
бетоиные шпонки и выступы перекрытий, ригели рам с жесткими узлами, перемычки или участки перекрытий иад проемами
между столбами бескаркасного здания и т. п. Эти связи являются связями сдвига, так как они препятствуют свободному
взаимному давиту смежных элементов по вертикальным швам,
при изгибе вертикальной иесущей коиструкции в своей
плоскости.

В зависимости от жесткости связи сдвига можио условно разделить иа жесткие, гибкие (шариирные) и податливые. При жестких связях соедииенные ими вертикальные элементы деформируются как единый сплошной консольный брус, а связи остаются прямыми и иаправлены по радмусу крививы этого бруса (рис. 13,а). Если связи шарнирные, то каждый столб деформируется самостоятельно (рис. 13,6), а связи порачиваются, оставаясь горизоитальными. Эти два крайних

случая в действигельности не встречаются, так как реальные связи всегда обладают некоторой конечной податливостью и тогда столбы деформируются, как показано на рис. 1.3,6, причем связи изгибаются и испытывают деформации сдвига. В местах их жесткого соединения со столбами возникают местные моменты и перерезывающие силы. Перерезывающие силы от

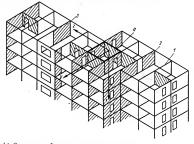


Рис. І.1. Схема несущей системы многоэтажного здания I — рама; 2 — диафрагма; 3 — рамодиафрагма; 4 — ядро (ствол)

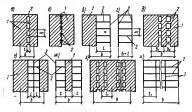


Рис. 1.2. Основные типы плоских вертикальных несущих конструкций много-этажигот здания a=e— одновальные конструкции; b=x— двуксвязные конструкции; a=x— информации; b=x— двуксвязные конструкции; a=x— двисоватьные конструкции; a=x— двисоватьные конструкции; a=x— двисоватьные конструкции; a=x— двисоватьные столобы; a=

связей накапливаются по высоте столба и создают в нем нормальную силу N. Местиые моменты имеют зиак, обратиый знаку висшиего момента, и поэтому уменьшают его (по сравнению со схемой на рис. 13,6) так же, как прогиб и угол наклона верхией части столба.

Несущие конструкции, имеющие один вертикальный шов и, следовательно, один ряд связей сдвига, назовем односвязивми, иные — двух., трех. и многосвязывми (см. рис. 1.2). Вертикальные несущие конструкции в виде столбов стеновых панелей (одного или мескольких, объединенных связями сдвига) называются диафрагмами; несущие конструкции, состоящие из колони и риглелей. — рамами, а сочетающие колониы, риглели и панельные стеики — рамоднафрагмами, или каркасиыми диафрагмами, или каркасиыми диафрагмами.

"Вертикальные иесущие комструкции могут быть и не плоскими; такова, например, пространственияя вертикальная коиструкция в центре здания, показанияя иа рис. 1.1, состоящая из поперечных плоских конструкций, соединенных связями сдвита с продольними диафрагмами. Объединенные таким образом конструкции образовали ядро (ствол). В последине годы часто применяются монолитинья ядра, возводимые в комльящей или

переставной инвентарной опалубке.

Термии столб применяется к сплопиным вертикальным элементам, обладающим существенной изгибной (сдвиговой) жесткостью при работе в качестве консоли, защемленной в основании. Этот термин соответствует сложившейся терминологии, принятой в сторительстве каменных зданий, где подобные вертикальные элементы издавия изываются кирпичимим столбами. Представляется логичимы подобный же элемент, по сложенный не из кирпича, а из поставлениых друг на друга намелей или выполненный в монолите, имеювать танельным столбом или

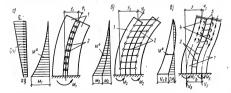


Рис. 1.3. Схема работы жесіких (a), шарнирных (δ) и упруго-податливых (a) связей сдвига

I- столбы; 2- связи; 3- моменты; 4- поперечные силы, передаваемые от связей на столбы

просто столбом. Такое название полнее отвечает свойствам и признакам обозначаемого им конструктивного элемента, чем встречающиеся иногда в литературе названия: «полоса», «столбец», «ветвь», «пилом» и др.

В отличие от столбов колоннами называются вертикальных эмеметы, изгибная жесткость которых недостаточна для току чтобы рассматривать их как самостоятельные консоли, защемленные в основании. Ввиду этого колонны считаются воспринмающими только нормальные силы и местные моменты, перелаваемые связями.

Перекрытия выполняют в иесущей системе здания разнообразные залачи. Помимо очевнаной функции восприятия полезной иагрузки и передачи ее вертикальным несущим конструкциям перекрытив служат горизонтальными диафратмами, объединяющими вертикальные конструкции в единую пространственную систему, при этом перекрытия в своей плоскости работают на изгиб, сдвиг и на мембраниме усилия, а из плоскости — на изгиб и кручение. Кроме того, как уже было сказано, перекрытия или их отдельные участки могут служить связями сдвига между вертикальными элементами несущей системы зания.

§ 2. КОНСТРУКТИВНЫЕ СИСТЕМЫ ВЫСОКИХ ЗДАНИЙ

В современной практике массового городского многоэтажного строительства преобладают две конструктивные системы — каркасная и панельная (бескаркасная). В каркасном здании (рис. 1.4) вертикальными элементами несущей системы являются железобетоиные колониы, в бескаркасном (рис. 1.5) — столбы поставленных друг на друга стеновых панелей (блоков) или монолитные стены. Каркасная система предназначается главимы образом для зданий административного и общественного назначения, так как в этих зданиях цужны большие неперегороженные помещения. Бескаркасная система применяется для жилых домов, в которых несущие витурениие стены есгествению служат межквартирными и межкомиатными перегоордсками.

Здания, в которых ижживе 1—3 этажа каркасные, а остальиме — панельные, называются зданиями комбинированиой системы (рис. 1.6). Такая система находит все большее применение в застройке городских площадей и магистралей с интеисивным движением транспорта. Нижные этажи используются для размещения предприятия торговли и обслуживания либо для стоянок и проездов автомащии.

Объемно-блочные здания, которые собирают из готовых пространственных элементов — объемных блоков (рис. 1.7), обычно выполияют без каркаса, устанавливая блоки один на другой. В иекоторых случаях эти здания строят с каркасом,

тогда объемные блоки служат заполнением и каждый блок несет только собственную массу и полезную иагрузку.

Здания из объемных блоков представляют собой наиболее индустриальную форму строительства, в которой максимум производственных процессов переносится в заводские условия.

Исходя из условий траиспортио-монтажиой массы объемиые блоки имеют размеры комнаты и потому эта система предиазначается в основиом для жилых домов.

Рнс. І.4. Фрагмент многоэтажного здания каркасной системы

I — колонна; 2 — консоль колонны для опнрання ригеля; 3 — распорка; 4 — ригель; 5 — настил перекрытня



Рис. I.5. Конструктивная система бескаркасного здания. Панельные столобы вертикальных диафрагм связаны непосредственно плитами перекрытий

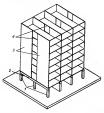


Рис. I.6. Схема здания комбинированной системы I - колонин; 2 - ригели; 3 - панельные столбы; 4 - связи между столбами



Рис. І.7. Схема монтажа здання из объемных блоков-комнат

В многоэтажимх зданиях каркасной системы горизонтальные иагрузки воспринимаются обычно вертикальными диафрагмами — стенками жесткости (рис. 1.8) или ядрами жесткости (стволами), консольно защемленными в фундамент. Каркас здания рассчитывают в этом случае только и ав вертикальны иагрузки, что позволяет унифицировать его элементы и обеспечить монотоиность конструкции по высоте здания. Такого типа каркасы называются связевыми, потому что диафратмы или ядра жесткости работают аналогично металлическим вертикальным связям.

В тех случаях когда все горизонтальные и вертикальные нагрузки воспринимаются только каркасом, узлы которого выполияют для этой цели как узлы жестких рам, каркас называется рамивым. В таких жаркасах узловые моменты от горизонтальной изгрузки возрастают к низу здания, вследствие чего при большой этажности ие удается сохранить постоянство сечений одиониенных элементов в верхних и нижних этажах расиондуется много менентальа. По этим причинам рамиме каркасы в миогоэтажимых зданиях в обычных условиях применяются редко.

Синтезом связевого и рамного каркасов является рамносвязевый каркас, в котором горизонтальные и вертикальные нагрузки воспринимаются совместио рамами каркаса и стенками или ядрами жесткости (стволами). При этом усилия в элементах каркаса распределяются по выкосте здания равномернее, чем в рамном каркасе, и потому эти элементы легче унифицировать.

Наружные стены в высоких зданиях выполняют из легких извесных панелей, не участвующих в работе несущих конструкций и служащих лишь ограждением, передающим на эти конструкции горизонтальные ветровые нагрузки.

Зарубежный опыт проектирования и строительства [60, 79] « показал, что рассмотренные конструктивиые системы при вмооте зданий в 50 и более этажей уступают другим, более эффективным системам. Последние осиовываются на принципе переноса основных вертикальных несущих конструкций на периферию плана здания. Таким приемом достигается максимальное увеличение момента инерции поперечного сечения иссущей системы здания в целом и, следовательно, предельное увеличение ее общей жесткости. Этот принцип воплощен в Советском Союзе еще при проектировании первых высотных зданий начале 50-х годо. Так были запроектированы советскими специалистами «ветровые коробки»: Дворца культуры и науки в Варшаве [63], высотных зданий в Москве и др. Периферийная иссушая система образуется жесткими рамами или

^{*} В квадратных скобках указываются ссылки на литературу по перечню, помещенному в конце книги.

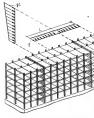


Рис. І.8. Передача ветровой нагрузки на вертикальные диафрагмы в здании со связевым каркасом

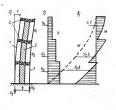


Рис. I.10. Совместная работа ядра с периферийным каркасом (трубой) в системе с ростверками a—деформированная схема; δ —эпюра нормальных сил в колониях; α —эпюра моментов я ядре; I— колониях; 2—ростверк; 3—ядро-



Рис. I.11. Варнанты конструкции элементов, образующих периферийную несущую систему типа безраскосиой трубы

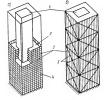


Рис. І.9. Периферийные конструктивные системы высотных зданий

a — безраскосная труба; δ — раскосная труба; I — ядро; 2 — перекрытие; 3 — колонны; 4 — ригели; δ — раскосы

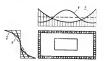


Рис. I.12. Распределение нормальных сил в колоннах периферийной несущей системы типа безраскосной трубы от действия горизонтальной нагрузки

1 — для системы типа труба с ядром; 2 — то же, для трубы без ядра (пунктиром — то же, для сплошной консоли)

фермами, расположенными в плоскости наружных стен здаиня. Соединениые в углах эти плоские вертикальные несущие конструкции превращаются в простраиственную систему типа призматической (в некоторых случаях пирамидальной) сетчатой оболочки или тробы примогольного сечения со сторонами.

равиыми сторонам плана здания (рис. І.9).

Так как в высотном здании обычно имеется ядро (ствол) для лифтов, лестини и коммуникаций, то его нередко используют в качестве элемента иссущей системы. Совместность работы ядраствола в периферийной системы обеспечивается перекрытиями (рис. 1.9.) лил специальными жесткими горизоитальными ростверками, располагаемыми в двух-трех уровнях по высоге здания (рис. 1.10.) Ростверки играют приципивально ту же роль, что и связи сдвига (сравните рис. 1.10,2 и рис. 13,9). Они уменьшают прогибы и изгибающие моменты в ядре и вовлекают в работу на горизоптальную нагрузку вергикальные элементы (колонны) периферийной системы. Под влиянием сопротивдения ростверков изгибу и сдвигу в периферийных колоннах возникают нормальные силы N (рис. 1.10,6), за счет которых с яд- всинмается часть виешиего момента, равная М (рис. 1.10,9-) а симмается часть виешиего момента, равная М (рис. 1.10,6), за счет которых с яд-

Периферийная несущая система, как видно из рис. 1.9, может быть безраскосиой и раскосной [77]. В первом случае система (труба) образуется из жестких крестообразимх элементов (рис. 1.11). Безраскоская рамиая система, несмотря на стремление придать ее узлам большую жесткость, оказывается все же достаточно податинвой в своей плоскости, вследствие чего пормальные силы от горизонтальной изгрузки распределяются в колониах этой системы неравномерно (рис. 1.12). В раскосной трубе (см. рис. 1.9,6) каждая плоскость представляет собой ферму, элементы которой работают на осевые усилия и потому требуют меньше материала, чем элементы безраскосной трубы, сообенно при киспользовании предварительного напраже-

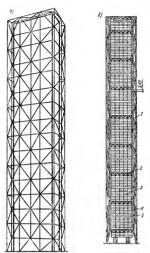
ния раскосной решетки.

Периферийная несущая система может располагаться как снаружи ограждающей поверхности стены, так и с внутренией ее стороны. В первом случае она подвергается влиянию колебаний наружной температуры, тогда как температура внутренних конструкций постоянна. Это вынуждает разделять поскаетние температурными швами по высоте здания (рис. 1.13) [60].

Промежуточные этажи свободны от опор и могут использоваться для общественных нужд. В то же время они служат температурными компенсаторами. Не исключена возможность выполнения аналогичной несущей системы в предварительно-нап-

ряженных железобетонных конструкциях.

Так как ширина жилых зданий по требованиям естественного освещения обычно не превышает 15—18 м, то при высоте в 40 и более этажей и прямоугольном плане они становятся слишком узкими и гибкими в поперечном направлении. Увеличение











1 — колонны периферийной несущей системы; 2 — ядра-стволы; 3—вертикальные диафрагмы; 4 — внутренняя цилиндрическая железобетонная оболочка

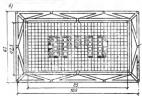


Рис. I.13. Несущая система 150-этажного здання с встроеннымн н подвешенными внутреннимн конструкциями

а — общий вид; б—план; в — разрез; I— наружная двукложная раскосная груба; 2— решетчатая балас; 3— стойка внутреннего каркаса; бподвеска; 5— промекуточный этаж— температурный шов их этажности возможно за счет придания им в плане очертаний толстостенного стержия открытого или замкнутого профиля (рис. 1.14). Здания в виде толстостенного цилинара [76] могут иметь 80—120 этажей при наружном диаметре 91 и внутрением диаметре 60 м. Для обеспечения температурных деформаций оболочки диафрагмы разрезают горизонтальными швами через каждые 20 этажей.

§ 3. РАСЧЕТНЫЕ МОДЕЛИ И ПРИНЦИПЫ ИХ РАСЧЕТА

Несущая система многоэтажного здания может быть схематирована различными расчетными моделями [32]: дискрегными, континуальными и дискретно-континуальными.

Дискретные модели сохраняют дискретное расположение связей не вретикальных элементов, заданное в действительной несущей системе, а в некоторых вариантах углубляют дискретизацию сплошных элементов путем их членения на более мелкие участки (метод конечных элементов [4, 9, 12 и др.]), или путем замены континуума стержневой решеткой [64 и др.]. Дискретные модели нашли применение благодаря развитию электронно-вычислительной техники. Расчет на основе этих моделей сопряжен с решением систем алгебранческих уравнений весьма высоких порядков, что затрудняет пока их применение для расчета несущих систем в целом.

Континдальные модели рассматривают здание как сплошную многостенчатую призматическую оболочку с вертикальной осью (рис. 1.15,a) или как горизонтальную призматическую оболочку, опирающуюся на жесткие торцовые диафрагмы (рис. 1.15,6).

В первом случае при обеспечении жесткой монолитной связи продольных и поперечных стен здание может быть рассчитано по методу [13]. Наличие жестких поперечных диафрагм-перекрытий позволяет считать многосвязный контур оболочки недеформируемым.

Вторая схема [10 и др.] в отличие от первой предполагает

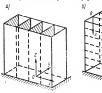




Рис. I.15. Континуальные модели несущей системы здания а — консольная призматическая оболочка с вертикальной осью; б призматическая оболочка с горизонтальной осью; торизонтальной осью; тори-



Рис. 1.16. Дискретно- контииуальная модель односвязиой вертикальной иесущей
конструкции α — действительная α нажения; δ — расчетняя
модель

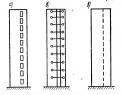


Рис. 1.17. Консольная модель односвязной вертикальной несущей конструкции с — действительная конструкция; б — консольная модель с шаринринми связями; б — то же, с жесткини связями

перекрытия податливыми в их плоскости, а торцовые диафрагмы жесткими. В каркасиом здании ригели рассматриваются как стриитеры, воспринимающие голько осевые усилия, а колонны «размазываются» по стенам, увеличивая их жесткость изгибу в плоскости поперечного сечения оболожен.

Как уже указывалось, в высоких зданиях наружные стены выполняют, как правило, навесными, они не участвуют в работе несущей системы, поэтому континуальные расчетные модели находят ограниченное применение в расчетах таких зданий, первый вариант континуальной модели (рис. 11.5,а) уместеп при расчете несущих систем типа «труба» (см. § 2 гл. 1), а также при расчете недерстволов [27, 78] и объемно-блочных зданий [28], однако наличие проемов вынуждает прибегать к специальным мерам приведения модели к заданиой системе (см. § 2 гл. IV).

Дискретно-континуальные модели [22, 50, 58, 63, 66, 81, 82 и д.] сохраняют заданное дискретное расположение вертикальных элементов несущей системы, но заменяют сосредоточенные связи континуальными, т. е. иепрерывно распределенными по высоте здания.

Такая модель позволяет заменить, например, в односвязной конструкции (рис. 1.16) большое число неизвестных сил дли перемещений одной функцией распределения искомого неизвестного по высоте здания. Математически это выражается заменой системы алтебранческих уравнений высокого порядка одини дифференциальным уравнением.

В сложных иесущих системах вместо одного уравиения получается система дифференциальных уравнений, число которых

(как и число функциональных неизвестных) равно числу вертикальных швов между элементами.

Переход к непрерывному распределению овязей предполагает что число этажей достаточно велико для того, чтобы сосредоточениые воздействия от перекрытий, перемычек или других связей сдвига можно было бы считать непрерывно распределениыми по высоте несущих коиструкций. Опыты [3] показали, что уже для десятивтажного здания такое предположение

оправдывается. Разновидиостями дискретио-континуальной модели являются: консольная и так называемая консольно-заменяющая. первой из них [72] все овязи сдвига в заданиой несущей системе (рис. 1.17,а) приближенно считаются либо шарнириыми, либо совершенио жесткими. Эта модель используется, например, для расчета каркасных зданий, узлы которых специально коиструируются на восприятие момеита, не превышающего 55 кН м, и, следовательно, приближению считаются шарнирными. В панельных зданиях она находит применение при такой раскладке плит перекрытий, которая создает почти шарнириую связь между панельными столбами несущей системы (рис. І.17.6). Если связи, наоборот, весьма жестки, то объединенные ими вертикальные элементы рассматриваются как единый сплошной консольный стержень (рис. 1.17,в). Таким образом, консольная модель - это предельный случай дискретно-континуальной модели при жесткости связей сдвига, стремящейся к иулю или к бесконечности. Очевидио, реальные связи обладают конечной жесткостью, далекой от этих пределов, поэтому расчет на основе коисольной модели, не подкрепленный серьезным анализом лействительной жесткости связей слвига, может привести к существенно неточным результатам.

В консольно-заменяющей расчетной модели [49] заланияя несущая консотрукция (см. рис. 11.7.д) модельруется сплошным консольным стержием со сарытовой и натибной жесткостями, яквивалентными действительным жесткостям этой проемной несущей конструкции. Эта модель применима только для простых симментричных в плане рамно-связеных систем с глухими

диафрагмами (см. приложение 4).

Приведенный краткий анализ расчетных моделей несущей системы многоэтажного здання поволяет сделать вывод, что дискретно-континуальная модель более универеальна и удобна для расчета сложных несущих систем, чем другие модели. Поэтому в дальнейшем речь пойдет главным образом об этой расчетной модели. Для сложной простраиственной несущей системы многоэтакного здания она представляет собой срис. 1.18) пучок консольных тоикостенных стержней / прямоугольного профиля, соединенных в горизонтальных плоскостях перекрытиями 2, а по вертикальным швам—овязями сдвига З. Заделжа стержней (вертикальных элементов несущей системы) в

основании может быть жесткой или упруго-податливой. На рис. 1.18 для удобства изображения перекрытия показаны как отдельные диски, расположениые поэтажно, однако в расчете по этой модели они так же, как и связи сдвига, предполагаются

непрерывио распределенными по высоте здания.

Поскольку расчет такой модели [26, 34] оказывается в некоторых случаях сложным, в практике проектнрования иногда нспользуются упрощення. Так, в симметричных зданиях с жесткими в своей плоскости перекрытиями единую пространственную несущую систему заменяют для расчета двумя незавнсимыми: поперечной и продольной плоско-параллельными системами (см. § 2 гл. III). На рис. І.19,а для примера показана аксонометрическая схема рамно-связевой несущей системы здання, в которой сохранены днафрагмы и рамы, только параллельные плоскости ХҮ; днафрагмы перпендикуляриого направлення выделены в самостоятельную систему, рассчитываемую отдельно и незавнсимо (она на этом рисунке не показана). Для расчета оставшейся системы, параллельной плоскости ХУ, может быть принята условная плоская схема, состоящая нз вертикальной днафрагмы и рамы, соединенных между собой иерастяжными шаринрными связями в уровие каждого этажа (рнс. І.19,6). Эти связн заменяют действне междуэтажных перекрытий, которые в действительной системе связывают стоящие параллельно рамы и днафрагмы и обеспечивают равенство их прогибов от горизонтальной нагрузки, лействующей из всю систему параллельно оси У (см. рис.І.19,а).

Жесткость расчетной днафрагмы равиа сумме жесткостей вертикальных днафрагм, а жесткость рамы — суммарной жесткости всех рам каркаса, входящих в рассматриваемую уп-

рощенную систему, т. е. параллельных плоскости ХУ.

Оси координат, за исключением особо оговоренных случаев, располагаются, как показано на рис. 1.18, причем начало координат совпадает с центром жесткостей и перемещается вместе с вершиной здания (рис. 1.20). Расположение начала коорлинат на свободном коице коисоли удобно тем, что, во-первых, упрощаются записи выражений для нагрузки, поперечной силы и момента, поскольку в эти выражения входит х, а ис (H — x), и, во-вторых, сохраняется для коисоли то же правило знаков, которое обично принимается для свободно лежащей балки на двух опорах, с той лишь развищей, что нагрузка при этом должна приниматься со знаком минус.

Остановимся на этом вопросе подробиее. Консоль на рис. 1.20, можно рассматрінвать как половіну балки с пролетом 2H, опирающейся в точке O и симметричной ей точке O на аругом конце воображаемой балки. Изгиб, показанимй на присунке, будет вызываться в такой балке положительной нагрузкой +q(x), направление которой (рнс. 1.20,а справз, освівадает с положительным направлением оси V. В этом случае,

очевидно, остаются в силе известные диффереициальные зависимости между нагрузками, усилиями и перемещениями в свободно лежащей балке с пролетом O-O':

$$q(x) = -Q'^* = -M'' = EJ \alpha''' = EJ y^{IV}.$$
 (1.1)

В действительности, в консоли неподвижиа точка заделки, а перемещается свободная гочка O, и зачиб консоли, показан имій на рис. 1.20,a, будет вызываться магрузкой, действующей против положительного направления оси V, τ . е. отрицательной магрузкой — $\sigma(x)$ (на рисс. 1.20,a, слева).

В балке вторая производная от момента (т. е. нагрузка) отпеннательная при положительной нагруже, и, так как отрицательная величина не может быть равиа положительной, принимается M''=-q. В консоли в нашей системе координат (см. рис. 120,4) у положительен и возрастает по x, следовательно, его производная положительна и, так как угол наклона α тоже положителен, то $y'=\alpha$. Угол α положителен (см. рис. 120,6) у обывает по x, значит, α' отрицательна, и так как момеит (см. рис. 120,6), отложенный, как обычно, со стороны растянутого волокна доложителен.

$$y'' = \alpha' = -M/E J, \qquad (I.2)$$

Положительный момент возрастает по x, поэтому M' положительна, но и поперечияя сила (см. рис. 1.20,e) положительна, следовательно, M' = O и, согласко (1.2).

$$y''' = \alpha'' = -M'/E J = -Q/E J.$$
 (1.3)

Поперечная сила положительна и возрастает по x, значит, Q' положительна, но нагрузка отрицательна, поэтому следует принять $Q'\!=\!-q$. Таким образом,

$$y^{IV} = \alpha''' = -M''/EJ = -Q'EJ = q/EJ,$$
 (I.4)

т. е. балочные зависимости (I.1) сохраняют свое значение и для коисоли, если координаты выбраны так, как показано на рис. 1.20, с.

Вместе с тем, поскольку отрицательная нагрузка создает положительный момент и поперечиую силу, следует считать, что

$$M = f(-q, x), Q = \varphi(-q, x)$$

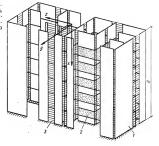
и, в частиости, например, для равномерио распределенной горизонтальной иагрузки

$$M = -q x^2/2; \quad Q = -q x.$$
 (1.5)

Подставляя в (1.5) величину нагрузки со знаком минус, получим положительные значения усилий, что и будет отвечать выбранной системе координат и правилу знаков. Легко видеть, что (1.5) соответствует также зависимости (1.1).

^{*} Штрихами здесь и далее обозначаются производные рассматриваемой функции по аргументу $x:f'(x)=df(x)/dx; \ f''(x)=d^2f(x)/dx^2$ и т. д.

Рнс. I.18. Дискретноконтинуальная модель сложной пространственной несущей системы многоэтажного здания



Рнс. I.19. Расчетная схема рамно-связевой пространственной снстемы

а — плоскопараллельная упрощенная расчетная схема; б — условно-плоская схема; І — днафрагма; 2 — перекрытия-связи; 3 — рамы

a)

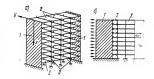




РИС. 1.20. Система координат и графики последовательных производных прогиба a — прогиб и магрузка; b — угол маклона; b — изгибающий мочент; b — поперечная сила

Так как все формулы, кроме особо оговоренных, в последующих главах выведены нсходя нз этих предпосылок, следует подставлять в них для получення положительных значений усилий и прогибов величину интружки q(x) со знаком минус.

илня н прогноов величнну нагрузки q(x) со знаком минус. Прогнб в этой системе координат, согласно (I.1) н (I.4).

$$EJy(x) = \int_{0}^{x} \int_{x}^{H} \int_{0}^{x} \int_{x}^{0} q(x) dx^{4} = \int_{0}^{x} \int_{x}^{H} M dx^{2} = EJ \int_{0}^{x} \alpha dx, \quad (1.6)$$

но это прогнб «балочный», т. е. расстоянне по нормалн от осн X до рассматриваемой точки на осн консоли (см. рис. I.20,a). Для этого прогнба граничные значения равны: y(0) = 0 н u(H) = f.

`` Йеремещенне точек консолн относительно ее заделкн, т. е. «консольный» прогиб, будет равен по абсолютному значенню

$$|\overline{y}(x)| = f - y(x). \tag{1.7}$$

Подставляя (І.6) в (І.7), получим:

$$|EJ\overline{y}(x)| = \int_{0}^{H} \int_{0}^{H} \int_{0}^{x} \int_{0}^{0} q(x) dx^{2} = \int_{0}^{H} \int_{0}^{H} M dx^{2} = EJ \int_{0}^{H} \alpha dx. \quad (1.8)$$

Граничные значения этого прогиба $\overline{u}(0) = f$, $\overline{u}(H) = 0$.

В расчете следует принимать в качестве H полную высоту здания до подошвы фундамента. При этом можно пренебречь небольшим преувеличением усилий за счет того, что на подземную часть здания ветровая нагрузка не действует.

ГЛАВА II. НАГРУЗКИ, ВОЗДЕЙСТВИЯ, ПРЕДЕЛЬНЫЕ ПЕРЕМЕЩЕНИЯ

§ 1. ВЕРТИКАЛЬНАЯ НАГРУЗКА

Вероятность одновременного загружения всех перекрытый полной временной нагрузкой уменьшается с увеличением этажности здания, поэтому СНиП II-6-74 разрешают снижать временные нагрузки при расчете стеи, столбов, колони н фундаментов, умножая их для жилых, общественных и лечебных зданий, административных классных и бытовых помещений иа коэффициент

$$\eta_1 = 0.3 + \frac{0.6}{\sqrt{m}}$$
, (II.1)

где т — число перекрытий над рассматриваемым сечением.

Использование дифференцированного коэффициента η_1 затрудняет расчет несущей системы здания, так как с изменением рассчитываемого уровня х меняется временная нагрузка на всех вышерасположенных перекрытиях.

Кроме того, для расчета несущей системы с учетом сопротивления связей надо знать нагрузку не только выше, но и ниже рассчитываемого уровня, о чем в СНнП ничего не говорится.

Анализ влияния п₁ на величниу временной нагрузки для заний разной этажности позволяет рекомендовать для расчета несущих систем жилых и гражданских зданий с учетом сопротивления связей сдвига принимать одинаковое для всех уровней значение коэфомпиента na:

Этажность	9	12	16	20	25	30	35	40	50 и более
η₃	0,57	0,54	0,51	0,49	0,47	0,45	0,44	0,43	0,42

Это позволит считать вертикальные нагрузки в миогоэтажных зданиях с монотонной структурой равномерно распределенными по высоте. Погонная нагрузка на і-тый вертикальный элемент (пренебретая небольшим различнем в этажных нагрузках от кровли, от технического этажа и т. п.) составляет:

$$\rho_l^0 = \frac{\sum P_{l \text{ sr}}^0}{H}, \quad (II.2)$$

где P_{0}^{0} — нагрузка, приходящаяся на элемент i по грузовой площади от одного этажа здания (сумма берется по всем этажам)

$$P_{l,sr}^{0} = (G_{l} + \eta_{3} P_{l})_{sr},$$

где G_i — постоянная; P_i — временная нагрузка одного этажа; H — высоа здання.

Погонная нагрузка p_t^0 действует на вертикальный элемент в общем случае с эксцентрящитетами e_{tx} и e_{ty} жоторые возникают вследствие неточности монтажа и влияния узловых нзгибающих моментов (см. § 1 н 5 гл. IX).

Эксцентрицитет из плоскости рамы или днафрагмы не учиты-

вается при расчете несущей системы в целом.

Висцеятренное действие вертикальной нагрузки в плоскости столба (рис. 11.1a) эквивалентно совместному действио центральной распределенной нагрузки и распределенного момента (рис. 11.1,6). Погонный момент $m_i^2 = p_i^2$ e_i создает в столбе нагибающий момент $M_i^2(x) = m_i^2 x$, эпюра которого показана на рис. 11.1,a. Важной особенностью этого вида нагрузки является равенство нулю поперечной силы при $M = -M^*(x) \neq 0$.

Действие распределенного момента на любой столб вызывает пространственную деформацию всей несущей системы и потому должно учитываться при ее расчете.

Центральная вертикальная распределенная нагрузка не

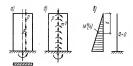


Рис. II.1. Действие внецентренной вертикальной нагрузки на столб днафрагмы a - действительная схема загру-

а — действительная схема загружения; б — эквивалентная схема с центральной нагрузкой и распределенным моментом; в энюра моментов

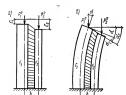


Рис. II.2. Действие удельнонеравной вертикальной нагрузки, центрально приложенной к столбам днафрагмы

a — при шариирных связях между столбами; δ — при связях, сопротивляющихся изгибу и сдвигу

влияет на работу несущей системы с шарнирными связями (копсольная модель). Податливые связи поворачиваются, не изгибая столбы (рис. II.2.a). Но если столб связан с другими вертикальными элементами с помощью связей сдвига. центральная нагрузка может привести к его изгибу (рис. II.2.6) и к пространственной деформации всей несущей системы, когда

$$p_i^0/A_i \neq p_{i+1}^0/A_{i+1} \; .$$

Эквивалентный распределенный изгибающий момент будет равен (см. приложение 1)

$$m_{i, i+1}^{\mathfrak{b}} = b_{i, i+1} (\rho_{i+1}^{0} - \beta \rho_{i}^{0})/(1+\beta); \ \beta = A_{i+1}/A_{i},$$
 (1)

пде A = EF — осевая жесткость (E — модуль деформации; F — ялощадь поперечного сечения вертикального элемента i).

При этом столбы стремятся к различной осевой деформации правиой удельной нагрузкой, а связи, мешая этому, деформируются сами и деформируют несущую систему.

6 2. ГОРИЗОНТАЛЬНАЯ НАГРУЗКА ОТ ВЕТРА

Панели наружных стен передают ветровую нагрузку на перекрытия, работающие как горизонтальные диафрагмы (см. рис. 1.8). От перекрытий эту нагрузку воспринимают вертикальные несущие конструкции (диафрагмы, рамы и т. п.), которые передают ее на фундамент здания. Ветровая нагрузка нормирована СНиП II-6-74. Нормативное давление ветра для зданий с H > 40 м, равномерно распределенной массой и постоянной по высоте жесткостью при учете только первой формы колебаний, согласно п. 6.17 СНиП II-6-74, для любого уровня по высоте здания составляет:

$$q_{\rm H} = q_0 c (k + k^{\rm B} \vee \kappa \xi m)^*,$$
 (II.4)

тае q_0 — окоростиой напор из 1 м³ поверхности данного фасада по п. 64 СИПП; k — окофонциент возрастания скоростиот мапора, определяем Аля данного уровня по п. 65 СИНП; k — для верха здания; c — арольныем ставуфициент, усить п. 67—610 СИПП; c — кооффициент, уситывноций изменение пульсаций по высоте и форму собственных колебаний здания (см. ниже).

1	x/H	0	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,7	0,8	0,9
	x	1,36	1,28	1,19	1,1	1	0,9	0,79	0,66	0,52	0,34

 ν — коэффициент корреляции по табл. 11 СНиП; ξ — коэффициент динамичности, определяемый по графику СНиП в зависимости от параметра

$$\varepsilon_1 = \frac{T_1 v}{1200} = \frac{T_1 \sqrt{1,2 q_0}}{300}$$
(II.4, a)

(здесь T_1 — период 1-й формы колебаний); m — коэффициент пульсации, принимаемый по табл. 9 СНиП для верха здания.

Эпюра ветрового давления (рис. II.3) ограничена с одной стороны ломаной линией. Для удобства расчета эту эпюру замеияем эквивалентиой трапецией так, чтобы площадь трапеции была равна площади иормированной эпюры, а центры тяжести обенх эпюр лежали на одной высотся.

Обозначив положение центра тяжести эпюр C = S/F (где S и F — статический момент относительно заделки и площадь заданиой по СНиП эпюры ветровой иагрузки), найдем параметры уквивалентной трапециевилной эпюры:

$$a = (2H - 3C)/(3C - H);$$

$$q = 2 F/[(1+a) H].$$
 (11.6)

Расчетная нагрузка равна $q=1,2q_{\rm R}$. Точность определения ϵ , аспедовательно, и T мало сказывается на значении нагрузки (II.4). Результаты измерений колебаний построениых много зтажимх зданий [46, 70, 75 и др.] позволяют рекомендовать приближенную эмпирическую формулу (рис. II.4).

$$T_1 \approx 0,021 H,$$
 (11.7)

где H — высота здания, м.

Для упрощенных расчетов можно, полагая в (II.4) $\checkmark \times \xi \approx 0.5 \cdot 1.36 \cdot 1.5 \approx 1.$

(11.5)

^{*} При *H*≤40 м второй член в скобке равен иулю.

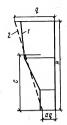


Рис. II.3. Приведение ломаной эпюры давления ветра (1) к эквивалентной трапециевидной (2)

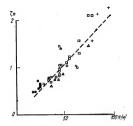


Рис. II.4. Зависимость периода колебаний от вмооты здания по результатам измерений в изтуре (пунктиром показано рекомендуемое для расчетов значение T=0.021~H) + — даниме [83]; О — то же [46]; Δ — [75]; \Box — \Box

принимать сразу трапециевидную эпюру ветровой нагрузки с нитенсивностью:

$$q_{\rm m} = q_0 \, k^{\rm B} \, c \, (1+m), \qquad (II.8)$$

(II.9)

При изменении угла атаки ветра аэродинамический коэффициент c меняется и возникает экспентрицитет равиолёствующей ветрового погока относительно центра наветренного фасада. При угле атаки 45° это экспентрицитет может быть при мят равным 0,15 длины наветренного фасада, а полный коэффициент c будет равен: 1,1 при B/L=0,5 и 1,3 при B/L=0,5 и 1,4 при B/L=0,5 и 1,5 при B/L=0,5

 $a a_n = 0.65 a_n c$.

$$W_{1} = \xi \frac{y_{n} \sum_{i=1}^{n} y_{i} q_{n}^{\xi} S_{i} m_{i}}{\sum_{i=1}^{n} y_{i}^{2} M_{i}}, \quad (II.10)$$

гле y_i — ордината первой формы свободных комебаній дах родин іго перекрытия; n_i — число перекрытий; q_{si}^2 — порудативная статическая ветперекрытия; S_i — полидал іго участка фассад, лицис умиоженной на высоту этажа: m_i — кооффициент пульсации, опреждениям M_i масса іго участия; i — дивамический кооффицити от i сту участия; i — дивамический кооффицисти от i.

Формула (11.10) может быть упрощена, если по (11.5) и (11.6) найти ясывалентную нагрузку, заменяющую $\sum_{i=1}^{n} q_{ui}^{c} S_{i} m_{i}$ в (11.10). Обозначив эту эквыалентную

Рис. II.5. K выводу упрощениой формулы для W_1

нагрузку q_n и $a \overline{q}_a$ (рис. II.5) и приняв во вымание в соответствии с многочисленными экспериментами [46, 75 и др.], что первая форма колебаний изображается наклонной прямой, а масса здания равномерно распределена по его высоте, получим из (II.10)

$$W_1 = \frac{\xi h \overline{q}_n}{M_i} \left(1 + \frac{\overline{a}}{2} \right), \tag{II.11}$$

где \overline{q}_{n} и M_{i} должны быть определены при одинаковой ширине участка i.

При трапециевидной эпюре горизонтальной нагрузки:

$$q(x) = q\left(1 + \frac{a-1}{H}x\right);$$
 (II.12)

$$Q^{r}(x) = -q x \left(1 + \frac{a-1}{2H} x\right);$$
 (II.13)

$$M^{\Gamma}(x) = -\frac{q x^{2}}{2} \left(1 + \frac{a-1}{3H} x\right),$$
 (II.14)

а прогиб верхней точки

$$f^{r} = -\frac{4 a + 11}{120 E J^{0}} q H^{4}$$
. (II.15)

В этих формулах q— интенсивность горизонтальной эквивалентной распределенной нагрузки вверху здания (см. ис. 11.3), подставляется со знаком «минус»; р— момент инерции нетто всего сечения несущей конструкции, взятый относительно центра тяжести этого сечения.

Для расчета несущей системы здания ветровая нагрузка, найденная по формулам (II.4) или (II.8), умножается на длииу фасада L. При наличии лоджий, балконов с глухими ограждениями и тому подобных неровностей на фасадах, перпендикулярных рассматриваемому, длина последнего с учетом даниых [45] возрастает на величину ΔL .

$$\Delta L = 0,1 l_{\pi} h_{\pi} \frac{n}{H}$$
, (II.16)

где $h_n,\, l_n$ — высота и длина одной лоджин (балкона и т. п.); n — число лоджий на фасадах, параллельных направлению ветра; H — подная высота злания.

8 3. СЕЙСМИЧЕСКИЕ ВОЗДЕЙСТВИЯ

Сейсмические инерциониме силы, согласно СНиП II-А.12-69*, могут быть представлены как горизонтальная нагрузка, расчетное значение которой из уровне k-го перекрытия, соответствующее i-му тону собственных колебаний, составит:

$$S_{\ell k} = G_k k_c \beta_\ell \eta_{\ell k}, \quad (II.17)$$

на 6, —ежи такжел (виружна) дамину должно (размен от тажа) с учетогологу фициентого. 90 для постоящиту май дамину от таже о

$$\eta_{ik} = \frac{\delta_{ik} \sum_{j=1}^{n} G_{j} \ \delta_{ij}}{\sum_{j=1}^{n} G_{j} \ \delta_{ij}^{2}}$$
(II.18)

(здесь δ_{ik} и δ_{ij} — ординаты форм собственных колебаний здания по i-му тону в точке k и во всех уровнях.

Остановимся несколько подробиее на приемах определения T_i и n_{th} .

При сейсмическом воздействии в отличие от ветровой нагрузки период колебаний Т непосредственно определяет величииу сейсмических сил (П.17), поэтому его следует вычислять более строго, имея при этом в виду, что увеличение жесткости здания ученьшает Т и медичивает сейсмическую нагрузку.

При изгибных колебаниях консоли горизонтальное перемещение точки с координатой x (см. рис. II.5) в момент времени t равно:

$$y(x, t) = f(x) \sin pt,$$
 (II.19)

где f(x) — уравнение прогиба (речь о нем будет няти дальше); p — круговая частота свободных колебаний.

В процессе колебаний консоли ее потенциальная Π и кинетическая K энергия с течением времени t иепрерывно наменяются, причем максимальная потенциальная энергия (возначающая при наибольшем отклонении от равновесия) полностью грансформируется в кинетическую при прохождении системы через иедформированное состояние. По формуле Релея при погонной массе m и жесткости EI, не зависящих от x, круговая частота колебаний 150 будет развих

$$\rho = \sqrt{\frac{n_{\max}}{K_{\max}}} = \sqrt{\frac{E J \int_{0}^{\pi} (f'')^{2} dx}{m \int_{0}^{\pi} f^{2} dx}}.$$
 (II.20)

Периодом колебаний T иазывается время, в течение которого совершается одно полное колебание. Зная круговую частоту ho, которая соответствует числу колебаний за время 2π секунд, найдем:

$$T = \frac{2 \pi}{p} = 2 \pi \sqrt{\frac{K_{\text{max}}}{\overline{H}_{\text{max}}}}.$$
 (II.21)

Aля определения T иадо модставить (II 20) в (II.21), предзарительно задавшись с функцией f(x) или некоторой фиктивной горизонтальной нагрузкой q(x) и от нее определив протиб f(x). Удобио, например, задаться горизонтальной равномерной нагрузкой f(x)

$$q = m g$$
. (II.22)

При этом вычисление потенциальной энергии может быть заменено более простым определением работы нагрузки в положении максимального отклонения

$$\Pi = A = \frac{m g}{2} \int_{0}^{\pi} f(x) dx.$$
 (II.23)

Тогда приближенное значение периода колебаний по первому тону (m сокращается) составит:

$$T_{1} = 2 \pi \sqrt{\frac{\int_{0}^{\pi} f^{2}(x) dx}{g \int_{0}^{\pi} f(x) dx}}, \qquad (II.24)$$

где f(x) — прогиб в уровне x от равномерно распределенной изгрузки $q\!=\!mg;\ g\!=\!9,81$ м/с² — ускорение свободного падения.

Если массу здания сосредоточить равными долями M в уровне перекрытий, получим вместо (II.24)

$$T_1 = 2 \pi \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} y_i^2}{g \sum_{i=1}^{n} y_i}}, \qquad (II.25)$$

где y_i — перемещение точки i консоли от горизонтальных сил веса Q = Mg, приложенных в уровие всех перекрытий.

Если первую форму колебаний изобразить, как это было принято при выводе формулы (II.11), наклонной прямой (см. рис. II.5)

$$y = f(x) = k x$$

то по формуле (II.24)

$$T_1 = 2 \pi \sqrt{\frac{2 k H}{3 g}} = 1.64 \sqrt{k H} = 1.64 \sqrt{\overline{f(H)}},$$
 (II.26)

г Λ е f(H) — прогиб верха здания, м, с учетом изгиба и сдвига, а также податаливости основания под действием горизоитальной равномерно распределений натрузки R, равной погониой массе здание.

Такой же результат получен в работе [81]. Формула '(II.26) дает достаточно высокую точность. Так, например, для сплошной консоли значение (II.26) расходится с точным решением менее чем на 2%.

 δ_{ij} братимся теперь к определению η_{ik} (II.18). Ординаты δ_{ij} аля первой формы колебаний близки к протибам от повернутой горизонтально массы здания. В высоких зданиях масса может считаться равномерно распределенной по высоте. Тогда ее можно вынести в формуле (II.18) за знак суммы и сохратить. Для первого тона колебания, обозначив $\delta_{ij} = y_{ji}$ получим:

$$\eta_{1k} = \frac{y_k \sum_{j=1}^{n} y_j}{\sum_{i=1}^{n} y_i^2},$$
 (II.27)

тде y_h , y_j — прогибы несущей системы здания в уровнях k и j от единичим сил, приложенных во всех уровнях $(1,...,k_m,j_m,n_j)$ (Определяются оформулам, приведениям в соответствующих главах этой кинги для разных несущих систем миогоэтажимых зданий).

Для приближенной оценки можно принять, что первая формолебаний изображается иаклоиной прямой, как это было принято при выводе формул (11.11) и (11.26). Подставляя в (II.27) $y_h = cx_h$ и $y_j = cx_j$, получим после сокращения на c^2 и замены суммирования интегрированием (см. рис. II.5):

$$\eta_{1\,k} = \frac{x_k \int_0^{\pi} x \, dx}{\int_0^{\pi} x^2 \, dx} = \frac{1.5 \, x_k}{H} \, . \tag{II.28}$$

Такой же результат приведен в работе [54].

После вычисления S_{1k} для всех уровней (этажей) нагрузка приводится к трапециевидной эпюре по формулам (II.5). — (II.6). Это позволяет рассчитывать здания на сейсмическую нагрузку по формулам, приведенным в следующих главах этой кинги, справедливым для всякой горизонтальной нагрузки, распределенной по закону трапеция.

В высоких зданиях с большим периодом колебаний основного тома, для которых существен учет высших форм колебаний (не более двух, кроме первой), сейсмические инерционные силы \mathcal{S}_0 вычисляют по формуле (П.17) для каждого тома колемного несущей системы независимо для каждого тома колебаний. От этих сил определяются усилия \mathcal{N}_1 в сечениях элементов несущей системы независимо для каждого тома колебаний.

Наибольшие расчетные усилня определяются с учетом влияния всех учитываемых форм колебания

$$N = \sqrt{N_{\text{max}}^2 + 0.5 \sum_{i} N_i^2}, \quad \text{(II.29)}$$

где N_{\max} — наибольшее усилие в рассматриваемом сечении, соответствующее колебанию по одной из форм (обычно по первой форме); N_i — усилия в том же сечении при других формах колебаний.

Если центр масс не совпадает в плане с центром жесткостей несущей системы или период кругильных колебаний близок к периоду низшего тона поступательных колебаний (или превосходит его), надо учитивать в расчете дополнительные инерционные силы, создаваемые кругильными колебаниями [54, 65 и др.]. Можно также воспользоваться для симметритных в плане зданий нормами [16], где усилия определяются от совместного действия в уровне рассматриваемого этажа силы S₄ и кругащего момента:

$$M_K = S_k e$$
, (II.30)

где e — случайный эксцентрицитет в плане здания, равный 0,05 его длины в направлении, перпендикулярном действию силы S_{λ} .

Если имеется фактический эксцентрицитет e_0 между центрами масс и жесткостей в уровне данного этажа, он добавляется к эксцентрицитету e.

§ 4. ТЕМПЕРАТУРНЫЕ ВОЗДЕЙСТВИЯ

Возведение здания большой этажности ие укладывается по времени в одни сезон. Монтаж здания начинается в одних температурных условиях (например, летом), а закаччивается в других (зимой). При этом в конструкциях здания создаются услиля разымы знаков звиду того, что свобода температурной деформации стесиена цокольно-фундаментной частью (см. 8.3 гл. VIII.)

В эксплуатационный период перепад температур вызывает деформацию ограждающей конструкции и создает усилия в связях между ней и несущими конструкциями, а значит, и в самих несущих конструкциях (рис. II.6).

Перепад температур V, вызывающий искривление наружной паиели и ее линейную деформацию, нормируется СНиП II-6-74.

Усилия, создаваемые температуринми воздействиями в конструкциях, зависят не голько от температурного перепада, по и от степени стеснения температурной деформации. Зависимость между напряжением ог и относительной температурной деформацией панели ег, возникающими в условиях стеснения этой деформации другими конструкциями или связями, выражается уравнением (рис. 1.17)

$$\sigma_t = (\alpha \Delta t - \epsilon_t) E = \epsilon_c E,$$
 (II.31)

тде е. — скловая деформация, соответствующая напряжению от в уменьнающая свободную деформацию панели; е. — зависит от жесткостей конструкций и связей и определяется расчетом статически неопределямой системы, в которую входят рассматриваемая конструкция и сопряжениые с ней элементы (см. напрямер, [23] т. х. § 13] т. х.

Соответственно

$$\varepsilon_t = \alpha \ \Delta \ t - \varepsilon_c.$$
 (11.32)

Аналогичным образом воздействует на усилия в несущей системе и в ограждающих конструкциях усадка бетона. Для





a— по толщине ограждающей конструкции; b— между средней (осевой) температурой ограждающей и внутренней конструкция; I— внутренняя конструкция; 2— связи и возникающие в них усилия; 3— ограждающая конструкция

Рис. 11.7. Зависимость между напряжениями и относительными пеформациями от температуры



уменьшения усилий, создаваемых температурным перепадом и усадкой, служат температурные швы, расстояния между которыми в крупнопанельных зланиях нормированы [45].

§ 5. ПРЕДЕЛЬНЫЕ ПЕРЕМЕЩЕНИЯ И НЕРАВНОМЕРНЫЕ ОСАДКИ ОСНОВАНИЯ

Максимальный допустимый прогиб от нормативной ветровой (а в соответствующих случаях и от виецентренной или удельнонеравной вертикальной) нагрузки обычно принимается равный ∫ ≪ H/1000. Такое значение прогиба соответствует допустимому перекосу наружимы панелей, примыкающих к вертикальным днафоратмам в зданиях со связевым жаркасом [34].

Прн расчете многоэтажного здания на устойчивость положения, т. е. на опрокидывание, рекомендуется принимать коэффициент запаса

$$K_y = \frac{M_{y\text{дepж}}}{M_{\text{onpok}}} \geqslant 1,5.$$
 (II.33)

Влияние податливости основания на перемещения (прогиб и угол наклона) здания может быть учтено следующим присмом. Действующие в уровне подошвы фундамента нормальная

Рис. II.8. Слемя изклюна фундамента и нафундамента билострукции при пераниомерной осладке — поляже фундамента; б — наклюн со осленой сили К. б. марожения в труяте от осевой сили К. б. м. то же, от момента М

снла и момент создают под фундаментом трапециевидную эпюру давления на грунт (рис. II.8,a). При этом

$$\sigma_{M} = \frac{M(H)l}{J_{A}2}, \quad (II.34)$$

где I_{Φ} — момент инерции площади подошвы фундамента относительно основлящей через центр тяжести этой площади и перпендикулярной плоскости действия момента.

Угол поворота а н дополнительный прогиб (рис. II.8,6) составляют:

$$\alpha = \frac{\delta}{0.5 \, l} = \frac{M \, (H)}{J_{\phi} \, c}; \tag{II.35}$$

$$f_1 = \alpha H$$
, (II.36)

где, согласно п. 11, прил. 3 СНиП II-15-74,

$$c = \frac{3 E_{\rm cp}}{2 (1 - \mu_{\rm cp}^2) b k_I} , \qquad (II.37)$$

алесь E_D и μ_D — модуль деформаций и коэффициент Пуассова грунта, принимаемые серанны в предслак сживнемой голции, замечене их определяется по CHиII II-15-74; b — рамер примоугольного в плане фундамента в направлении, периездикулярном плоскости дебетвия момента M(H); k_i — безразмерный коэффициент k_i или k_i определяемый по таба. 4 прил. 3 CHuII II-15-74; сели куве происходит в направлению динижению большений объекторы и пределяемых по таба. 4 прил. сели объекторы сели объекторы и пределяемых правлениям одиниченной большей стороны фундамента к меньшей.

§ 6. УЧЕТ УСЛОВИЙ ВОЗВЕДЕНИЯ

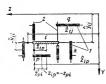
При проектировании конструкций надо анализировать условия их возведения и делать соответствующие расчетные прореки. Сособенно важно выявлять этапы возведения, при которых изменяется расчетная схема сооружения или его отдельих элементов. Типичными примерами могут служить: работа связевого каркаса при отставании монтажа стенок жесткости; устойчивость колонн со сварными стыками до их замоноличивния; причость неразрезных рителей под монтажными нагрузками до выполнения связей, создающих неразрезность, и т. п. В этих и подобных случаях расчетные схемы и нагрузки могут существенно отличаться от тех, которые будут наблюдаться в закоченном сооружении.

Следует также учитывать в расчетах то обстоятельство, что здание (как и всякое сооружение) не является невесомым до окончания строительства. Его масса возрастает в процессе возведения каждого нового этажа. Параллельно изменяются его высота И, потоиная жесткость вертикальных элементов — столбов как консолей, защемленных в основании, т. е. расчетная схема в целом (см. § 3 тл. VII).

Г Л А В А III. ПРОСТРАНСТВЕННЫЕ НЕСУЩИЕ СИСТЕМЫ СО СВЯЗЯМИ СДВИГА

§ 1. ОСНОВНЫЕ УРАВНЕНИЯ НЕСИММЕТРИЧНОЙ В ПЛАНЕ ПРОСТРАНСТВЕННОЙ НЕСУЩЕЙ СИСТЕМЫ, ЛИСКРЕТНО-КОНТИНУАЛЬНАЯ МОДЕЛЬ

Рассмотрим пространственную несущую систему многоэтажного здания, изображенную на рис. 1.18. Данная система в общем случае состоит из вертикальных каркасных и панельных элементов прямоугольного сечения (колонн и столбов), расположенных в плане во взаимно-перпендикулярных направления. Вертикальные элементы соединены между собой в горизон-

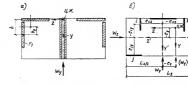


Рнс. III.1. Фрагмент плана пространственной несущей системы 1— вертикальные элементы (столбы): 2—

7— вертикальные элементы (столом); 2 связи сдвига

Рнс. III.2. Схемы планов несущих систем

стем a — расчленение сложного сечения на прямоугольные; b — к выводу формулы (VIII.I)



гальных плоскостях перекрытиями, а по вертикальным швам связями сдвига (ригели, перемычки, сваренные выпуски арматуры, бетонные шпоночные швы и др.). Перекрытия полагаем абсолютно жесткими в своей плоскости и гибкими из плоскости, а связи сдвига упруго-податливмии. Как принято в дикретно-континуальной модели, те и другие считаются непрерывно распределенными по высоте здания. Будем исходить из геометрически и физически линейной постановки задачи.

Рассматриваемая система [26] при несимметричном плане и произвольной нагрузке подвергается косому изгибу и внецентренному сжатию со стесненным кручением, причем линия центров кручения заданной системы представляет собой пространственную кривую. Фрагмент плана с указанием центральных и вспомогательных осей координат показан на рис. ПП. Систему координат примем пор рис. ПВ и 1.20. Начало центральной системы координат в плане расположим а центре жесткостей вертикальных элементов всей несущей системы, начало вспомогательных координат — в центрах тяжести поперечных сечений соответствующих вертикальных элементов.

Если последние имеют сложное открытое сечение — двутавровое, уголковое и т. п., то они расчленяются на отдельные прямоугольники, соединенные условными связями сдвига (рис.

¹ Подробнее см. § 3 настоящей главы, формулу (ПІ.98).

III.2,a). Характернстика податливости таких связей s_{ij} принимается в расчете равиой нулю (см. пример 15 в гл. X).

В несущих системах с элемейтами сложного открытого профиля не всегда удается вводить в условимх швах податливость связей s=0. В сложных системах такой прием может привести к устранению членов уравнения, не содержащих данного паражерта $s_h=0$. В таких случаях подагливость связей в условных швах может быть шринята равной s_{Φ} [см. § 1 гл. IV и формулу (V.21)].

Сопротивлением вертикальных элементов открытого профиля чистому кручению пренебрегаем, полагая его малым по сравнению с их сопротивлением нагибиому кручению относительно общего для всей системы центра поворота. Сопротивление сдвигу будем учитывать в соответствии с умазаниями § 1

гл. V.

Под действием внешией нагрузки в вертикальных элементах несущей системы со связями сдвига помимо изгибающих моментов и поперечных сил возникают вследствие сопротивления связей нормальные силы N₁(x). Схема их возникиовения от

горизонтальной иагрузки показана на рис. І.З,в.

Положим, что неизвестные пока силы N_i и распределениые можиты, создаваемые связями, являются частью заданной внешней нагрузки. Тогда вес связи сдвига теряют свое значение и могут быть заменены шариирными. Под действнем всей внешней изгрузки (включая снлы N_i и моменты от связей) система, очевидно, придет в то же самое деформированное соглояние, в какое пришла бы от заданной нагрузки система со связями сдвига (см. гл. X_i примеры $15 \cdot 16$). Но тогда пространственная кривая центров кручения заменится вертикальной прямой центров жесткостей, что значительно объегчает расчет.

Положение центра жесткостей в плане адания определяется аналогично определению центра тяжести (точнее центра плошадей) с той разинцей, что площади заменяются нзгибными жесткостями элементов, а статические моменты— моментами этих жесткостей. Таким образом, координатами центра жесткостей относительно произвольно выбраниюто начала координат У'2" точки О рик. III.2.0 б удут:

$$e_y = \sum_{i=1}^{n} B_{iy} e_{iy} \left| \sum_{i=1}^{n} B_{iy}; \right|$$

$$e_z = \sum_{i=1}^{n} B_{iz} e_{iz} \left| \sum_{i=1}^{n} B_{iz}, \right|$$
(III.1)

где $B_{iy}=(EI_y)_i$ и $B_{iz}=(EI_z)_i$ — нагибиме жесткости элемента i относительно его собственных центральных осей, параллельных координатым осям Y' и Z'; e_{iy} , e_{iz} — координаты центра поперечного сечения элемента i относительно осей YZ'.

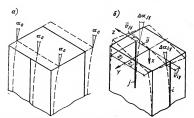


Рис. III.3. Компоненты перемещення несущей системы а — плоский изгиб; б — поворот (кручение)

Если виешние нагрузки W_v и W_z не пересекают ось центров жесткостей, а приложены, например, в срединах длин фасадов (рис. III.2,б) как равнодействующие ветрового давления на эти фасады, тогда полное перемещение несущей системы в плане складывается из плоского изгиба в плоскостях YX и ZX и поворота вокруг оси X (рис. III.3). Так как оба плоских изгиба принципиально аналогичны, то для дальнейшего вывода достагочно рассмотреть один из них и поворот, который создается крутящим моментом $W_y e_z - W_z e_y$ (считая положительным консольный поворот по часовой стрелке). В вертикальном направлении в некотором сечении х будет возникать депланация (рис. III.4), т. е. выход из общей плоскости YZ отдельных вертикальных элементов. Это явление объясняется, с одной стороны, действием сил $N_i(x)$, растягивающих или сжимающих эти элементы, и, с другой стороны, - стесненным кручением всей системы, вследствие которого вертикальные элементы, расположениые с разных сторон от центра кручения, гиутся в противоположных направлениях (рис. III.3,6), что делает невозможным совмещение их нормальных сечений на одной плоскости.

Из рассмотрения перемещения любого ряда вертикальных элементов (см. рис. III.4), расположениях, например, в плоскости, параллельной YX, найдем полный угол наклона, одинаковый для всех элементов данного ряда:

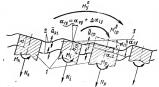
$$\alpha_{iy} = \alpha_{0y} + \Delta \alpha_{iy}$$
 (III.2)

или
$$\alpha_{ij} = \alpha_{i1} + \alpha_{i2}$$
. (III.3)

Приравнивая правые части этих выражений, получим уравнение четырех углов

$$\alpha_{0y} + \Delta \alpha_{ly} = \alpha_{l1} + \alpha_{l2}, \qquad (III.4)$$

2* 3ax. 99



ряда вертикальных элементов при действин горизонтальной, вертикальной внецентренной вертикальной удельно-неравной нагрузок

Рис. 111.4. Наклон

I — столбы; 2 — свя-зи; 3 — след плоско-сти YZ до деформа-

где $\alpha_{oy} = \alpha_{oy}(x)$ — общий для всей несущей системы угол наклона только от плоского нагнба системы в плоскости, в данном случае YX; $\Delta \alpha_{iy} = \Delta \alpha_{iy}(x)$ — дополнительный угол наклона всех элементов данного ряда вызванный поворотом*; $\alpha_{ij} = \alpha_{ij}(x)$ — часть полного угла наклона, определяемая разностью осевых деформаций смежных вертикальных элементов: $\alpha_{i2} = \alpha_{i2}(x)$ — остальная часть полного угла наклона, определяемая деформацией (изгиба, сдвига) связей между двумя смежными вертихальными элементами.

Каждый из четырех углов, входящих в (III.4), может быть выражен через неизвестную пока функцию N_i и виешиие известиые нагрузки. Записывая (III.4) для каждого вертикального элемента, получаем систему уравнений, из которой определяются искомые функции N_i , принятые за неизвестные.

В этом параграфе рассмотрим пространственную систему, не содержащую замкнутых контуров в плане. Полученное решение будет также справедливо и для системы с замкиутыми контурами, но не подвергающейся кручению (повороту)

плане Продифференцируем по x выражение (III.4), переписав его

отиосительно производной угла α:2:

$$\alpha'_{i2} = \alpha'_{0y} - \alpha'_{i1} + \Delta \alpha'_{iy}$$
. (III.5)

Очевидно, наклон ряда элементов (см. рнс. III.4) на любой угол а, вызывает вполие определенное деформирование связей, а следовательно, однозначно определяет силы $Q_{it}(x)$ н нх направление. В свою очередь этими силами определяются $N_i(x)$ во всех вертикальных элементах, так как из равенства нулю суммы проекций на ось Х снл, действующих на элемент і (рис. III.5), в любом сечении x имеем

$$N_{\ell} - \sum_{0}^{x} \frac{\overline{Q}_{\ell p} dx}{h_{\ell p}} + \sum_{0}^{x} \frac{\overline{Q}_{q\ell}}{h_{q\ell}} dx - \sum_{0}^{x} \frac{\overline{Q}_{\ell f}}{h_{\ell f}} dx +$$

Ввиду того что угол поворота в есть малый угол, в дальнейших выкладках и в тексте не делается различня между проекцией угла α и самим этим углом, так же как н между проекцией и углом $\Delta \alpha_i$.

$$+\sum_{j}\int_{-h_{kl}}^{x}\frac{\overline{Q}_{kl}}{h_{kl}}dx=0,$$
 (III.6)

где индексы p, q относятся к связям, параллельным оси y, а индексы $\bar{j}, k-$ ковязм, параллельным оси $z; h_{1p}$ — расстояние между связями по высоте завиня: суминорование доизвольностя по всем связям дайного каловаления.

Если выразим все члены уравнения (III.5) через искомые неизвестные N_t и внешнюю нагрузку, то получим $N_t(\mathbf{x})$. Так менений, из которой сможем найти все силы $N_t(\mathbf{x})$. Так как (III.5) можно записать для каждого вертикального элемента несущей системы, то число уравнений будет равно числу неизвестных.

Из условия равновесия при плоском изгибе несущей системы в плоскости XY, $M_y^0 = \sum_i^n M_i + \sum_i^n N_i y_i$ найдем:

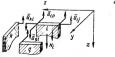
$$\alpha'_{0y} = \frac{1}{B_z} \left(\sum_{i=1}^n N_i y_i - M_y^0 \right).$$
 (III.7)

Исходя из определения угла α_1 , в соответствии с рис III.6 и с учетом формулы (III.5), получим:

$$a_{1\,y} = \frac{1}{|y_{lp}|} \left\{ \left[\frac{1}{A_l} \int_{\hat{x}}^{H} N_l \, dx + (a_{0\,z} + \Delta \, a_{lz}) \, \overline{z}_{lp} \right] - \left[\frac{1}{A_-} \int_{-A_-}^{H} N_p \, dx + (a_{0\,z} + \Delta \, a_{pz}) \, \overline{z}_{pl} \right] \right\} + \frac{1}{B_{l\infty}} \int_{-A_-}^{H} M_{pp}^{n} \, dx. \quad (III.)$$

$$A_{p} = \frac{1}{x}$$
 $A_{p} = \frac{1}{x}$ $A_{p} = \frac{1}{x}$ В формулах (III.7), (III.8): $B_{z} = \sum_{i=1}^{n} EI_{iz} -$ суммариая нагибная жест-

кость всех вертикальных элементов относительно осей, проходящих через центры тяжести сечений этих элементов и парадлельных оси Z всей системы; E — по формуле (V.36); N:=N(χ) — нормальная сила, возникающая в сечении χ вертикального элемента i только в результате сопротивления связей възгъбу i самуру i, i, i — координаты центра тяжести горизон-



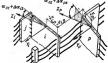


Рис. III.5. K выводу формулы (III.6) Рис. III.6. K выводу формулы (III.8) в (III.24)

тального сечения элемента I относительно центра жесткостей всей несущей системы элания; $M_p = M_p^0$ (х) — изгибающий момент от всей выешней нагрузки (горязонгальной и внецентренной вертикальной), действующей на грузки (горязонгальной и внецентренной вертикальной). Разбетвующей на осторожения в разбет в предоставляющей разбет в посмости, парадлежной VX, y_{Tp} —проекция на осторожения в разбет в предоставляющей VX, VX

$$\overline{B}_{\ell pz} = \frac{A_p y_{\ell p}^2}{1 + \beta_{\ell p}}; \quad \beta_{\ell p} = \frac{A_p}{A_\ell}; \quad M_{\ell p}^n = m_{\ell p}^n x;$$
 (III.9)

 m_{ip}^{B} — определяется по формуле (II.3).

Днффереицируя (III.8) по x и замечая, что $\overline{z_{ip}} - \overline{z_{pi}} = z_{ip}$, найдем:

$$\alpha'_{1y} = \frac{1}{|y_{\ell p}|} \left[\left(\frac{N_p}{A_p} - \frac{N_\ell}{A_\ell} \right) + \left(\alpha'_{oz} z_{\ell p} + \Delta \alpha'_{\ell z} \overline{z}_{\ell p} - \Delta \alpha'_{pz} \overline{z}_{p\ell} \right) \right] - \frac{M_{\ell py}^n}{R_c}, \quad (III.10)$$

где α'_{ox} по (III.7) с заменой y на z, и наоборот.

Остается выразить через нагрузку и нензвестиме функции производиую угла $\Delta \alpha_{iy}$. Согласно рис. III.7,

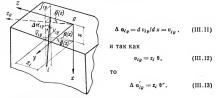


Рис. III.7. К определеиню угла $\Delta \alpha_{iv}$

Вместе с тем изгибающий момент ΔM_{iy} в столбе i, созданний поворотом, связан с углом наклона известной дифференциальной зависимостью $B_{iz}\Delta \alpha'_{iy}=-\Delta M_{iy}$ и потому с учетом (III.13)

$$\Delta \alpha'_{iy}/z_i = \theta'' = -\Delta M_{iy}/z_i B_{iz}. \tag{III.14}$$

Для столба ј, нзгнбающегося (прн том же повороте плана)

в направлении +z, прогиб v_{jz} , угол наклона $\Delta \alpha_{jz}$ и момент ΔM_{jz} будут отрицательны, поэтому $v_{jz} = -y_i \theta$ и, следовательно, получим вместо (III.14)

$$\theta'' = \Delta M_{iz}/y_i B_{iy}. \qquad (III.15)$$

Так как угол $\theta = \theta(x)$ одинаков (при жестких в своей плоскости перекрытиях) для всех столбов несущей системы, то

$$q^* = -\Delta M_{ly}/z_l B_{lz} = -\Delta M_{pq}/z_p B_{pz} = +\Delta M_{jz}/y_j B_{jy} \dots$$

и, следовательно, $\Delta M_{py} = (\Delta M_{ly}/z_l B_{lz}) z_p B_{pz}$:
 $\Delta M_{lz} = -(\Delta M_{ly}/z_l B_{lz}) y_l B_{ly}$. (III.16)

Вместе с тем по условиям равновесия при неучете чистого кручения бимомент всех внешних сил T=T(x) относителью центра жесткостей должен быть равен сумме бимоментов отдельных столбов. При этом суммарный бимомент от поступательных смещений (плоского изгиба), очевидно, равен нулю, поэтому

$$T = \sum_{z} (\Delta M_{py} z_p - \Delta M_{jz} y_j). \tag{III.17}$$

Подставляя (III.16) в (III.17), найдем

$$T = \frac{\Delta M_{iy}}{z_i R_{iz}} \sum (B_{px} z_p^2 + B_{jy} y_j^2)$$

и, следовательно, с учетом (III.14) и (III.15)

$$\Delta \alpha'_{ty} = -z_t \frac{T}{B_{KD}};$$

$$\Delta \alpha'_{tx} = y_t \frac{T}{B_{KD}},$$
(III.18)

пде

$$B_{KP} = \sum_{i=1}^{n} (B_{iy} y_i^2 + B_{iz} z_i^2); \qquad (III.19)$$

T — бимомент внешинх сил и искомых нензвестных усилий, переданных на столбы отброшенными связями сдвига.

Для несущей системы, не содержащей замкнутых контуров в плане,

$$T = M_y^e z_u - M_z^e y_u + \sum_{it=1,2}^{m-1,m} (M_{pp}^a z_p - M_{ijz}^a \hat{y}_{ij}) + \\ + \sum_{i=1}^{n} (M_{iy}^2 z_i - M_{iz}^2 y_i) + \sum_{it=1,2}^{m-1,m} \left[(y_{it} \hat{z}_{it} - z_{it} \hat{y}_{it}) \sum_{j=1}^{i} N_f \right], \text{ (III.20)}$$

где M^c — моменты от внешней горизонтальной нагрузки; z_u, y_x — координаты плоскостей действия моментом M^c ; M^c — моменты от внецентренного действия на элемент i нагрузки $p_i(x)$, i , i , i — моменты и улевых точек (точек перегиба) связей ii или i o (см. рис. III.1)

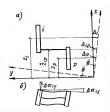


Рис. III.8. Перемещения центров тяжести столбов i, p и связи ip при повороте плана на угол $\overline{\theta}$ а — план; θ — вид сбоку в деформированном состояння

Выражения (III.18) справидны для центра тяжести сечения элемента і, т. е. для его продольной оси. Однако при изгибе столба, связаниом с поворотом плана, перемещения различных точек его сечения будут огличаться от перемещения его центра тяжести. Это видио, например, из рик. III.8:

для элементов i и p при повороте плана на угол $\overline{\theta}$ перемещения точек, лежащих в плоскости рассматриваемой связи ip, будут определяться координатой иулевой точки связи (которая совпадает с

координатой ряда) z_{ip} , а перемещения центров тяжести этих элементов — координатами z_i и z_p . Так как уравиение четырех углов (III.4) записывается для углов, лежащих в одной плоскости, а именно в плоскости рассматриваемого ряда связей, следует, подставляя Δa_{ip} в выражение (III.5), заменять z_i Δa_{ip} , z_i е. вместо (III.18) писать

$$\Delta \alpha'_{iy} = -\stackrel{\wedge}{z}_{ip} T/B_{KP}; \quad \Delta \alpha'_{iz} = \stackrel{\wedge}{y}_{ij} T/B_{KP}. \tag{III.21}$$

Полагая, согласно данному ранее определению и с учетом (V.1)

$$\alpha_{i2}' = s_{lp} Q_{lp}' \tag{III.22}$$

и. подставляя (III.22), (III.7), (III.10), (III.18) и (III.21) в уравнение (III.5), получим после деления обеих частей на s_{ip} :

$$Q'_{l\rho} = \frac{1}{s_{l\rho}} \left\{ \underbrace{\sum_{i=1}^{N_{l}} N_{i} y_{i} - M_{\rho}^{0}}_{B_{z}} - \frac{1}{|y_{l\rho}|} \left[\frac{N_{\rho}}{A_{\rho}} - \frac{N_{l}}{A_{l}} + \frac{1}{|y_{l\rho}|} \left[\frac{N_{\rho}}{A_{\rho}} - \frac{N_{l}}{A_{l}} + \frac{1}{|y_{l\rho}|} + \frac{1}{|y_{l\rho}|} \frac{T}{|y_{l\rho}|} - \frac{T}{|y_{l\rho}|} - \frac{T}{|y_{l\rho}|} \frac{T}{|y_{l\rho}|} \right] + \frac{M_{\rho\rho\rho}^{0}}{|y_{l\rho}|} - \frac{\lambda_{l\rho}}{|y_{l\rho}|} \frac{T}{|y_{l\rho}|} \left\{ \frac{1}{|y_{l\rho}|} - \frac{\lambda_{l\rho}}{|y_{l\rho}|} - \frac{1}{|y_{l\rho}|} \right\}.$$
(III.23)

Из формулы (III.6) после двойного дифференцирования и перехода к контннуальным связям получим основную систему дифференциальных уравнений пространственной несимметричной несущей системы, загруженной горизонтальной и вертикальной натружами

$$N'_{i} = \sum_{(y)} Q'_{ip} - \sum_{(y)} Q'_{qi} + \sum_{(z)} Q'_{ij} - \sum_{(z)} Q'_{ki}$$

$$(III.24)$$

где под знаком сумм записаны функцин некомых нензвестных снл N(x) и внешинх нагрузок, нмеющие в соответствин с ($\Pi 1.23$) следующий вид:

$$\begin{split} Q_{Ip}^{\prime} &= \frac{1}{s_{Ip}} \left\{ U_{p} + \frac{M_{Ip}^{0}}{\overline{B}_{Ipz}} - \frac{1}{|y_{Ip}|} \left[\frac{N_{p}}{A_{p}} - \frac{N_{I}}{A_{I}} + U_{z} z_{Ip} + \right. \\ &+ \frac{T}{B_{Rp}} \left(\overline{z_{Ip}} y_{I} - \overline{z}_{pI} y_{p} + \hat{z}_{Ip} |y_{Ip}| \right) \right] \right\}; \end{split}$$
(III.25)

$$\begin{split} Q_{q\ell}' &= \frac{1}{s_{q\ell}} \left\{ U_g + \frac{M_{q\ell}^g}{B_{q\ell z}} - \frac{1}{|y_{q\ell}|} \left[\frac{N_\ell}{A_\ell} - \frac{N_q}{A_q} + U_z z_{q\ell} + \right. \right. \\ &\left. + \frac{T}{B_{np}} \left(\overline{z}_{q\ell} \ y_q - \overline{z}_{\ell q} \ y_\ell + \hat{z}_{q\ell} | y_{q\ell} | \right) \right] \right\}; \end{split} \tag{III.26}$$

$$Q'_{ij} = \frac{1}{s_{ij}} \left\{ U_2 + \frac{M^{q}_{ij}}{\bar{B}_{ijg}} - \frac{1}{|z_{ij}|} \left[\frac{N_j}{A_j} - \frac{N_\ell}{A_i} + U_g y_{ij} - \frac{T}{B_{gg}} \bar{V}_{ij} z_i - \bar{y}_{ij} z_j + \hat{y}_{ij} |z_{ij}| \right] \right\}; \quad (III.27)$$

$$Q'_{kl} = \frac{1}{s_{kl}} \left\{ U_z + \frac{M_{kl}^2}{\bar{B}_{kly}} - \frac{1}{|z_{kl}|} \left[\frac{N_\ell}{A_\ell} - \frac{N_k}{A_k} + U_y y_{kl} - \frac{T}{B_{\pi p}} (\bar{y}_{kl} z_k - \bar{y}_{lk} z_l + \hat{y}_{kl} | z_{kl}|) \right] \right\}; \quad \text{(III.28)}$$

$$U_{y} = \frac{1}{B_{z}} \left(\sum_{f=1}^{m} N_{f} y_{f} - M_{y}^{0} \right); \quad U_{z} = \frac{1}{B_{y}} \left(\sum_{f=1}^{m} N_{f} z_{f} - M_{z}^{0} \right), \text{ (III.29)}$$

где связн $ip,\ qi$ параллельны оси $y,\ a$ связи $ij,\ ki$ — осн z (см. рис. III.5); и число объединенных связими сдвита вертикальных элементов (колони и столбов) в иесущей системе.

Для вертикальных элементов, не связанных с другими с помощью связей сдвига, уравнение (III 24) не составляется,

1ак как в таких элементах № — О. Однако если эти элементы обладают изгибной жесткостью, т. е. являются столбами, их жесткость войдет в суммы жесткостей В₂ и В₂ и таким образом их сопротивление изгибу будет учтено системой уравнений (ПІ.24).

Подставляя (III.25) — (III.29) в уравнение (III.24), можно получить форму записи этого уравнения [26, 34]. Все коорди-

наты $(y_1, z_1, z_2, z_1, z_2)$ и т. д.), кроме выделенных значком модуля, подставляются со своими знаками. Характеристика податливости связи s_{1t} (см. гл. V) подставляется по модулю независимо от наповаления связи.

Граничные условия при неподатливом основании: N(0) = 0, N'(H) = 0, при податливом основании — по указаниям § 8 гл. II и § 2 гл. VI.

После определения искомых неизвестных усилий N_i , а следовательно, и бимомента T по формуле (III.20) момент в плоскости, параллельной YX, в любом столбе i определяется исходя из (III.7) и (III.18) (см. примеры 15 и 16 в гл. X):

$$M_{iy}(x) = B_{iz}\left(\frac{M_y^0 - \sum_{f=1}^{n} N_f y_f}{B_z} + \frac{z_i T}{B_{xp}}\right);$$
 (III.30)

момент в плоскости, параллельной ZX, определяется по этой же формуле с заменой индексов и координат z на y, и наоборот, с переменой знака в последнем члене.

Угол поворота в плане можно найти, приравняв (III.13) и (III.18).

$$\theta''(x) = -T(x)/B_{KD}.$$
 (III 31)

Двойным интегрированием (III.31) с граничными условиями $\theta(0) = 0$, $\theta'(H) = 0$ определяется $\theta(x)$, а затем и прогиб любого вертикального элемента

$$v_{iy} = v_y^0 \pm z_i \overline{\theta}$$
 (III.32)

 $(v_{iz}$ по той же формуле с заменой y на z, и наоборот), где v_y^0 — прогиб от плоского изгиба.

Однако проще определить консольный прогиб \overline{v}_{iy} графоаналитическим методом как момент от фиктивной нагрузки, запиленной в скобках формулы (ПІ.30). Угол наклона α_i будет равен поперечной силе от той же фиктивной нагрузки. При этих операциях рассматриваемый элемент защемляется в сечения x=0, т. е. вверху, а опроное сечение остается своболным.

Перерезывающая сила в связях \overline{Q}_{ij} определяется при известном α_i как

$$\overline{Q}_{ij} = \frac{\alpha_i - \alpha_{i1}}{s_{ij}} h, \quad (III.33)$$

где α_{t1} определяется по формуле (III.8); Q_{tj} можно также найти непосредственным интегрированием выражения (III.23) с граничным условием $Q_{tj}(\mathbf{n}) = 0$ или как $Q_{t,t+1} = \sum_{i}^{t} N_f'$.

Продольные силы в вертикальных элементах

$$R_i = N_i + p_i^0 x$$
. (III.34)

§ 2. НЕКОТОРЫЕ ЧАСТНЫЕ СЛУЧАИ ПРОСТРАНСТВЕННЫХ НЕСУЩИХ СИСТЕМ

Пространственные несущие системы, симметричные в плане или разделяющиеся на две плоскопараллельные. В тех случаях когда вертикальные несущие конструкции расположены симметрично относительно центральных осей плана здания, центр месткостей совпадает с точкой пересечения этих осей. При этом все вертикальные нагрузки p^2 и m^2 также располагаются симметрично относительно этих осей. Если равнодействующая горизонтальной нагрузки пересекает линно центров жесткостей, т. е. центральную вертикальную ось здания, то поворота в плане не будет.

В таком случае в системе уравнений (III.24) следует при-

нять T=0.

В симметричной схеме моменты от вертикальных удельнонеравимых нагрузок M^3 ваанимо уравновешиваются, поэтому ин кручення, ин изгиба от действия этих моментов вертикальные элементы несущей системы не испытывают. Однако вследствие различия в осевых деформациях этих элементов происхдит изгиб (сдвиг) связей (рис. III.9) и соответственно в вертикальных элементах возинкают дополнительные усилия N_i , которые учитываются через $M_{\pi I}^2$ в типовой строке системы (III.24).

В с'ниметричных несущих системах число нензвестных може быть значительно сокращено. Так, например, несущая система из 30 вертикальных элементов (рис. III.10) при действин горизонтальной нагрузки в направленин осн У имеет только шесть нензвестных (см. поз. I—6 на рис. III.10), так как слялы N в элементах, лежащих на оси Z, в силу симметрии рав-

ны нулю.

Пространственные несущие системы относятся к классу плоскопараллельных, если взанино перпенднкулярные системы диафрагм не нмеют общих точек, не объединяются связями савига и если одна на этих систем (например, глухая днафрагма 4 на рыс. Х.В.а) цельком располагается в одной плоскости. Последнее условие означает, что кривая центров кручения отоже будет лежать в этой плоскости и потому совпадающая с ней система днафрагм не будет сопротивляться кручению зданя. Сопротивление изгибному кручению будет смазывать

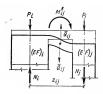
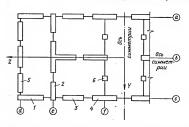


Рис. III.9. Возможная деформация связей между столбами от удельно-неравной вертикальной нагрузки в несущей системе с симметричным планом

Рис. III.10. Қ определению числа неизвестиых в несущей системе, имеющей в плане две оси симметрии



только та система диафрагм, в которой отдельные диафрагмы располагаются в параллельных плоскостях. Это и позволяет рассчитывать обе системы независимо друг от друга.

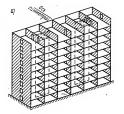
Так как в плоскопараллельной несущей системе отсутствуют связи сдвига между параллельными конструкциями, а сами эти конструкции не образуют замкнутых контуров, то система

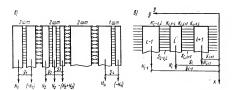
уравнений (III.24) с учетом $\hat{z_{ip}} = z_i$ приобретает вид

$$\begin{split} N_{i}^{c} &= -\frac{1}{B_{z}} \sum_{\langle p \rangle} \pm \frac{1}{s_{ip}} \left(\sum_{l=1}^{n} N_{f} y_{f} - M_{y}^{0} \right) + N_{i} \sum_{\langle p \rangle} \frac{k_{ip}}{s_{ip}} - \\ &- \sum_{\langle p \rangle} N_{p} \frac{k_{pl}}{s_{ip}} + \sum_{\langle p \rangle} \frac{M_{ip}^{0}}{s_{ip}} + \frac{T}{B_{sp}} \sum_{\langle p \rangle} \pm \frac{s_{i}}{s_{ip}}, \quad \text{(III.35)} \\ & \qquad \qquad (i = 1, 2, \dots, m), \end{split}$$

Рис. III.11. Симметричная в плане плоскопараллельная несущая система

а— аксонометрыя (пунктиром показана возможная плоская системказана возможная плоская системпродольного направления); б плоская расчетная схема попереной несущей системы; в— нядекация вертикальных элементов на счетных велячин к формулам (111.37)—(111.39)





причем бимомент T (III.20) упрощается, так как в последнем члене $z_{it} = 0$, $z_{it} = z_i = z_i$, а $y_{it} = y_i - y_i$:

$$T = M_y^r z_M + \sum_{l=1}^m M_{lp}^u z_l + \sum_{l=1}^m M_{ly}^u z_l + \sum_{f=1}^m N_f y_f z_f, \quad \text{(III.36)}$$

где обозначения те же, что и для (ПІ.20); суммы с индеком у распространяются на все элементы, объединенные с элементом i связями, параллельными оси y; верхине знаки следует принимать, если связи ip расположены от рассматриваемого элемента в сторорну +y.

В симметричных в плане плоскопараллельных несущих системах (рис. III.11,a) поворот не возникает, т. е. T = 0, и нет необходимости определять центры жесткостей и изгиба (кручения). Горизонтальные перемещения и углы наклона всех вертикальных конструкций одинаковы, что позволяет перейти от пространственной модели к плоской расчетной схеме

(рис. III. 11,6). Система уравнений (III.35) в этом случае приводится к виду:

$$N_i^* = \sum_{f=1}^{n} N_f \, \delta_{if} + \delta_{iq}, \quad (i = 1, 2, ..., n);$$
 (III.37)

где

$$\delta_{i, \ell-1} = r_{i}y_{\ell-1} \{ \neq i-1; \ f \neq i; \ f \neq i+1 \};$$

$$\delta_{i, \ell-1} = r_{i}y_{\ell-1} - \frac{k_{\ell-1, \ell}}{s_{\ell-1, \ell}};$$

$$\delta_{i, \ell} = r_{\ell}y_{\ell} + \frac{k_{i, \ell-1}}{s_{\ell-1, \ell}} + \frac{k_{i, \ell+1}}{s_{i, \ell+1}};$$

$$\delta_{i, \ell+1} = r_{\ell}y_{\ell+1} - \frac{k_{i+1, \ell}}{s_{i, \ell+1}};$$

$$r_{\ell} = (1/s_{i, \ell+1} - 1/s_{\ell-1, \ell})/B;$$

$$\delta_{i, \ell} = -r_{\ell}M^{0} - \frac{M_{i-1, \ell}^{0}}{s_{i+\ell}} + \frac{M_{i, \ell+1}^{0}}{s_{\ell}} + \frac{1}{s_{\ell}} + \frac{1}{s_{\ell}}$$

$$\delta_{i, \ell} = -r_{\ell}M^{0} - \frac{M_{i-1, \ell}^{0}}{s_{i+\ell}} + \frac{1}{s_{\ell}} + \frac{1}{s_{\ell}} + \frac{1}{s_{\ell}} + \frac{1}{s_{\ell}}$$
(III.38)

$$k_{l,\ l+1} = \frac{1}{E \, F_l \, b_{l,\ l+1}} \, ; \quad k_{l+1,\ l} = \frac{1}{E \, F_{l+1} \, b_{l,\ l+1}} \, ; \qquad (\text{III}.39)$$

$$B = \sum_{i=1}^{n} E J_{i}; \quad \overline{B}_{I, \ i+1} = \frac{b_{I, \ i+1}}{k_{I, \ i+1} + k_{i+1, \ i}}; \quad (111.39, a)$$

$$M_{I, \ i+1}^{n} = m_{I, \ i+1}^{n} x,$$

гас m^* — по формуле (II.3); s_1, s_2 — характеристика подагливости связей савита по указаниям л. N; расстояния y_1 принимаются для каждой верти-кальной несущей конструкции до оси ее крайнего вертикального элемента юси, рис. III.11.0). При этом неизвестные N, для которых y_2 —10, определяются из условии равенства мулю суммы всех N_1 в пределах каждой верти-кального условия развенства мулю суммы всех N_1 в пределах каждой верти-кального условия N_2 в пределах каждой верти-кального условия N_3 в пределах каждой верти-камдой ве

$$N(0) = 0; N'(H) = 0.$$
 (III.40)

Плоская схема (см. рис. III.11,6) позволяет трактовать плоскопараллельную систему как отдельную многосвязную конструкцию, в которой некоторые ряды связей не сопротивляются сдвигу (шарнирны). Поэтому нет необходимости разграничивать расет многосвязных конструкций и плоскопараллельных несущих систем. Те и другие решаются с помощью уравнений (III.37).

Действительное направление сил N_i обычно заранее неизвестно, поэтому принимается, что положительное направление соответствует растяжению столбов (см. рис. III.11,6). Решение уравнений определит знак, а значит, и действительное направление сил N_i

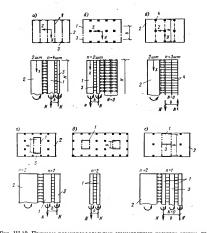


Рис. III.2. Примеры плоскопараллельных симметричных несущих систем, приводящихся к лодносвазими, и к плоские семми при поперенчом ветре а−с труним и проемыми доднагомыми дляфативми; б −с савывам гаркаем проемыми додрагивми; б −с савывам гаркаем проемыми додрагивми; б −с савывам гаркаем проемыми каркаеми каркаеми, проемыми варами и глухими додрагивми; 1, 3 − столбы; 2 − бсепроемые далафатим (духия) - f −с колоны

Простейшие несущие системы (рис. III.12) или отдельные одпослазные конструкции (см. рис. I.2, а, б). Система уравнений (III.37) сводится в этих случаях к одному уравнению

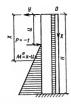
$$N'' = N \ (nrb + k_{10}/s) - N \ (-k_{21}/s) - r \ M^0 + (M^0/s \ \overline{B}).$$

Подставляя в него из (III.38) значение г и обозначая

$$\lambda = \sqrt{(k + n b/B)/s} = \sqrt{k B^0/s B}; \quad (III.41)$$

$$k = k_{12} + k_{21} = (1 + \beta)/E F_2 b; \quad \beta = E F_2/E F_1;$$
 (III.42)

$$B^0 = B + n b/k = B + n \overline{B},$$
 (III.43)



Рис, III.13. Схема действня сосредоточенной горизонтальной силы на несущую конструкцию

получим для действня горнзоитальной и вертнкальной распределенных нагрузок

$$N'' - \lambda^2 N = (M^n/\overline{B} - M^0/B)/s.$$
 (III.44)

В этих формулах: п—число односвяных (или двухсвяных симметричных) комструкций во всей несущей системе (рвс. III.12); очевидно, при расчете отдельной вертикальной несущей конструкции п—1, остальные обозначения те же, что и к формулам (III.7), (III.8) и (III.37)—(III.40).

Угол наклона найдем, подставляя в (III.3) α_1 по выражению (III.8) и α_2 согласно рнс. III.4 и формуле (V.1):

$$\alpha_2 = s Q_{\Pi} = s N'. \tag{III.45}$$

Приняв во внимание, что в (III.8) для симметричных плоскопараллельных систем $z_{ip} = z_{pi} = 0$, получим:

$$\alpha = s N' + k \int_{x}^{R} (N + M^{n}/b) dx. \qquad (III.46)$$

Прогнб определяем по формулам (1.6) илн (1.8), интегрируя (Π 1.46) после подстановки в иего N(x) из решення уравнения (Π 1.44).

Заменяя в (III.46) N через α , исходя из условня равновесня $\Sigma M_i = -\alpha' B = M^r - N b$. (III.47)

получим [23] другую форму днфференциального уравнения (прн действии горнзонтальной распределенной нагрузки)

$$\alpha'' - \lambda^2 \alpha = (k/s B) \int_{H}^{x} M^r dx - Q^r/B.$$
 (III.48)

Проднфференцировав это уравнение по x и заменяя α' на y'' н α''' на y^{LV} , найдем уравнение прогибов

$$y^{IV} - \lambda^2 y'' = k M^r / s B - Q^{r'} / B,$$
 (III.49)

что совпадает с уравиением (28.11) прогнба двухветвевого составного стержия [62].

При действин горизонтальной сосредоточенной силы P = -1 в любом сечении по высоте односвязной несущей конструкции (рис. III.13). согласно (III.44).

$$N'' - \lambda^2 N = 0, \quad (x \le u);$$

 $N'' - \lambda^2 N = (u - x)/s B, \quad (x > u).$ (III.50)

В рамах (рис. I.2, ϵ), согласно исходным предпосылкам, консоли, т. е. ΣM_t ==0. Поэтому из (III.47)

$$N = M^{r}/b; N' = Q^{r}/b.$$
 (III.51)

Подставляя эти значения в (III.46), находим α и остальные нужные величины.

§ 3. РЕШЕНИЕ СИСТЕМ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ И РАСЧЕТНЫЕ ФОРМУЛЫ ДЛЯ ПЛОСКОПАРАЛЛЕЛЬНЫХ НЕСУЩИХ СИСТЕМ И ОТДЕЛЬНЫХ НЕСУЩИХ КОНСТРУКЦИЙ

Общие принципы. Плоскопараллельные, симметричные в плане несущие системы любой сложности так же, как и отдель-

ные многосвязные вертикальные несущие конструкции с любым практически возможным числом различных вертикальных элементов расситываются в общем случае путем решения на ЭВМ системы дифференциальных уравнений (III.37) с граничными условиями (III.40).

Во многих случаях, когда порядок системы уравнений (ПІ.37) невысок (2—3 неизвестных), задача мосто быть решена непосредственным сведением дифференциальных уравнений к алгебранческим, путем замены второй производной вторыми развостями во всех точках m (рис. III.14) по выражению

$$u_m = (u_{m+1} - 2 u_m + u_{m-1})/h^2$$
. (III.52)

В краевых точках для удовлетворения граничных условий (III.40) введем «отраженные» значения III.14) вниз и вверх от грании f----II и

введем «ограженные» значения (см. пунктир на рис. III.14) вния и вверх от границ t=1 и t=0. Обозначим эти сотраженные» значения u^*t . Как видно, из рисунка, условие u(0) = u = 0 удовлетворяется, если $u_{k-1} = -u_{k-1}$, и, следовательно, согласно (III.52), при t=0 (x=0):

Рис. III.14. Қ решению систем дифференциальных уравиений методом конечных разностей (см. пунктир, на рис.

$$u_{M}^{'} = (u_{M-1}^{\bullet} - 0 + u_{M-1})/h^{2} = 0;$$

 $u_{M-1}^{'} = (0 - 2u_{M-1} + u_{M-2})/h^{2}.$ (III.53)

Условие u'(1) = 0 обеспечивается, если $u_1 = u_1^*$ (рис. III.14), поэтому при t = 1 (x = H), согласно (III.52),

$$u_0 = (u_1 - 2 u_0 + u_1)/h^2 = 2 (u_1 - u_0)/h^2$$
 (III.54)

Алгебраическая система уравнений будет содержать число неизвестных значений N_{jm} , равное произведению числа расчетных уравнений M на число неизвестных функций n в исходной системе дифференциальных уравнений (см. пример 16 в гл. X).

Симметричные в плане несущие системы с двумя неизвестными силами N. Учет числа однотипных конструкций. Для несущих систем, содержащих веего два неизвестных усилия N_ℓ (см. рис. 111.15), которые рассчитываются с помощью системы урав-



Рис. III.15. Схема плана симметричной плоскопараллельной несущей системы каркасного здания и условно плоская поперечная расчетная схема (пунктиром показаны плоские продольные системы)

нений (III.37), решение может быть получено в замкнутой форме:

$$\begin{split} N_1 &= \frac{m_1}{k_1} \ \mu_2^2 \ m_2 + \mu_1^2 \ m_3 + \left[M^F \left(x \right) - \left(w_2 + \frac{1}{\mu_2^2} \right) \ q \ \left(x \right) \right] / k_1 \ B^0; \ (III.55) \\ M_I &= - \mu_1^2 \ \mu_2^2 \ B_I \ m_1 \ \left[\left(\frac{s_1}{k_1} - \frac{1}{\mu_1^2} \right) \ m_2 + \left(\frac{s_1}{k_1} - \frac{1}{\mu_2^2} \right) \ m_3 \right] + \\ &+ \frac{B_I}{B^9} \left[M^F \left(x \right) + \left(\frac{s_1}{k_1} - \frac{1}{\mu_2^2} - w_2 \right) \ q \ \left(x \right) \right], \qquad (III.56) \\ & \text{fig.} \ m_1 = q \ \left[B^9 \left(\mu_2^2 - \mu_1^2 \right) \right]^{-1}; \qquad (a) \\ m_2 &= w_2 \ \text{ch} \ \mu_1 \ x + \left[\frac{H}{\mu_1} \left(\frac{a+1}{2} \right) \left(1 - \frac{s_1 \ B^9}{s_1 \ \mu_2^2} B \right) + \\ &+ w_2 \left(\frac{a-1}{\mu_1 \ H} - \sinh \mu_1 \ H \right) \right] \sinh \mu_1 \ x / \cosh \mu_1 \ H; \qquad (6) \\ m_3 &= -w_1 \ \text{ch} \ \mu_2 \ x - \left[\frac{H}{\mu_2} \left(\frac{a+1}{2} \right) \left(1 - \frac{s_1 \ B^9}{s_1 \ \mu_1^2} B \right) + \\ &+ w_1 \left(\frac{a-1}{u_1 \ H} - \sinh \mu_2 \ H \right) \right] \sinh \mu_2 \ x / \cosh \mu_2 \ H; \qquad (a) \end{split}$$

$$w_1 = \frac{2 \, \mu^2}{\rho^4} - \frac{s_2}{k_2} - \frac{1}{\mu_1^2}; \quad w_2 = \frac{2 \, \mu^2}{\rho^4} - \frac{s_2}{k_2} - \frac{1}{\mu_2^2}; \qquad (r)$$

$$\mu_1 = \sqrt{\mu^2 - \sqrt{\mu^4 - \rho^4}}; \quad \mu_2 = \sqrt{\mu^2 + \sqrt{\mu^4 - \rho^4}};$$
(A)

$$\mu^2 = 0.5 \ (\lambda_1^2 + \lambda_2^2); \quad \rho^4 = \lambda_1^2 \ \lambda_2^2 - \frac{b_1 \ b_2}{s_1 \ s_2 \ R^2};$$
 (e)

$$\lambda_i = \sqrt{(k_i + b_i/B)/s_i};$$
 (III.57)

$$B^0 = B + \frac{b_1}{k_1} + \frac{b_2}{k_2}$$
. (III.58)

N₂ найдем из первого уравнения системы (III.37)

$$N_2 = [s_1 B (N_1 - \lambda_1^2 N_1) + M^r])/b_2$$
 (III.59)

или после определения М; исходя из условия равновесия

$$N_2 = (M^c - \sum M_i - N_1 b_1)/b_2.$$
 (III.60)

По формулам для N_1 (111.55), (111.59) и (111.60) усилие определяется суммарно для всех конструкций одного типа, поэтому параметры s и k, характеристики k и жесткости элеменов надо вычислять с учетом фактического числа однотипных конструкций в несущей системе (см. пример 8 в гл. X). Для системы по рис. [11.1] в уравнениях (11.37)— (11.38)

$$B=2 (B_{11}+B_{21})+2 (B_{12}+B_{22}+B_{32})+2B_3+B_{14}+B_{24}.$$

Соответственно параметры s и k для n однотипных диафрагм с перемычками, согласно (V.11) и (III.42), будут равны:

$$s = h l^3/12 n B_n b;$$
 $k = (1 + \beta)/n E F_2 b.$

Характеристика λ при этом сохраняет, очевидно, значение (III.57).

ние (111.07).

Найденные усилия делятся поровну между всеми однотипными конструкциями заданной несущей системы.

Перерезывающая сила в дискретной сдвиговой связи

$$\overline{Q}_{i, t+1} = \frac{h}{n} \sum_{j=1}^{t} N'_{j},$$
 (III.61)

где Σ в пределах данной вертикальной несущей конструкции. Поперечная сила в столбах или глухих диафрагмах согласно [23]

$$Q_{i} = M_{i}' + \frac{\overline{Q}_{i-1,\ i}}{h_{i-1,\ i}} \ u_{i-1,\ i} + \frac{\overline{Q}_{i,\ i+1}}{h_{i,\ i+1}} \ (I_{i,\ i+1} - u_{i,\ i+1}) - \rho_{i}^{0} \ e_{i}, \ (III.62)$$

где h — расстояние между связями по высоте здания; $u_{t-1,t}$ — расстояние от точки перегиба связи (i-1,t) до центра тяжести элемента t; p_t^x — погонная вертикальная распределенная нагрузка элемента t; e_t — эксцентрицитет этой нагрузки относительно центра тяжести элемента t.

Простейшие плоскопараллельные симметричные, несущие системы, содержащие по одной неизвестной функции N(x) и односвязыме несущие конструкции. Усилие N(x) (рис. $\Pi \Pi \Omega$) определяется решением дифференциальных уравнений ($\Pi \Pi \Delta \Omega$) в зависимости от вида натрузки.

При действии горизонтальной нагрузки распределенной по закону трапеции (см. рис. II.3) нормальная сила в одном столбе

или колоние согласно (III.44) и (III.40) равна:

Изгибающий момент в сечении x столба i

$$N(x) = \frac{1}{kB^0} \left[M^{c}(x) + \frac{q(A \sinh \lambda x + \cosh \lambda x) - q(x)}{\lambda^2} \right], \text{ (III.63)}$$

где k — по формуле (III.42), причемиля двухсвязных симметричных конструкций и для неоущих систем, содержащих такие конструкции, принимается b, равное расстоянию между осями крайних вертикальных засментов (см. например, рк. III.12, s, e); q и q(x) — по формуле (II.12)*; M^* — по (II.14)

$$A = \left(\frac{a-1}{\lambda H} + \frac{a+1}{2} \lambda H - \sinh \lambda H\right) / \cosh \lambda H, \quad (III.64)$$

где λ — по (III.41); B^0 — по (III.43).

$$M_{i}(x) = \frac{B_{i}}{B^{0}} \left\{ M^{r}(x) - \frac{n \overline{B}}{\lambda^{2} B^{-}} \left[q (A \sin \lambda x + \cosh \lambda x) - q (x) \right] \right\}.$$
(III.65)

Однако проще определить $M_i(x)$ из условий равновесия, поскольку N(x) уже известна:

$$M_i = B_i(M^c - n N b)/B^{**}$$
 (III.66)

Перерезывающая сила в перемычках или иных связях сдвига

$$\overline{Q}_n = N'h = \frac{h}{kB^0} \left[Q^r + \frac{q}{\lambda} \left(A \operatorname{ch} \lambda x + \operatorname{sh} \lambda x - \frac{a-1}{\lambda H} \right) \right]. \text{ (III.67)}$$

В формулах (III.64)—(III.67): а— отношение интенсивности нагрузки на уровне земли к нагрузке вверху здания, определяемое по (II.51): В—по формуле (III.39.a).

Гиперболические функции берутся (с точностью не менее чадо 5 знаков) из таблиц, имеющихся, например в [68], для значений безразмерного аргумента λx и λH .

Поперечная сила в столбе і [23, 34]

$$Q_i = \frac{Q^r B_i}{R} + \frac{\overline{Q}_{rr}}{h} \left(u_i - \frac{n b B_i}{R} \right), \quad (III.68)$$

где Q^{r} и \overline{Q}_{n} — определяются для рассматриваемого сечения соответственно по формулам (II.13) и (III.67) (см. пример 7 в гл. X).

q(x) во избежание совпадения с q.

^{*} Напоминм, что, согласно принятой системе координат, численное значение нагрузки q и q(x) подставляется во все фомулы со знаком смизиуст.
* Здесь и далее в целях уарощения записи опускаем знак x при переменных M, N, Q и пр. и сохраним его только в тех случаях, когда надо будет сосбо подченкить функциональный хавается этих переменных напромене пом

Прогиб в любом сечении определится согласно (1.8) рированием угла наклона (III.46) с учетом (III.63):

$$\begin{split} \overline{y} &= \int\limits_{x}^{n} \alpha \, dx = \overline{y^{0}} + \frac{n \, \overline{B}}{\lambda^{2} \, B^{0} \, B} \, \left\{ \frac{q}{\lambda^{2}} \left[\operatorname{ch} \lambda \, H - \operatorname{ch} \lambda \, x + A \, \left(\operatorname{sh} \lambda \, H - \operatorname{sh} \lambda \, x \right) + \right. \right. \\ &+ \left. \left(1 - \alpha \right) \left(1 - \frac{x}{H} \right) \right] + M^{r} \, \left(H \right) - M^{r} \, \left(x \right) \right\}, \end{split}$$
(III.69)

где $\overline{y^0}$ — консольный прогиб в сечении x несущей конструкции с абсолютчо жесткими связями слвига

$$\bar{g}^{0} = -\frac{aH^{4}}{120B^{0}} \left[4a + 11 + (a - 1) \left(\frac{x}{H} \right)^{5} + 5 \left(\frac{x}{H} \right)^{4} - 5 \left(3 + a \right) \frac{x}{H} \right]. \quad (III.70)$$

Прогиб верха при x=0

$$f = f^{\mathrm{r}} + \frac{n \overline{B}}{\lambda^{2} B^{0} B} \left\{ \frac{q}{\lambda^{2}} \left[(\operatorname{ch} \lambda H + A \operatorname{sh} \lambda H - a) + M^{\mathrm{r}} (H) \right], (III.71) \right\}$$

где f^r — по формуле (II.15), а $B^0 = EI^0$ — по (III.43). С учетом формулы (IV.55) прогиб после определения N можно вычислить проще:

$$\overline{y} = \overline{y^0} + \frac{nb}{\lambda^2 B} [N(H) - N(x)]. \tag{III.72}$$

На рис. Х.2 построены для примера эпюры усилий и прогибов при разных λH и $\xi = B/B^0$. Величина ξ существенно влияет. как и параметр λH , на усилия в диафрагме или иной несущей конструкции, однако если λH изменяется в больших пределах. то § для отдельных диафрагм чаще всего колеблется между 0.25 и 0,15.

Если $\lambda H \geqslant 3$, то с достаточной для практических расчетов точностью усилия в заделке днафрагмы (x=H):

$$M_{\ell} = \frac{B_{\ell}}{B^{0}} \left(M^{c} - \frac{n \overline{B}}{B} - \frac{A_{1} q}{\lambda^{2}} \right);$$
 (III.73)

$$N = \frac{1}{k B^0} \left(M^r + \frac{A_1 q}{\lambda^2} \right); \tag{III.74}$$

прогиб вершины

$$f = f^{\Gamma} + \frac{n \overline{B}}{\lambda^2 B^0 B} \left(\frac{A_1 q}{\lambda^2} + M^{\Gamma} \right). \tag{III.75}$$

В формулах (III.73) — (III.75):

$$M^{r} = M^{r} (H) = -\frac{(a+2) q H^{2}}{6}$$
 (III.76)

$$A_1 = \frac{a+1}{2} \lambda H + \frac{a-1}{\lambda H} - a. \tag{III.77}$$

(III.69)

На рис. X.2 показаны эпюры \overline{Q}_n , построенные по формуле (III.67). Максимальное значение этой силы (при ξ =0,2 и $\lambda H>>3$) соответствует сечению, которое можно найти по графику (рис. III.16).

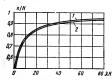


Рис. III.16. График значений x/H, соответствующих наибольшей перерезывающей силе в перемычке при различных λH $I-\sigma=1$: $2-\alpha=0.5$



Рис. III.17. Схема эпиор перерезынающих сил в перемычках, нормальных сил и моментов в столбах диафратмы с проемами о-О— граница выизиня проемов на усилия в столбах диафратми в перекопиталь ущим с эмпорам усилом я.у.

При этом

$$_{\max}\overline{Q}_{\Pi} \approx \frac{h}{kB^0} \left[Q^{\Gamma} + \frac{q H (a+1)}{2 e^{\lambda (H-x)}} \right],$$
 (III.78)

афрагмы без проемов)

пде $Q^r = Q^r(x)$ — определяется для найденного по графику значения x, и это же значение x подставляется в показатель степени e.

Выражение (III.74) можно представить в виде $N_{max} \approx c_o O^r H/2 k B^o$.

(III.79)

Значения коэффициентов c_a при $\xi = 0,2$ приведены в табл. III.1.

Таблица III.1

Коэффициент	AH .					
	5	7	10,5	14 .	21	28
C ₁ C _{0,5} C _{0,3} C _{0,2}	0,68 0,764 0,820 0,847	0,755 0,852 0,915 0,948	0,828 0,932 0,990 1,027	0,867 0,975 1,042 1,081	0,91 1,019 1,087 1,126	0,931 1,041 1,110 1,150

Формулы (III.63) и (III.65) близки по своей структуре, и после преобразования их относительно ΣM и Nb приобретают следующий вид (для одной диафрагмы, τ . е. при n=1):

$$\Sigma M = M^{\Gamma} \xi - D;$$

$$N b = \frac{M^{\Gamma} \overline{B}}{R^{0}} + D,$$
(III.80)

где

$$D = \overline{B}[q \ (A \operatorname{sh} \lambda x + \operatorname{ch} \lambda x) - q \ (x)]/\lambda^{2}B^{0}. \tag{III.81}$$

Pirc. III.18.

2) Sinopia N., M ii

20 a B Ogliogensiiiiii Aliasopiarise
iiii Aliasopiarise
iiii Aliasopiarise
iiii Aliasopiarise
cap yeerom Alicuperinoro paeinoloxoceliiii Cap
aeriania Ciciavisa
sonope Mi. 6—paeverinasi ciciavis
anoipe M

Первый член правой части выражений (ІІІ.80) соответствует диафрагме с абсолютно жесткими связями. Второй член вносит

поправку, связанную с податливостью связей.

Как видно из рис. III.17, на большом участке высоты здания R илияние вторых членов практически не сказывается. Это позволяет в приближенных расчетах для сечений диафрагм от x=0 до сечения, соответствующего $\overline{Q}_{\alpha \, \text{max}}$ принять распределение M^c таким, как в диафрагме сплошного сечения, т. е.

$$M_{i} \approx \frac{M^{\Gamma}}{B^{0}} B_{i};$$

$$N = \frac{M^{\Gamma} \overline{B}}{b B^{0}}.$$
(III.82)

Для участков ниже этого сечения можно принимать: N_{\max} (III.79), M_{\max} по (III.66) при $N = N_{\max}$ и n = 1.

(III.79), M_{\max} по (III.66) при $N=N_{\max}$ и n=1. Перерезывающая сила в перемычках, расположенных выше той в которой эта сила максимальна:

$$\overline{Q}_{n} \approx Q^{c} h/k B^{0}$$
. (III.83)

Эти результаты хорошо подтверждаются многочисленными

экспериментами [3, 80 и др.].

Этпоры на рис. X.2 построены в предположении непрерывпот распределения связей сдвига по высоте диафрагмы. Поэтому они имеют вид гладких кривых. В действительности связи расположены сосредоточенно, и потому этпоры будут изображаться ломаными линиями (рис. III.18). Поправка к M_i (III.65) или (III.66) за счет местного момента (рис. III.18.6. s) или полный момент в колонне

$$\pm \Delta M = 0,5 \overline{Q}_{\Pi} u$$
 (или $0,5 \overline{Q}_{\Pi} v$).

Изгибающие моменты в местах заделки перемычек или ригелей

$$M_{\pi} = \overline{Q}_{\pi} \cdot 0.5 t$$
.

Одно- и двухпролетные рамы при одинаковых пролетах можно рассчитывать исходя из (III.51). Так, при действии горизонтальной распределенной нагрузки, подставляя N (III.51) и N в (III.46), найдем угол наклона рамы

$$\alpha = \frac{k}{b} \int_{a}^{B} M^{r} dx + \frac{s}{b} Q^{r}, \qquad (III.84)$$

откуда протиб рамы в сечении x согласно (I.8)

$$\overline{y} = \overline{y}^0 + \frac{s}{h} [M^r(H) - M^r(x)], \qquad (III.85)$$

причем \overline{y}^0 определяется по (III.70) с заменой B^0 на $n\overline{B}$.

Расчетные формулы для действия удельно-иеравной внецентренной вертикальной нагрузки даны в приложении.

При действии горизоитальной сосредоточенной силы (рис. III.13). интегрируя (III.50), найдем:

$$N_{(x

$$N_{(x>u)} = [\operatorname{sh} \lambda u \operatorname{ch} \lambda x - - (1 + \operatorname{sh} \lambda u \operatorname{sh} \lambda H) \operatorname{sh} \lambda x/\operatorname{ch} \lambda H + (x - u) \lambda l/\lambda k B^0.$$
(III 86)$$

В формулах (III. 86) и в дальнейших, относящихся к случаю действия единичной сосредогоченной силы, уже учтено, что эта сила в наших координатах равиа —1.

Прогиб в сечении х≥и найдем, согласно (I.8) и (III.46),

$$\frac{1}{y} = \frac{1}{B^3} \left\{ \frac{\overline{B}}{\lambda^3 B} \left[\frac{\sinh \lambda x - \left[\cosh \left(\lambda H - \lambda x \right) - 1 \right] \sinh \lambda u}{\cosh \lambda H} - \frac{1}{A} \right] + (H - x)^2 \left(\frac{x - u}{2} + \frac{H - x}{3} \right) \right\}. (III.87)$$

При x<u прогиб определяется по (III.87) с заменой x на u, и наоборот. В случае u=0 перемещение (прогиб) верха здания

$$f = \frac{1}{B^0} \left[\frac{\overline{B}}{\lambda^3 B} (\lambda H - \operatorname{th} \lambda H) + \frac{H^3}{3} \right]. \quad (III.87, a)$$

Несущие системы, не имеющие связей сдвига. Консольная расчетная модель (см. гл. I). В таких системах все $N_i = 0$, и потому, исходя из (III.30), имеем

$$M_{iu}(x) = B_{iz}(M_u^0/B_z + z_i T/B_{KD}),$$
 (III.88)

 $T = M_{ij}^{\Gamma} z_{\mu} - M_{ij}^{\Gamma} y_{\mu} + \Sigma (M_{ij}^{0} z_{i} - M_{ij}^{0} y_{i}).$ (III.89)

Поперечная сила в любом столбе і равна производной от изгибающего момента, а если столб сжат с эксцентрицитетом, то $Q_i = M_i' - m_i^3$.

Прогиб определяется по (III.32), в котором:

$$v_y^0 = \left[\frac{4a+11}{20(a+2)} M_y^0(H) + \frac{M_y^3(H)}{3} \right] \frac{H^3}{B_z}, \quad (III.90$$

$$\overline{\theta} (0) = \theta (H) = \frac{H^3}{3B_{xy}} \left[\frac{4a+11}{40} (q_z y_u - q_y z_u) H + \frac{a}{10} \right]$$

 $+\sum_{i=1}^{n} (m_{iy}^{9} z_{i} - m_{iz}^{9} y_{i})$. (III.91)

Дополнительный прогиб от податливости основания, равный $\frac{M_i(H)}{L}$ H может быть добавлен $_{\rm K}$ прогибу, найденному по (III.32), и совместность перемещений всех диафрагм и распределение усилий между ними сохраняется, если удовлетворено условие

$$B_{d_i}/B_i = B_{d_i}/B_k = \text{const},$$
 (III.92)

где $B_{\Phi} \! = \! I_{\Phi} c$ — жесткость подошвы фундамента; c — краевая осадка по формуле (II.37).

Несимметричная в плане несущая система, образованная столбами, имеющими сложный профиль поперечного сечения (угловые, швеллерные, двутавровые и т. п.), рассчитывается, как указано в § 1 гл. III (см. пример 15 в гл. X).

Системы, образованные разнотипными диафрагмами, не имеющими общих точек. Центр кручения. Если в пространственной несущей системе диафрагмы различного направления не имеют общих точек (рис. III.19), расчет может быть выполнен путем распределения полного

изгибающего момента между отдельными диафрагмами [30,

341.

тле

Рис. III.19. Несущая система с разнотипиыми диафрагмами, не имеющими общих точек

а - до загружения; 6 - поворот в плане после загружения



Поступательные смещения (плоский изгиб) и повороты в плане вокруг центра кручения рассматриваются раздельно.

Усилия \overline{N} и \overline{M} , возникающие при плоском изгибе по Y и по Z, определяются решением систем уравнений (111. 37) для сответствующих плоских расчетных схем. Доля полного внешнего момента, приходящаяся на любую диафрагму i, при плоском изгибе будет равна:

$$\overline{M}_{i}^{0} = \Sigma (\overline{M} + \overline{N} b)_{i}. \tag{III.93}$$

Суммирование производится по всем вертикальным элементам, входящим в проемную конструкцию i; для глухих диафлагм $\tilde{M}^0 = \tilde{M}$.

Палее будем считать результаты этого этапа расчета в виде (III.93) известными для всех проемных и глухих диафрагм заданной несущей системы. Так как центр кручения лежит вне плоскости действия внешнего момента (см. рис. III.19,а), создатся поворот перекрытий в плане (рис. III.19,6) и в несущих конструкциях возникают дополнительные перемещения и усилия. Полный изгибающий момент M_{κ}^{1} , воспринимаемый конструкцией K, будет слагаться из $\overline{M}_{\kappa}^{0}$ от поступательного смещения и M_{κ}^{10} от поворота, так что

$$M_\kappa^0 = \overline{M}_\kappa^0 + \overline{M}_\kappa^0$$
 (III.94)

Второй этап расчета состоит в определении $\hat{M}_{\kappa}^{\,\,0}$, выэванного поворотом.

Согласно [30, 34], например, для действия момента Му

$$\dot{M}_{k}^{0} = M_{\mu}^{0} z_{M} \overline{M}_{k}^{0} z_{k}/C_{KP},$$
(III.95)

где

$$C_{\kappa p} = \sum_{i=1}^{m} \overline{M}_{i}^{0} z_{i}^{2} + \kappa \sum_{i=1}^{n} \overline{M}_{i}^{0} y_{i}^{2};$$
 (III.96)

$$x = \overline{M}_{l} (H) B_{j} / \overline{M}_{j} (H) B_{l}. \tag{III.97}$$

При действии M_z^0 надо заменить в (III.95) $M_y^0 z_{\rm H}$ на $M_z^0 y_{\rm M}$. При определении моментов от кручения в конструкциях, параллельных плоскости ZX надо (III.95) умножить на x

Так как все \overline{M}_t^0 и к известны из первого этапа расчета, то для пользования формулой (III.95) надо знать только положение центра кручения, от которого зависят расстояния $z_{\rm M}, z_{\rm K}$ и т. п. (см. рис. III.19).

Центр кручения в каждом из рассматриваемых уровней согласио [30] определяется координатами

$$z_{M}(x) = \sum_{l=1}^{m} \overline{M}_{l}^{0} e_{l}/M_{y}^{0} ;$$

$$y_{M}(x) = \sum_{l=1}^{n} \overline{M}_{l}^{0} e_{l}/M_{z}^{0} .$$
(III.98)

аналогично

Формулы (III. 98) представляют собой обобщение выражений для координат центра жесткостей несущей системы, образованной только глухими днафрагмами. Действительно, для глухих днафрагм

$$\overline{M}_{i}^{0} = M_{i}^{0} B_{i}/B; \overline{M}_{i}^{0} = M_{i}^{0} B_{i}/B.$$

Подставив эти значения в (III.98), получим координаты центра жесткостей системы глухих диафрагм (III.1).

Во все формулы координаты z_i , y_i , $z_{\rm M}$ и т. п. подставляются со своими зиаками в соответствии с направлением координатиых осей

Усилия в любом вертикальном элементе p коиструкции κ будут:

$$N_{p\kappa} = \frac{\overline{N}_{p\kappa}}{M^0} M_{\kappa}^0; M_{p\kappa} = \frac{\overline{M}_{p\kappa}}{\overline{M}^0} M_{\kappa}^0.$$
 (III.99)

Линия центров кручения представляет собой в общем случае пространствениую кривую, координаты которой (ПП.98) являются функцией х, поскольку они выражаются через изгибающие моменты \overline{M}^2 , изменяющиеся по высоте здания. Для систем, разделяющихся из две независимые плоскопараллельные, линия центров кручения становится плоской кривой и лежит в плоскости одной из двух взаимно перпендикулярных систем днафрагм (см. пример 16 гл. Х и рис. Х.8,б). Для систем, образуемых только глухими днафрагмами, линия центров кручения вырождается в вертикальную прямую центров жеустемостей.

Миогие частиме случаи рассмотрены в [30, 34].

ГЛАВА І У. КРУЧЕНИЕ НЕСУЩЕЙ СИСТЕМЫ, СОДЕРЖАЩЕЙ ЗАМКНУТЫЕ В ПЛАНЕ КОНТУРЫ

§ 1. ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНОЕ УРАВНЕНИЕ КРУЧЕНИЯ НЕСУЩЕЙ СИСТЕМЫ, СОДЕРЖАЩЕЙ ЗАМКНУТЫЕ В ПЛАНЕ КОНТУРЫ

Если, несущая система образует замкнутые в плане контуры и при этом подвергается кручению, бимомент T не может быть выражен как явиая функция сил N_1 (III. 20), так как при повороте такой системы в плане иет прямой зависимости между не-

нзвестными силами $N_4(x)$ и углом закручивания $\theta(x)$. Это полюжение вллюстрирует рис. IV.I. Если показанная и в этом рисунскистема имеет две оси симметрии, то при ее закручивании все Q_{ij} равым между собой и не равын нулю, так как Q_{ij} в примыкающих связях равны и протноположим по знаку. В то же время имеся образа в развимент в ток в протноположим по знаку. В то же время иметого при расчете на кручение систем с замкнутыми контурами притого при расчете на кручение систем с замкнутыми контурами притого при расчете на кручение систем с замкнутыми контурами притого пределяемое из дополний кручения, т.е. как еще одно неизвестное, определяемое из дополний член выражения (III. 20) представляет собой частную форму более общего выражения бимомент T_{Q_i} создаваемого перерезывающими силами в съязях замкнутого контура

$$T_{Q} = \sum_{ut=1, 2}^{m, 1} (y_{ut} \hat{z}_{ut}^{\Lambda} - z_{ut} \hat{y}_{ut}) \int_{0}^{x} Q_{ut} dx.$$
 (IV.1)

Переход от IV.I к той форме $T_{\mathbf{Q}}$, которая записана в последнем члене формулы (III.20), стал возможен благодаря тому, что

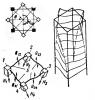
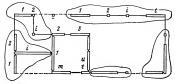


Рис. IV.1. Қ зависимости между θ , N_i и Q_{ij} при закручивании системы с замкиутым контуром в плаие

Рис. IV.2. Несущая система с иесимметричным плаиом, сочетающая открытые и замкнутый коитуры



для систем с незамкнутыми контурами согласно условиям рав-

$$\int_{0}^{x} Q_{it} dx = \sum_{h=1}^{i} N_{h}, \qquad (IV.2)$$

и, следовательно, бимомент T_Q становится явной функцией N.

Для системы с замкнутыми контурами в плане следует пользоваться для 7д формой записи в виде (IV.1). Подставляя это выражение вместо последнего члена в (III.20) и дважды дифференинруя по х, найдем для системы из m элементов, образуюших одим замкнутый контур.

$$T'' = -q_y z_M + q_z y_M + \sum_{u=1}^{m_x - 1} c_{ut} Q'_{ut}, \qquad (IV.3)$$

где Qut определяется по формулам (III.25)—(III.29);

$$c_{ut} = y_{ut} z_{ut} - z_{ut} y_{ut}; \qquad (IV.4)$$

. ut — вомера любых двух смежных вертикальных элементов, объединенных связями сдвига.

Если несущая система сочетает в себе замкнутые и открытые контуры (рис. VI.2), дополнительное дифференциальное уравнение приобретает вид

$$T'' = -q_y z_M + q_z y_M + \sum_{f} \left(\sum_{uf=1, 2}^{m_{t-1}} c_{uf} Q'_{uf} + \sum_{|g=1, 2}^{lf} c_{fg} Q'_{fg} \right), \text{ (IV.5)}$$

Система уравнений (ПП.24) — (IV.5) позволяет определить все усилия и перемещения в пространственной несущей системе, образующей в плане произвольное сочетание незамкнутых и замкнутых контуров. Система решается при граничных условиях:

$$N_{I}(0) = 0; \quad N'_{I}(H) = 0; \quad T(0) = 0;$$

$$T'(H) = Q_{y}^{0} z_{y_{i}} - Q_{x}^{0} y_{y_{i}} - \sum_{l=1}^{n} (m_{iy}^{2} z_{l} - m_{iz}^{2} y_{l}) + \sum_{l=1}^{m-1, m} (m_{iyy}^{2} \hat{z}_{l} - m_{ijz}^{2} \hat{y}_{lj}).$$
(IV.6)

Бимомент T_Q (IV. 1) не входит в последнее граничное условие, так как при наличии жесткой заделки в основании перерезывающие силы в связях Q_{ut} на уровне $x \! = \! H$ будут равны нулю.



Рис. IV.3. Горизонтальное сечение замкиутого ядра

Если несущая система состоит из обстройки (не сопротивляющейся горизонтальным напрузкам), расчет может быть выполнен решением системы (III.24) и (IV.3). В частном случае глухого, беспроемного ядра, загруженного распределенным по высоте кругицим моментом $m=-q_yz_\infty$ вводя фиктивные швы по рис. IV.3, запишем (IV.3) в развернутом виле

$$\begin{split} T^{e} &= -q_{y}\,\mathbf{z}_{\mathsf{M}} + \frac{c_{11}}{s_{\Phi}}\left(-\frac{1}{|y_{11}|}\right)\left[\frac{T}{B_{\mathsf{KP}}}\left(-\overline{z}_{21}\,y_{2} + \hat{z}_{12}\,|y_{11}|\right)\right] + \\ &+ \frac{c_{22}}{s_{\Phi}}\left(-\frac{1}{|y_{23}|}\right)\left[\frac{T}{B_{\mathsf{KP}}}\left(-\overline{z}_{22}\,y_{2} + \hat{z}_{22}\,|y_{21}|\right) + \frac{c_{42}}{s_{\Phi}}\left(-\frac{1}{|y_{43}|}\right) \times \\ &\times \left[\frac{T}{B_{\mathsf{KP}}}\left(\overline{z}_{23}\,y_{4} + \hat{z}_{42}^{2}\,|y_{42}|\right)\right] + \frac{c_{41}}{s_{\Phi}}\left(-\frac{1}{|y_{41}|}\right) \times \end{split}$$

$$\times \left[\frac{T}{B_{\rm KP}} \left(\overline{z}_{41} \ y_4 + \overset{\text{A}}{z}_{41} \ | y_{41} | \right) \right]. \tag{IV.7}$$

Приняв во внимание знаки координат и то, что все $\lfloor c_{ik} \rfloor$ в замкнутом прямоугольном контуре равны друг другу, получим из (1V,7)

$$T'' = -q_y z_M + \frac{4 c_{12} (\overline{z_2} y_2 - x_{12} | y_{12}|)}{s_{\phi} | y_{12} | B_{KD}} T.$$
 (IV.8)

Подставляя в (IV.8) значения величин, входящих в последний член этого выражения, и учитывая, что, согласно (V.21) и рис. IV.3

$$s_{\phi} = \frac{x \sum b_{\phi}}{GF} = \frac{2 (a+b) x}{G2 (a+b) \delta} = \frac{x}{G\delta}$$
(IV.9)

и для коробчатого сечения, согласно (VI.48),

$$x = (a+b)/a \tag{IV.10}$$

получим вместо (IV.8)

$$T'' - \frac{G J_d}{B_{\mu p}} T = -q_y z_{st},$$
 (IV.11)

где
$$J_d = 2 a^2 b^2 \delta/(a+b);$$
 (IV.12)

 I_d — момент инерции свободного кручения замкнутого прямоугольного сечения; G — модуль сдвига; $B_{\rm kp}$ — по формуле (111.19) — жесткость стесиенного кручения замкнутого прямоугольного сечения; T = T_{op} — изгибно-крутильный бимомент, вызванный стеснением депланации ядра в заделке.

Интересно отметить, что $B_{\rm sp}$ в точности совпадает с известним въражением для секториальной жесткости замкнутого прямоугольного контура $EI\pi/\mu$ -(см., например, [68], с. 308). Действительно, подставляя сюда значения числителя и энаменателя. получим:

$$\frac{E J_{\overline{\omega}}}{\mu} = \frac{E a^2 b^3 (b - a)^2 \delta}{24 (a + b)} \left\{ \left(\frac{a - b}{a + b} \right)^2 = \frac{2E \left[-\frac{a^2 \delta}{12} \left(\frac{b}{2} \right)^2 + \frac{b^3 \delta}{12} \left(\frac{a}{2} \right)^2 \right] = B_{KP}}.$$
 (IV.13)

Так как $T_{\omega} = -B_{\mathrm{Kp}} \; \theta''$, уравнение (IV.11) может быть преобразовано к виду

$$B_{KP} \theta^{IV} - \frac{G J_d}{B_{KP}} B_{KP} \theta'' = m,$$
 (IV.14)

что совпадает с известным уравнением углов закручивания, подтверждая точность предложенного здесь метода расчета ядерстволов с замкнутым контуром и несущих систем, содержащих такие ядра.

В последнем случае в формулах (IV.3) и (IV.5) можно заменять согласно (IV.11) для замкнутых прямоугольных контуров

$$\sum_{ut=1, 2}^{m, 1} c_{ut} Q'_{ut} = \frac{G J_d}{B_{\kappa p}} T.$$
 (IV.15)

Расчеты показывают, что при обычных размерах ядер-стволов в многоэтажных зданиях первый член в уравнении (IV.14), т.е. интенсивность изгибно-крутящего момента, имеет существенное значение только вблизи заделки ядра и затухает на высоте, примерио равной ширние ядра. По всей высоте ядра внешний крутящий момент воспринимается практически только за счет чистого кручения. Оставляя в (IV.14) в левой части только второй член, получаем

$$\theta'' = -m/G J_d, \qquad (IV.16)$$

т. е. уравнение чистого (свободного) кручения. Таким образом, в практических расчетах несущих систем с ядрами можно пренебретать собственной секториальной жесткостью замкнутых ядер, вводя в расчет только их жесткость чистого кручения, как это сделано нами в 1271.

В данном выводе, разрезая контур на отдельные элементы прямоугольного сечения (см. рис. IV.3), мы принимали в разрезах s=0, а s=s_6 с целью учесть сопротивление сечения сдвигу. Это вызвано тем, что в замкнутых контурах влияние сдвига становится основным, так как сдвигающие напряжения чистого (свободного) кручения создаются полным внешными кругящим моментом, а не его небольшой частью, как это было в открытых сечениях.

Обычно стволы-ядра служат для лестнично-лифтовых и других коммуникаций и потом у менот проемы в стенках. Такие адра моделируются группой столбов, соединенных связями сдвига (надпроемными перемычками) в замкнутый контур (см. рис. IV. 2), причем для учета сдвига следует ввести фиктивные швы с характеристикой податливости $s=s_{\Phi}$. Вычислить эту характеристику можно по аналогии с формулами (IV.9), (IV.10) (см. пример 14 в гл. X).

§ 2. ЯДРО-ДИАФРАГМОВЫЕ НЕСУЩИЕ СИСТЕМЫ

Пространственные несущие системы, в которых горизонтальные нагрузки воспринимаются совместно стволами-ядрами и вертикальными глухими дмафрагмами (рис. IV. 4), назовем ядроднафрагмовыми. Совместность работы ядер и диафрагм обеспечивается перекрытиями, сопротивляющимися деформированию в своей плоскости. Такие системы содержат замкнутые контуры и потому относятся к классу систем, рассмотренных в § 1 настоящей главы.

При несимметричном плане ядра и днафрагмы изгибаются и скручиваются. Общий внешний крутящий момент воспринимается их сопротивлением чистому и изгибному кручению, а внешний изгибающий момент—сопротивлением изгибу

изгибающий момент — сопротивлением изгибу. Для расчета таких несущих систем примем следующие пред-

посылки (помимо отмеченных в § 1 гл. III):
а) ввиду очевидной несопоставимости сопротивления чистому кручению ядер и диафрагм последние не оказывают сопротивления чистому кручению:

б) в соответствии с (IV.16) пренебрегаем собственной сек-

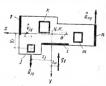


Рис. IV.4. План несущёй системы здания с несколькими ядрами и днафрагмами [Ц.Ж.— центр жесткостей (изгиба) системы]

ториальной жесткостью ядер в сравнении с секториальной жесткостью всей системы $B_{\rm кp}$ относительно общего центра изгиба:

 в) колонны и ригели не воспринимают горизонтальную вагрузку («связевый» каркас);

 г) ядра и диафрагмы в соответствии с действительной конструкцией фундаментов жестко защемлены в основании:

 д) проемы в ядрах учитываются приближенно, как указано в конце данного параграфа. Для системы глухих ядер и диафрагм, не объединенных связани сдвига, уравнение (IV. 5) с учетом (IV. 15) будет записываться так (при действии только горизонатальной нагрузки):

$$T_{\omega} = -q_y z_{\rm M} + q_z y_{\rm M} + \sum_{z} \frac{G J_d}{B_{\rm KP}} T_{\omega}$$
 (IV.17)

Обозначая

$$\sum_{a} \frac{G J_d}{B_{KP}} = k^a, \qquad (IV.18)$$

получим

$$T_{\alpha}^{*} - k^{2} T_{\alpha} = -m (x)$$
 (IV.19)

или с учетом (III.31)

$$\theta^{1V} - k^2 \theta'' = m (x)/B_{VD}$$
 (IV.20)

Уравнения (IV.19) и (IV.20) совпадают по форме с известными уравнениями для бимомента и угла закручивания токкостенного стержия открытого профиля [14]. Это объясивется токучто в рассматриваемой системе при принятых здесь предпосылках так же, как и в тонкостенном стержне открытого профиля, полный ввещий к ючжитий можент

$$M = M_{\rm KD} + M_{\odot} \tag{1V.21}$$

воспринимается раздельно: $M_{\rm KP}$ — за счет жесткости чистого кручения $\Sigma G/_{\rm d}$ и $M_{\rm w}$ — за счет жесткости изгибиого кручения $B_{\rm RP}$. На этой аналогии мы остановникя подробнее в § 4.

Уравнение (IV.19) решается с граничными условиями (IV.6), а уравнение (IV.20) с граничными условиями

$$\theta$$
 (0) = $\overline{\theta}$ (H) = 0; θ' (H) = 0; θ'' (0) = 0; θ''' (0) - k^2 θ' (0) = 0. (IV.22)

Первые два условия (IV.22) вытекают из того, что при x=H невозможны консольный поворот и депланация элементов несущей системы ввиду их жесткой заделки в основание. Третье условие следует из (III.31), так как при распределенной иагруз-ке бимомент T_w (0)=0, четвертое условие получается из (IV.21) ввиду M(0)=0.

Уравиения (IV.19) и (IV.20) можно вывести иезависимо от общего решения, данного в § 1 настоящей главы, как это сделано в [27].

Для дальиейших расчетов удобнее иметь решение уравнения (IV.19), так как оно дает непосредственно функцию $T \circ u$ не епроизволянье. Решая это уравнение, найден

$$w = C_1 \operatorname{sh} k x + \operatorname{ch} k x + m/k^2,$$
 (IV.23)

где произвольные постоянные C_1 и C_2 определяются из последних двух граничных условий (IV.6).

Подставляя значения постоянных в (IV. 23), найдем:

$$T_{\omega}(x) = -\frac{m(0)}{k^3} \left(A_2 \sinh kx + \cosh kx - \frac{a-1}{H} x - 1 \right);$$
 (IV.24)

$$T'_{\omega}(x) = -\frac{m(0)}{k} \left(A_2 \operatorname{ch} kx + \operatorname{sh} kx - \frac{a-1}{kH} \right);$$
 (IV.25)

$$T_{\omega}^{r}(x) = -m (0)_{\perp}^{r}(A_{2} \operatorname{sh} kx + \operatorname{ch} kx),$$
 (IV.26)

где A_2 — по формуле (III.64) с заменой λ на k.

Подставляя (IV. 24) в формулу (III. 88), найдем полный изгибающий момент в любом сечении любой диафрагмы или ядра от плоского изгиба и от поворота в плане с учетом сопротивления ядер кручению.

Интенсивность крутящего момента в любом ядре $m_{\rm NP}$ найдем исходя из (IV. 16) и (III. 31), учитывая, что угол закручивания всей системы $\theta(x)$ и каждого ядра, согласно рис. IV. 4, будет одинаков:

$$m_{\text{xp } j} = -\theta'' G J_{dj} = \frac{T_{00}}{B_{\text{xp }}} G J_{dj}$$
, (IV.27)

где $T_{\omega} = T_{\omega}$ (x) определяется по формуле (IV.24).

Крутящий момент в сечении х ядра ј получим, интегрируя (IV.27):

$$M_{xp,I}(x) = \frac{GI_{dI}}{B_{xp}} \int_{0}^{x} T_{u} dx = \frac{-m(0)}{k} \frac{GI_{dI}}{\Sigma GI_{dI}} \times \left[A_{2} \operatorname{ch} kx + \operatorname{sh} kx - \left(1 + \frac{a-1}{2H} x\right) kx - \frac{a-1}{kH} \right].$$
 (IV.28)

Интенсивность изгибно-крутильного момента m_{ω} найдем при необходимости из (IV. 26) с учетом (III. 31):

$$m_{co} = B_{KD} \theta^{IV} = -T_{co}^*(x)$$
. (IV.29)

Прогиб верха любой диаграммы или ядра определяется по (III.32), где v_{ν}^{0} — по (III.90).

$$\overline{\theta}$$
 (0) = θ (H) = $\frac{1}{\sum G J_{dl}} \left[M_{\overline{y}}^{c}(H) z_{\underline{M}} + \frac{m (A_{3} \sinh kH + \operatorname{ch} kH) - am}{k^{8}} \right]$. (IV.30)

Эпюры усилий для 27-этажного эдания H=110 м (рис. IV.5) от единичной равномерно распределенной по высоте условной ветровой нагрузке и k=0.0333 1/м приведены для примера на рис. IV.6.

Приближенный учет влияния проемов на жесткость чистого кручения ядра. Если ядра и диафрагмы имеют проемы в стенках (рис. IV.7), то их сопротивление изгибу и кручению снижается. В таких случаях несущие системы рассчитываются как ука-



Рис. IV.5. Схематический плаи несущей системы с одним ядром (1) и одной диафрагмой (2)





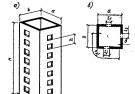


Рис. IV.6. Эпкоры a — интеменяюстей моментов жручения в даре $m_{\rm KP}$ и загабного кручения $m_{\rm to}$ в системе: 6 — моментов чистого кручения в ядре $M_{\rm KP}$ и мэтибного кручения $M_{\rm to}$ во всей системе (см. рис. IV.5)

Рис. IV.7. Ядро (ствол) с проемами a — общий вид; δ — план

зано в § 1 данной главы. Для расчетов систем, в которых только ядра имеют проемы, можно воспользоваться более простым методом, рассмотренным в настоящем параграфе, если приближенно заменить жесткость чистох кручения беспроемного ядра GI_{44} приведенной жесткостью \overline{GI}_{44} ядра с проемями

Тогда угол закручивания верхнего сечения такого ядра под действием сосредоточенного крутищего момента $M_{\kappa u} = 1$

$$\theta = I H/\overline{G} J_d$$
, (IV.31)

Представим его как сумму двух углов

$$\theta = \theta_1 + \theta_2,$$
 (a)

 ϵ_R е θ_1 — угол закручивання ядра с проемами только за счет одвига в столоках при недеформируемых перемычках; θ_2 — угол закручивания ядра, обусловленный действительной деформативностью перемычек.

$$\overline{GJ}_d = H/(\theta_1 + \theta_2). \tag{IV.32}$$

Согласно определению,

 $\theta_1 = 1 H/G F_c \rho^2, \qquad (IV.33)$

3° 3ak. 99

67

где $F_{\rm e}$ — площадь ослабленного проемами горизонтального сечения стеи ядра; G — модуль сдавита; ρ — редиус (плечо) сдавизющей елыз в столбах. Величину ρ можно найти по аналогии с кругом как отношение площади к полупериметру, т. е. для прямоугольного сечения

 $\rho = a b/(a+b). \tag{IV.34}$

Угол перекоса перемычек, согласно § 1 г.б. V, $\alpha_2 = s_i Q_i$, в то же время $\alpha_2 = \gamma = \rho \theta_2$, следовательно, перерезывающая сила в i-той перемычке

$$Q_i = \rho \, \theta_2^{'}/s_i$$
. (6)

Полная сдвигающая сила по контуру горизонтального сечения ядра при $M_{\rm Hp}=1$ равна: $P=1/\rho$. При высоте этажа, равной h, эта сила создает момент h/ρ , который уравновешивается суммой моментов перерезывающих сил в перемычках. Для дискретно расположенных перемычек по условиям равновесим съргативательности от применения от применения применения

$$h/\rho = \sum_{i=1}^{m} Q_i h b_{si}, \qquad (B)$$

и с учетом (б), сокращая на h, имеем:

$$1/\rho = \rho \,\,\theta_2' \,\, \sum_{\ell=1}^m \,\, (b_s/s)_\ell.$$

Отсюда искомый угол

$$\theta_2 = \theta'_2 H = 1 H/\rho^2 \sum_{i=1}^m (b_s/s)_i,$$
 (IV.35)

где m — число проемов в горизонтальном сечения ядра; s_i — параметр, характеризующий податливость перемычки i с учетом сдвига и нагиба, вычисляется по (V.14) с заменой b_i на b_{ii} , b_{ii} — расстояние вдоль контура ядра
между центрами длины горизонтальных сечений столбов, примыкающих к
проему i (см. рыс. IV.7.6), так что

$$\sum_{i=1}^{m} b_{si} = 2 \ (a+b).$$

Подставляя θ_1 и θ_2 в (IV. 32) и сокращая на H, получим формулу приведенной крутильной жесткости проемного ядра

$$\overline{GJ}_d = \frac{\rho^3}{\frac{1}{GF_c} + \frac{1}{\sum_{t=1}^{m} \left(\frac{b_s}{s}\right)_t}}.$$
 (IV.36)

Эта формула представляет собой упрощенную и уточненную в соответствии с экспериментами форму записи ранее полученных выражений (31) [27] и (111.65,а) [34]. Она дает удовлетворительное совпадение с экспериментом для прямоугольных в плане ядер с разнообразным, в том числе и несимметричным, расположением проемов и разным их числом.

Миогоэтажное здание из объемных блоков образуется столбами блоков, объединенных податливыми с вязями. В здании из объемных блоков нет жестких дисков перекрытий, объединяющих весь этаж в целом; здесь перекрытия жестки только в пределах данного объемно-блочного столоба. В соответствии с этим рассчетную модель многоэтажного здания из объемных блоков представим в виде группы отдельных объемно-блочных столбов, соединенных связями [28]. На рис. IV. 8 в общем объеме здания выделен один из таких столбов.

Связи устанавливаются обычно в горизонтальных швах между блоками. Это вынуждает делать их плоскими, а значит способными воспринимать растяжение, сжатие и сдвиг в горизонтальной плоскости, но не оказывающими существенного сопро-

тивления сдвигу в вертикальных плоскостях.

Примем, что работа связей подчиняется закону Гука и что эти связи непрерывно распределены по высоте столба. Полное пространственное перемещение рассматриваемого столба потдействием внешних нагрузок и усилый в связях складывается из изгиба столба потдекто перемещения поперечимых сечений в направлении оси X и депланации этих сечений в направлении оси X и депланации этих сечений около плоскостя YZ. Согласпо сформулированной выше предпосытке о работе межсолобовых связей, перемещения в направлении оси X совершаются без сопротивления связей и могут быть найдены независимо для каждого столба исходя из вертикальных (осевых) нагрузок, действующих непосредственно на данный столб. Остальные перемещения зависят друг от друга и от усилий в связях. Условия взаимозависимости этих величин могут быть преставленыя взаимозависимости этих величин могут быть представленыя сучетом [13] системой диферевщикальных уравнений (рис. IV. 9):

$$B_{yi} \xi_i^{\text{IV}} = q_{zi} + \sum_{k=1}^{l} r_{ik} + \sum_{j=1}^{m} \rho_{ij};$$
 (IV.37)

$$B_{zi} \eta_i^{\text{IV}} = q_{yi} + \sum_{k=1}^{l} \rho_{lk} + \sum_{i=1}^{m} r_{lj};$$
 (IV.38)

$$B_{\omega I} \theta_{i}^{IV} = G J_{di} \theta_{i}^{*} - \sum_{k=1}^{i} \frac{c_{ik}^{*} q_{ik}}{2} (\theta_{I} - \theta_{k}) - \sum_{k=1}^{m} \frac{c_{if}^{2} q_{if}}{2} (\theta_{I} - \theta_{f}) = m_{i}^{0} + \sum_{k=1}^{i} r_{ik} b_{ik} + \sum_{k=1}^{m} r_{if} b_{fi}, \quad (IV.39)$$

где i=1,2,...,n- порядковый номер и общее число объемно-блочных столбов в здании; $B_{i+i}=EI_{i+i}$; $B_{i+i}=EI_{i+i}$; $B_{i+i}=EI_{i+i}$ и $GI_{i+1}-$ жваторявальная и крутильная жесткости столба i; k=1,2,..., l порядковый номер и общее число столбов, примыкающих к столбу i в направле

"нии осн $\pm Y$: [-1,2,...,m- то же, в направлении осн $\pm Z$: $t_{A}(x) =$ потоиме по высоте столба с умимарное усилие сацият во всех связях, ресположенных в одной горизочтальной плосости в шве между столбами блоков i их t_{A}^{i} , t_{A}^{i} ,

$$\varphi_{lk} = \left(\frac{EF}{lh}\right)_{lh}, \quad (IV.40)$$

FF — модуль упругости и площаль поперечного сечения связи; I — дли- на связи, подвергающаяся растяженню или сжатию: m_t^0 — погонный по вы- сого столба крутящий момент от внешней нагрузки, приложенной к столбу I (римские верхине излексы при переменных ξ , η и θ обозначают порядок диффесемитрования по χ).

Если исключить из системы уравнений (IV.37)—(IV.39) усилия в связях r и ρ , то она будет содержать по три неизвестных функции (ξ , η и θ) для каждого столба, τ . е. всего 3 n неизвестных. Число уравнений в этой системе также равно 3 n.

Усилия в связах $\it r$ и $\it p$ легко выразить согласно рис. IV.9 через основные неизвестные перемещения:

$$r_{ik} = 2 \, \phi_{ik}^{c} \, (\xi_k - \xi_i + \theta_k \, b_{ki} + \theta_i \, b_{ik});$$
 (IV.41)

$$\rho_{\ell k} = 2 \, \phi_{\ell k} \, (\eta_k - \eta_\ell);$$
 (IV.42)

$$r_{ij} = 2 \varphi_{ij}^{c} (\eta_{j} - \eta_{i} - \theta_{j} b_{ji} - \theta_{i} b_{ij});$$
 (IV.43)

$$p_{ij} = 2 \varphi_{ij} (\xi_j - \xi_i),$$
 (IV.44)

где ϕ_{IR}^{o} , ϕ_{II}^{o} — коэффициент сдвиговой податливости одной связи между стоями, соответственно i и k или i и j, определяемой из опыта или приимаемый равным:

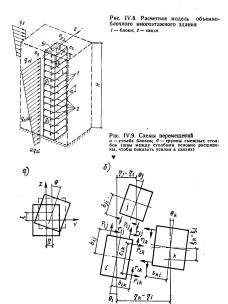
$$\varphi_{lk}^{c} = \frac{GF}{1,2lh}$$
 (IV.45)

Подставив (IV.41) — (IV.44) в (IV.37) — (IV.39), получим систему 3n дифференциальных уравнений четвертого порядка, содержащую в качестве неизвестных только искомые функции перемещений ξ_c n_1 и θ_c В случае θ — 0 уравнения (IV.37) и (IV.38) разделяются и могут решаться независимо. Например, для двух объемно-блочных 14-этажных столбов, показанных на рис. IV.10, получим из (IV.38) уравнение балки на упругом основании

$$B_{21} \eta_1^{\text{IV}} = q_1 + 2 \varphi_{12} (\eta_2 - \eta_1).$$
 (IV.46)

Подставляя в (IV.46) $\eta_{l}^{\text{IV}} = -\frac{M_{l}^{\prime}}{B_{l}}$, найдем после двойного дифференцирования

$$M_1^{\text{IV}} + \frac{2 \, \varphi_{12} \, B}{B_1 \, B_2} \, M_1 = \frac{2 \, \varphi_{12}}{B_2} \, M^0.$$



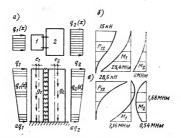


Рис. IV.10. Совместная работа двух объемно блочных столбов $(EI_1>EI_2)$ ϵ - расчетная схема и нагрузка; δ - эпкоры моментов и усилий в связях от горизовтальной нагрузки, ϵ - τ ж. ϵ от вертяждальной нагрузки

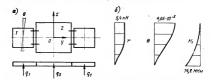


Рис. IV.11. Изгиб и кручение группы объемно-блочных столбов в — влан; 6 — эвиоры сдвигающего усилия в связях, угла закручивания крайних столбов, момента в крайнее столбе

Решая это уравнение, находим M_1 (x), а затем из (IV.38) определяем усилия в связях

$$P_{12}(x) = -M_1(x) - q_1(x)$$
.

Результаты расчета этой объемно-блочной системы (рис. IV.10) получены при следующих численных данных: $2\phi_{12}=8$ МПа; $J_1=50.1$ м⁴; $J_2=14.8$ м⁴; $E=1.5\cdot10^4$ МПа; $q_1=q_2=\frac{q}{2}=25.7$ кН/м; H=A2.8 м; a=0.371; $\frac{g_1e_1}{h}=-193.8$ кН; $\frac{g_2e_2}{h}=27.9$ кН.

Если здание симметрично в плане и находится под действием нагрузок, которые приводятся к силе и моменту, лежащим в

плоскости симметрии здания, то этажи такого здания будут в целом смещаться поступательно, но в отдельных столбах объемных блоков помимо поступательного смещения может возникнуть и кручение. Такова, например, система из трех объемно-блочных столбов, план которой показан на рис. IV.11. Средний столб не испытывает кручения, а крайние поворачиваются на угол f(x).

Рассматриваемая система состоит из блоков, имеющих замыний в плане контур, поэтому согласно § 1 настоящей главы депланацией при кручении можно пренебречь, кроме того, в этой системе нет связей в направлении оси Z и нет нагрузки в направлении У, ввиду чего система (IV.37) приня-

мает вил:

$$\begin{split} B_{y\,1}\,\,\xi_{1}^{1V} &= q_{1} + r_{12};\\ G\,J_{d\,1}\,\,\theta_{1}^{*}\,\,+\,\,\frac{c_{12}^{2}\,\,\phi_{12}}{2}\,\,\theta_{1} &= r_{12}\,\,b_{12}. \end{split}$$

В качестве третьего уравнения используем (IV.41):

 $r_{12} = 2 \ \phi_{12}^{c} \ (\xi_{2} - \xi_{1} + \theta_{1} \ b_{12}).$

Выражая ξ через M и учитывая, что $M^0 = 2M_1 + M_2$, получим систему трех дифференциальных уравнений второго порядка:

$$M_{1}^{'} = -(q_{1} + r_{12});$$

$$G J_{d 1} \theta_{1}^{'} + \frac{c_{12}^{'} \varphi_{12}}{2} \theta_{1} = r_{12} b_{13};$$

$$r_{12}^{'} = 2 \varphi_{12}^{'} \left(\frac{2 B_{1} + B_{2}}{B_{1} B_{2}} M_{1} + \theta_{1}^{'} b_{12} - \frac{M^{0}}{B_{2}} \right).$$
(IV.47)

Граничные условия, очевидно, будут таковы

$$M_1 (0) = M'_1 (0) = 0;$$

 $r_{12} (H) = r'_{12} (H) = 0;$
 $\theta_1 (H) = \theta'_1 (H) = 0.$

Эпюры M_1 , r_{12} и θ_1 , полученные из решения системы (IV.47), приведены на рис. IV.11. Исходные данные те же, что и в первом примере. Отметим, что при - неучете кручения сдвигающие усилия в связях получаются почти втрое большими. Учет кручения выявляет осевые усилия в связах t:

$$\pm l = \theta \cdot \frac{c_{12}}{2} \left(\frac{EF}{lh} \right)_{CB}. \tag{IV.48}$$

В данном примере t=-12.7 кН/м вверху здания, а распределние его по высоте соответствует эпюре θ (см. рис. IV.11,6).

Чтобы после формования блока можно было вынуть из него внутреннюю опалубку, монолитный блок может состоять максимум из пяти плоскостей: четырех стен и потолка (блок «колпак»);

четырех стен и плиты пола (блок «стакан»); трех стен, потолка и пола (блок «лежащий стакан»);

шестая плоскость изготовляется отдельно и соединяется с

блоком сваркой закладных деталей.

Пля столбов, ммеющих в плане открытый контур (блоки типа «лежащий стакан» и т. п. с навесными наружными стенами), секторнальная жесткость $\mathcal{E}I_{\omega}$ определяется по известным формулам теории топкостенных стержней [14], [68] и др. а GI_{α} принимается равным нулю. Для столбов, образованых монолитными блоками с замкнутым контуром («колпак», «стакан»), можно с некоторым приближением отбросить первый член в уравнению второго порядка (IV.47), как это показано во втором примере. При этом, учитывая ненабежные проемы в стенах блоков, жесткость частого кручения GI_{α} заменяется для блоков, опирающихся по контуру, на приведенную жесткость GI_{α} по (IV.36).

Блоки с угловым опиранием в несущих системах зданий большой этажности применять не следует. Для зданий большой этажности, монтируемых из блоков с незамкнутым горизонтальным сечением (типа «лежащий стакан» и др.), следует вводить в несущую систему несколько объемно-блочных столбов, имеющих замкнутый контур горизонтального сечения. Такие столбы будут служить устоями, обеспечивающими жесткость всего здания на кручение, подобно тому, как вертикальные диафратым а связеюм каркасе обеспечивают его изгибиую жесткость.

§ 4. АНАЛОГИЯ МЕЖДУ КРУЧЕНИЕМ ЯДРО-ДИАФРАГМОВОЙ СИСТЕМЫ, КРУЧЕНИЕМ ТОНКОСТЕННОГО

стержня и изгибом односвязной диафрагмы (составного стержня)

Покажем, что дифференциальные уравнения (IV.19) и (IV.20), совпадающие с уравнениям кручения тонкостенного стержия [14], аналогичны также уравнениям двухветвевого составного стержня [62] или односвязной днафрагмы (III.44). Действительно, дважды дифференцируя (III.44) или уравнение (7.1) в [62], найдем

$$N^{IV} - \lambda^s N^{II} = q(x)/s B. \qquad (IV.49)$$

или (обозначения по [62])

$$T^{IV} - \lambda^s T'' = q(x) v \varepsilon/\Sigma EJ.$$
 (IV.50)

Эти уравнения структурно аналогичны уравнению (36) в работе [14] и уравнению (IV.20) (взаимно соответствующие величны и символы представлены в табл. IV.1).

Интегрируя уравнения (IV.49) (36) в [14], (IV.20), (IV.50) для граничных условий консольного стержня, в котором начало кородинат перемещается вместе со свободным концом консоли

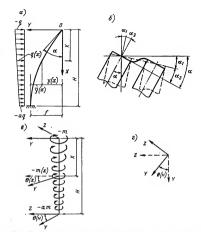


Рис. IV.12. Система координат и нагрузка изгибаемого составного стержня и скручиваемого тонкостенного

a—ивгрумав, система координат и перемещения изгибаемого составного стержия; θ — ивгрумав, система координат и перемещения скручиваемого стержия; θ — нагрузка, система координат и перемещения скручиваемого тонкостенного стержия; θ — θ — изгрузка, система координат и перемещения скручиваемого тонкостенного стержия; θ — поврого сесей координат скручиваемого стержия; θ — по сесей координат скручиваемого стержия;

(рис. IV.12), получим для N(x) выражение (III.63) и аналогичные формулы для $\theta(x)$ и T(x), причем для $\theta(x)$ параметр λ заменяется согласно табл. IV.I на k. Pasyмеется, совпадают и все производные этих функций (см. рис. IV.13).

Расчетиме формулы прогиба односвязной днафрагмы (составного стержия) тоже аналогичны полученным формулам для N и θ . Разделяя полный прогиб на y_1 и y_2 как это сделайо в отношенин угла наклона, получим согласно (1.6) и (111.46)

$$y_1 = k \int_0^x \int_x^H N dx^2; \quad y_2 = s N.$$
 (IV.51)

Тоякосгенный стер- жень открытого про- филя [14]	Ядро-днафрагмовая несущая система	Составной стержень [62]	Односвязная диафрагма Нормальная снла в столбе $N(x)$ Характернстика жесткости λ^2		
Угол закручива- иня в (х) Характеристика жесткости	Угол закручива- ния $\theta(x)$ Характеристика жесткости	лав шве Т (х)			
$k^2 = \frac{GJ_d}{EJ_{\omega_{-}^{-}}}$	$k^2 = \frac{\sum G J_{dl}}{B_{\kappa p}}$	$\lambda^2 = \gamma\epsilon$	$= \frac{k B^0}{s B}$		
Жесткость чис- того кручения стержня GI_d	Жесткость чистого кручения системы $\Sigma G I_{di}$	раметр составного	раметр днафрагмы с жесткими связя-		
		$\frac{E I^0}{v} \left(\frac{1}{E F_1} + \frac{1}{E F_2} \right)$			
Жесткость изгибного кручения (секториальная жесткость) EI_{ω}	Жесткость изгиб- иого кручения $B_{KP} = \sum_{i \neq y} (B_{iz}z_i^2 + B_{iy}y_i^2)$	раметр составного стержия с упруго- податливыми свя- зями сдвига, ио лишенного про-	Жесткостной па- раметр днафрагмы с упруго-податли- выми связями сдвига, но лишен- ной продольных деформаций стол- бов sB		
		ΣEJ			
Интенсивность внешнего крутя- щего момента m(x)	Интенсивность виешнего крутящего момента $m(x)$	Интенсивность поперечной на- грузки <i>q</i> (x)	Интенсивность поперечной на- грузки q (x)		
внешией попереч-	Бимомент от виешней попереч- ной нагрузки $T(x)$	мент от внешией	мент от внешней		

Подставляя в первое из этих выражений (ПП.63) и интегрируя, найдем после простых преобразований

$$y_1 = y^0 - \frac{k N}{2}$$
, (IV.52)

где

$$y^{0} = \frac{qH^{4}}{120B^{0}} \left[(a-1) \left(\frac{x}{H} \right)^{5} + 5 \left(\frac{x}{H} \right)^{4} - 5 (3+a) \frac{x}{H} \right]. (IV.53)$$

Полный прогиб в системе координат по рис. IV.12

$$y(x) = y_1 + y_2 = y^0 - \frac{kN}{\lambda^2} + sN = y^0 + \frac{bN}{\lambda^2 R}$$
, (JV.54)

1	f(x)	$\frac{\frac{df(x)}{dx}}{dx}$	$\frac{d^{2}f(x)}{dx^{2}}$	$\frac{d^3f(x)}{dx^3}$	$\frac{d^4f(x)}{dx^4}$
2	N(x) M;= k B*N	$N'(x) = Q_G$ $Q_f = k B^o N'$	N''(x) $Q_f = -kB^gN''$ $M_g = -sBN''$	$N^{m}(x)$ $Q_{z} = -sBN^{m}$	N''(x) q _z =s8N''
3	$\mathcal{G}(x)$ $\mathcal{T}_{\kappa\rho} = GJ_{\mathbf{d}}\boldsymbol{\theta}$	$\theta'(x)$ $M_{xg} = G J_{tt} \theta'$	$ \begin{array}{c} \theta''(x) \\ m_{KP} = -G J_d \theta'' \\ T_{\omega} = -B_{KP} \theta'' \end{array} $	$\theta^{m}(x)$ $M_{\omega} = -B_{\kappa\rho} \theta^{m}$	$\theta^{\prime\prime}(x)$ $m_{\omega} = \beta_{xp}\theta^{\prime\prime}$
4	$M = -\lambda^2 B y_c = \delta N$	$y_c'(x) = d_c$ $\bar{Q} = -\lambda^2 \beta y_c' = \delta Q_n$	$\vec{q} = -\lambda^{\epsilon} \beta y_{\epsilon}^{"}$ $\vec{q} = -\beta^{\epsilon} \beta y_{\epsilon}^{"}$ $M_{\epsilon} = -\beta y_{\epsilon}^{"}$	$y_c^m(x)$ $Q_c = -\beta y_c^m$	$y_{c}'''(x)$ $q_{c} = B y_{c}'''$

Рис. IV.13. Сводка эпюр и формул изгиба составного стержня (днафрагмы) и кручения тонкостенного стержня (ядро-днафрагмовой системы) [25]

а «консольный» прогиб — по формуле (І.7)

$$\overline{y}(x) = y(H) - y(x) = f^r - y^0(x) + \frac{b}{\lambda^3 B} [N(H) - N(x)], (IV.55)$$

где fr — по (II.18), а N — по (III.63). Из (IV.54) видно, что прогиб

17

Из (IV.54) видно, что прогиб диафрагмы (составного стержия) может быть представлен как сумма прогиба g^{0} монолитного стержия с жесткостью B^{0} и дополнительного прогиба g^{0} коздаваемого податливостью связей и выражающегося вторым членом формулы (IV.54). Для получения соответствующих значений g, и его производных достаточно умножить N (или ее производную) из постоянный жесткостный парамето, T, е.

$$y_c = (b/\lambda^2 B) N. \qquad (IV.56)$$

Следовательно, график функции $y_{c}(x)$ и его производных

будет подобен графикам N(x) и $\theta(x)$.

На рис. IV.13 сведены полученияме элесь результаты: в строке I показана эппора (график) функций N(x), T(x) [62], $\theta(x)$ или $y_c(x)$ и их четырех производимы, строка 2 относится к односвязной диафрагме (составному стержню), строка $3-\kappa$ скручаваемому тонкостенному стержню или x даро-диафрагмовой системе, строка $4-\kappa$ прогибу y_c составиото стержню, односвязной диафрагмы или простой рамно-связяевой несущей системы. Как видно из рис. IV.13, названные функции вполне аналогичны, а расчетные формулы, определяющие усилия и перемещения в этих системах, структурно совпадают с учетом замены символов по табл. IV.1

Данная аналогия [25] позволяет заменить расчет ядродиафрагмовой системы на кручение расчетом рамно-связевой системы-аналога на изгиб (и точно так же расчет на кручение тонкостенного стержия расчетом на изгиб составного стержия-аналога). Для этого достаточно в соответствующих формулах-аналогах заменить символы согласно табл. 1V.1 и рис. 1V.13.

Авализ рис. IV.13 показывает, что все особенности, отмеченыме в [23] полностью сохраняются при изгибе составных стержией и при кручений ядро-диафрагмовых систем или тонко-стенных стержней. Так, например, из этнор рис. IV.13 видно, что при x=0, т. е. в вершине здания, в ядре и в диафрагме, как и на свободном конце тонкостенного стержия, возинкают взаимоуравновешенные сосредогоченные крутящие моменты $M_{\rm sp}$ и $M_{\rm se}$, подобные сосредогоченные крутящие моменты $M_{\rm sp}$ и $M_{\rm se}$, подобные сосредогоченным силам, обнаруженным в рамно-связевых системах; в заделек обзывается равным нулю $M_{\rm sp}$, как и поперечная сила рамы Q в рамно-связевой системе; в заделке обнаруживаются спикиз интенсивностей моментов $M_{\rm sp}$ и $M_{\rm se}$, как это было в рамно-связевых системах, и т. п.

ГЛАВА V. ПОДАТЛИВОСТЬ СВЯЗЕЙ РАЗНЫХ ВИДОВ, УЧЕТ СДВИГОВ В СТОЛБАХ ДИАФРАГМ, НЕУПРУГИЕ ДЕФОРМАЦИИ СВЯЗЕЙ, ВЛИЯНИЕ ГОРИЗОНТАЛЬНЫХ ШВОВ

§ 1. ХАРАКТЕРИСТИКА ПОДАТЛИВОСТИ СВЯЗЕЙ S

Перемычки и ригели, учет сдвига в высоких перемычках. Парметр s_{ij} — это угол наклона несущей конструкцик, которому соответствует единичная перерезывающая сила в связях между элементами i и j на единицу высоты здания. Поскольку перемычки или иные связи считаются равномерно распределенными по высоте, в имеет разменонсть $IHM_{ij} = \omega/H$.

Погонное перерезывающее усилие в связях $Q_{\pi i} = \sum_{k=1}^{i} N_k'$, поэтому для односвязной конструкции, например, для рамодиафрагмы по рис. V.1 получим

$$\alpha_2 = s Q_{\Pi} = s N'; \qquad (V.1)$$

$$s = \alpha_2/N'; \quad \alpha_2 = (\delta_1 + \delta_2)/b;$$
 (a)
 $h (l - v)^3$ (6)

$$\delta_1 = \frac{h (1-v)^3}{3 B_{\Pi}} N';$$

$$\begin{split} \delta_{\kappa} &= \frac{M' \, v}{3 \, B_{K}} \, \left(\frac{h}{2} \right)^{3}; \quad \alpha_{\kappa} &= \frac{2 \, \delta_{\kappa}}{h} \, ; \\ \delta_{2} &= \delta_{v} + \alpha_{\kappa} \, v = \left(\frac{h \, v^{2}}{3 \, B_{H}} + \frac{h^{2} \, v^{2}}{12 \, B_{K}} \right) M'. \end{split} \tag{8}$$

Подставляя (6) и (в) в (а), получим искомый параметр для однопролетной рамо-диафрагмы

$$s = \frac{h}{3b} \left[\frac{(l-v)^3 + v^3}{B_{\rm m}} + \frac{h v^4}{4 B_{\rm g}} \right], \tag{V.2}$$

тде B_R — жесткость перемычки (ригеля); B_k — жесткость колонны рамной части; v — расстояние от оси колонны до нулевой точки в ригеле.

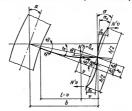


Рис. V.1. Деформация яруса односвязной рамо-диафрагмы (к определению s)

В данном случае имеег место смещение узлов рамы. Поэтому

$$v = l i_{\pi}/(i_{\pi} + i_{\pi}), \qquad (r)$$

где i_π и i_π — обычные фокусные расстояния от девого и правого концов ригели (перемычки); $i_\pi = l/3$ (ввиду полной заделки в столб днафрагмы) $i_\pi = l/(3 + B_\pi h/2 \, l \, B_K)$,

откуда, согласно (г) $i_n = i/(3 + B_n n/2)$

$$v = 6 l^n B_K / (B_m h + 12 l B_K) = l/(2 + r/6 c)$$

(3mech $c = B_W / h$; $r = B_m / l$).

Для односвязной дифрагмы в формуле (V.2) $B_{\rm K}\!=\!\infty$ и $v\!=\!0.5$, откуда

 $s=hl^3/12B_{\pi}b$.

Колонны в отличие от столбов подвергаются изгибу в пределах этажа, что уменьшает изгиб ригеля и действующую в нем перерезывающую силу $Q_{\rm ni}$. С учетом этого [23, 34] для многосвязных несущих конструкций с колоннами можно принять с небольшой потрешнюстью

$$\begin{split} s_{I} &= \frac{h}{3 \, b_{I}} \left[\frac{(l_{\ell} - \sigma_{\ell})^{3} + \sigma_{\ell}^{2}}{B_{RI}} + \frac{h}{4} \left(\frac{w_{\ell} + u_{\ell-1}}{B_{\ell}} \, w_{\ell} + \frac{w_{\ell+1} + u_{\ell}}{B_{\ell+1}} \, u_{\ell} \right) \right], \end{split} \tag{V.4}$$

где w_i и u_i — расстояние от нулевой точки в пролете i до осей левой и правой колонны (столба) (остальные обозначения по рис. V.1).

Из этой формулы получаем s_t для любых частных случаев. Например, для однопролетной рамы ввиду симметрии $B_t = B_{t+1} = B_t$, и v = t/2; отсюда, полагая также b = t/2, найдем:

$$s = \frac{h t}{12} \left(\frac{1}{r} + \frac{1}{2c} \right); \tag{V.5}$$

для двухпролетной симметричной рамы

$$s = \frac{hI}{12} \left(\frac{1}{r} + \frac{3}{4c} \right); \tag{V.5,a}$$

для трехпролетной симметричной рамы с разными пролетами:

 $s_2 = \frac{h}{12} \left(\frac{l_2}{r_2} + \frac{u_1 + 0.5 l_2}{r_3} \right)$

$$s_1 = s_3 = \frac{h}{3I_1} \left[\frac{w_1^3 + u_1^3}{B_{n_1}} + \frac{w_1^2 + (0.5I_2 + u_1) u_1}{4c} \right]; \quad (V.6)$$

где

$$u_1 = \frac{l_1}{1 + \frac{2c \left[3 \left(2c + r_2\right) + r_1\right]}{\left(2c + r_1\right) \left(6c + r_2\right)}};$$
 (V.8)

для всех средних пролетов равнопролетной рамы или рамо-диафрагмы $u \approx 0.5 \ l$ и потому

$$s_{l} = \frac{h l}{12} \left(\frac{1}{r} + \frac{1}{c} \right). \tag{V.9}$$

Отметим, что выражение (V.9) было получено иным путем \mathfrak{g} [19] и в ряде других нсследований, в которых оно рассматривается как универсальная характернстика деформативности рам. Как только что было показано, выражение (V.9) является частным случаем более общей формулы (V.4) и справедливо только в указанных ограниченных пределах.

Для примыкающих к столбу пролетов равнопролетной рамо-диафрагмы

$$s = \frac{h}{3b} \left[\frac{(l-v)^3 + v^3}{B_n} + \frac{0.5l + v}{4c} v \right], \tag{V.10}$$

где $v = \frac{t}{1 + \frac{6 c + 4 r}{3(2 c + r)}}$ отсчитывается от оси колониы.

В частном случае двухпролетной рамо-диафрагмы (см. рис. 1.2,e) при симметричной рамной части

$$s_i = \frac{h}{3b_i} \left[\frac{(l-v)^3 + v^3}{B_{\Pi}} + \frac{v^2}{2c} \right],$$
 (V.10,a)

где $v=\frac{1}{2+r/3c}$ отсчитывается от оси колониы.

Для каждого из пролетов многосвязных диафрагм с равными или неравными столбами и пролетами так же, как и для отдельной односвязной диафрагмы найдем значение s, полагая в (V.4) $B_1 = B_{t+1} \approx \infty$ и v = 0.5 l

$$s_i = h l_i^3 / 12 B_{\mathbf{R} i} b_i$$
. (V.11)

Если перемычки диафрагмы или ригели рамы имеют небольшой пролет l при значительной высоте сечения d, то становится существенным влияние сдвига на их деформации. Под действием единичной силы взаимное смещение концов перемычки с учетом сдвига дрн прямоугольном ее сечении равно:

$$\delta = \frac{I^3}{12 B_\pi} \left(1 + \frac{\psi d^2}{0.4 I^2} \right) = \delta_0 \gamma.$$
 (V.12)

Коэффициент ф помимо обычного усреднения сдвига по сечению [см. §3 гл. VI формулы (VI.46) — (VI.48) — (Олжен в данном случае учитывать также и невозможность искривления опорных сечений при постоянном значении поперечию (сли по всей длине перемычки. С учетом этого в упругой стадии работы

$$\gamma = 1 + 2.95 (d/l)^2 - 0.02 d/l.$$
 (V.13)

Следуя выводу характеристики s (V.3), но с учетом сдвига, согласно (V.12), получим для непрерывно распределенных перемычек, заделанных в столбах, вместо (V.3) следующее выражение.

$$s = h l^3 v/12 B_n b$$
, (V.14)

В общем случае множитель у для учета сдвига в упругой стадии работы надо вводить в первый член в квадратных скобках формулы (V-4) и в вытекающие из нее частные значения (V-5), (V-11). Неупругая работа связей рассмотрена в § 2 настоящей главы.

Перекрытия как связи сдвига между столбами длафрагм. В панелымых залинях связь между столбами вертикальных днафрагм нередко осуществляется непосредственно плитами перекрытий без каких-либо надпроемных перемачек или рителей. Такой вид связи также может достаточно эффективно обеспечивать совместную работу шанельных столбов диафрагмы по семе 6 рис. 1.3, если плиты перекрытий защемлены панелями стеи с помощью платформенного или сборно-монолитного (рис. IX.2) стика.

В этом случае [33] условная ширина участка перекрытия ф (рис. V.2), активно сопротивляющегося взаимному сдвигу столбов диафрагмы, может быть определена из уравнения прогиба пластинки при отсутствин поверхностной нагрузки. Полученые таким путем эпиоры уснлий для перекрытия с размерами —6 м. с—5 м и —2 м пожазана на рис. V.3.

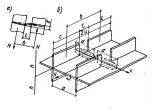
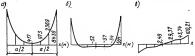


Рис. V.2. Схема работы панелей перекрытия как связей сдвига а — деформация перекрытия при наклоне ди-

сплошными

линиями — по оси днафрагмы, пунктиром — по оси у: 6 — аксоиометрия фрагмента этажа паистрихован условныя участок сопротивления сдвигу)

Рис. V.3. Эпюры M_y (a), M_x (б) и Q_y (в) в перекрытии при единичном слвиге



Момент и поперечная сила в перекрытии, как в связи сдвига в месте заделки перекрытия в столбы, определяются интегрально:

$$M_{\rm n} = \int_{-a/2}^{a/2} M_y \, dx; \qquad (V.15)$$

$$Q_{\rm n} = \int_{-a/2}^{a/2} Q_y \, dx. \, , \qquad (V.16)$$

В то же время

$$Q_{\rm II} = M_{\rm II}/0,5 \ l = 12 \ E \ d \ t^3 \ \delta/12 \ l^3,$$

откуда или

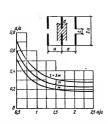
$$d = 2 M_{\pi} I^3 / E I^3 \delta$$
 (V.17)

 $d = Q_{rr} l^3/E t^3 \delta$.

По этим формулам с использованием (V.15), (V.16) вычислены значения ширины d и построен график (рис. V.4).

Характеристика s определяется, согласно (V.14), при $\gamma = 1$: $s = (h/E d b) (l/t)^3$. (V.18)

где \hbar — высота этажа; E — модуль упругости бетона (при необходимости с соответствующими коэффициентами снижения) (остальные обозначения по рис. V.2).



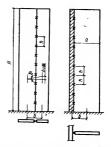


Рис. V.4. Определение условной «полезной ширины» перекрытия d

Рис. V.5. Соединение столбов вплотную сваркой закладных деталей и тому подобными связями

Шпонки, сварка закладных деталей и другие виды плотных связей. Если столбы днафрагм соединены вплотную связями сдвига, расположенными с шагом h (рис. V.5), то сила, сдвигающая одну связь, будет равна: $Q_{\rm сдw} = Q_{\rm tyh}$.

Обозначая сдвиговое перемещение одной связи от единичной силы, определяемое из опыта.

$$\phi = \Delta_{\text{сдв}}/Q_{\text{сдв}}, \qquad (V.19)$$

и, учитывая, что, согласно рис. V.5,

 $a_2 = \Delta_{\text{сдв}}/b$, получим

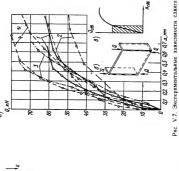
$$\alpha_2 = \phi \ Q_{ij} \ h/b = s \ Q_{ij}$$

и, следовательно, в этом случае

$$s = \varphi h/b. \tag{V.20}$$

Коэффициент ф различен для разных видов связей (табл. V.1) (рис. V.6).

На рис. V.7.a приведены графики зависимости $Q - \Delta$ для некоторых видов связей между керамзитобетонными панелями. Кривые I и 3 относятся к анкерам (см. рис. V.6.a) с длиной отогнутого участка соответственно T5 и 150 мм без приварки к продольной арматуре панели; кривые 2 соответствуют приварке закладных пластин непосредственно K продольной арматуре панели (без отогнутых анкеров); кривые 4 соответствуют анке-



a -графики $\Delta - Q_{\text{сд}B}$ для разных видов анкеров; δ схема непытания: σ — типпчимя график Δ — Q_{cg} от усилия Рис. V.6. Связи, работающие на сдвиг (к табл. V.1)

1 — анжерные стержин; 2 — основивя арматура памели; 3 — замоноли-чивание; 4 — свъргиваемка захладима фтала; 6 — перекрытие; 6 — яз-ужиме стемоме памели; 7 — вяутрение стемоме памели

092

Коэффициенты податливости связей на сдвиг ф

Вид связи	Схема на рис. 6	Литератур- ный источник	φ, m/H	Характеристика элементов стыка
_				
Сварка закладных де-	a	[23]	2-10-8	Панели керамзито- и
галей				шлакобетонные маркн 10—15 МПа
Бетонная шпонка со	6	[47]	0,75 - 10-9	Бетон замонолнчивання
сваркой выпусков		1 ' '		марки 35 МПа
Анкерный стержень за-	6	[45].	6-10-4	E ₆ — модуль упругости
кладиой детали		1 '	dE ₆	бетона в МПа; d — дна- метр стержня в см
Плита перекрытия, за-	z	[45]	0.5 - 10 - 8	метр стержия в см
веденная в шов стеновых		[]	0,0 10	
панелей				
Сварка закладных де-	ð	[51]	0,12 · 10-8	Бетон марки 40 М.Па
талей То же	١.		0.15.10-8	Бетон марки 30 МПа
то же	e	[11],	0,15-10-8	ветон марки 50 мита
Болтовый стык с бе-	ж	[52]	0.7-10-8	Бетон замоноличива-
тонной монолитной		1	0,1.10	ння марки 20 МПа
шлонкой		[45]	0,5	Бетон эамоноличива-
Бетонная шпонка с площалью смятня Fem.	-		EmFou	вия марки 10 МПа и бо-
площадью смятня ген, см ²	i			лее; E _ш — модуль упру-
C.M	l	1		МПа

рам типа 1, но с приваркой к продольной арматуре панели. Как видно из графиков, деформации протекают принципиально так, как показано на скеме рис. V.7,в, где заштрихована зона линейной работы связи. Данные табл. V.1 соответствуют этой зоне, иелинейная работа связей сдвига рассмотрена в § 2 настоящей главы.

В случае жесткого соединения смежных вертикальных элементов принимается s=0. Учет сдвига в столбах диафрагм, параметр Source

При $\frac{H}{a}$ <5 (см. рис. V.5) следует учесть сдвиговые деформации столба. Для этого столб разрезается мысленно вертикальным швом вдоль оси центров тяжести полеречных сечений (рис. V.8.a) [23].

Сдвиговая доформация Д₃, в действительности распределенная по сечению столба, сосредоточивается в этом шве так, чтобы сдвиг иеразрезаиного столба был равен сдвигу в фиктивном шве разрезаиного столба. При И/а₈≥5 сдвиговый прогиб консолн составляет менее 4% полного и может не учитываться, поэтому обе половники разрезаиного столба считаются изгибаемыми без сдвига. Каждый из фиктивных столбов-половинок

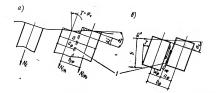


Рис. V.8. Условная разрезка широких столбов фиктивным швом (I) для учета сдвига α — сосредоточение сдвига в фиктивном шве; δ — κ определению δ_{Δ} (V.21)

обозначается своим индексом и вводится в систему уравнений (111.35 или др.). Параметр s_{Φ} , характеризующий податливость фиктивного шва, определяется следующим образом. Угол α_2 (рис. V.8), очевидно, равен углу сдвига γ в неразрезанном столбе. т.е.

$$\alpha_2 = \times Q^0/G F. \tag{a}$$

Вместе с тем

$$\alpha_2 = s N' = s_{\varphi} \overline{Q}_{\Pi \varphi} / h. \tag{6}$$

Приравнивая правые части (а) и (б), найдем:

$$s_{\Phi} = \kappa Q^0 h/G F \overline{Q}_{\Pi\Phi},$$
 (B)

пане G —модуль сцвига; F — площадь поперечного сечения полного (неразрежного) столба; A—кооффицият усреднения сцвига по сечения, определяемий по формулам (VIA6)—(VIA6); Q^{α} — поперечная сцла в сечения заданного столба; $Q_{\alpha \alpha}$ —перерезвающая сила в фиктивной связи, расположенной в фиктивной связи, расположенной в фиктивной связи, расположенной в фиктивной связи,

Зависимость Q^0 от $\bar{Q}_{n\Phi}$ можно выявить, рассмотрев моментное равновесие участка разрезанного столба (рис. V.8,6). Очевидно,

$$Q^0 h = \overline{Q}_{\Pi \dot{\Phi}} (w_{\dot{\Phi}} + u_{\dot{\Phi}}) = \overline{Q}_{\Pi \dot{\Phi}} b_{\dot{\Phi}}.$$
 (r)

Подставляя (г) в (в), получим значение характеристики податливости сдвигу фиктивного шва

$$s_{\Phi} = \kappa b_{\Phi}/GF$$
, (V.21)

а также важную зависимость между распределенной и сосредоточенной сдвиговой жесткостью столба

$$GF/u = b/s$$
, (V.22)

После того как из решения соответствующей системы урав-

нений будут найдены все N_i и в том числе $N_{j \oplus 1}$ и $N_{j \oplus 2}$ (см. рис. V.8,а), найдем полные усилия в неразрезанных столбах:

$$N_{j} = N_{j + 1} + N_{j + 2};$$
 (V.23)

$$M_{j} = M_{j \oplus 1} + M_{j \oplus 2} + \frac{N_{j \oplus 2} - N_{j \oplus 1}}{2} b_{j \oplus}. \qquad {}_{0}(V.24)$$

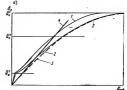
§ 2. НЕУПРУГИЕ ДЕФОРМАЦИИ СВЯЗЕЙ СДВИГА

Образование трещин в ригелях или перемычках существенно сказывается на работе вертикальной несущей конструкции в

целом. Трешины первоначально возникают в наиболее нагруженных перемычках, уменьшая жесткость. Соответственно уменьшаются нормальные силы в столбах днафрагмы и возрастают изгибающие моменты и прогибы. Вместе с тем увелнчиваются перерезывающие силы в еще не треснувших перемычках, пока и в них не возникнут трещины. Таким образом, с ростом нагрузки происхоперераспределение усилни во всех элементах несущей конструкции.

Зависимость деформаций перемычки от действующей в ней перерезывающей силы можно аппроксимировать различными кривыми или ломанымн линиями (DHC. V.9.a).

Прогиб перемычки больше, чем прогиб балки за счет развития трещин на обеих сторонах сечения при знакопеременной нагрузке. Заменяя действи-



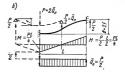


Рис. V.9. Зависимость прогиба в от уси-

 а — графики прогиба: I — для обычной балки; 2—
 для перемычки при знакоперемениой нагрузке;
 3 — приближенная аппроксимация графика 2 параболической зависимостью (V.25); женная лиясяная аппроксимация графика 1; 6 схема испытання и аналогия между изгибом пе-(сплошная ляння) и простой балки (пунктир)

тельную кривую деформаций $Q - \delta$ (2 на рис. V.9,a) параболой с вертикальной осью (3 на рис. V.9,a) по формуле $\delta = \delta_{\text{mper}} - V p (\tilde{Q}_{\text{mper}} - h N')$

$$\delta_{\text{пред}} - V p \left(\overline{Q}_{\text{пред}} - h N' \right), \qquad (V.25)$$

и подставляя это эначение **б** в уравнение угла наклона днафрагмы (III.46), найдем:

$$\alpha = \alpha_1 + \alpha_2 = k \int_x^n N dx + \frac{\delta}{b}. \qquad (V.26)$$

Дифференцируя это выражение и заменяя

$$M = -B \alpha'$$
, (V.27)

получим нелинейное дифференциальное уравнение

$$N'' = \lambda^2 \left(N - \frac{\overline{B}}{b B^0} M^0\right) \sqrt{\frac{\overline{Q}_{npeA}}{h} - N'}$$
, (V.28)

$$\lambda = b \sqrt{\frac{2B^0}{BB\sqrt{ph}}}; \quad (V.29)$$

где \overline{B} — определяется по (III.39,a); $\overline{B_0}$ — B+B; b — расстояние между центрами тяжести столбов диафрагмы; B — сумма жесткостей столбов диафрагмы; p — параметр кривой, подбираемый из условия близкого совпадения кривой 3 с экспериментальной кривой 2 (см. рис. V.9, a).

Эксперименты [2] и [56] позволнян подобрать параметры аппроксимирующей параболы. Решение уравнений (V.28) в конечных размостях показало, что уменьшение Q_n и N может достигать 60%, при соответствующем увеличении изгибающих моментов в столбах днафрагмы. Если приближению принятьлинейную зависимость между δ и силой \overline{Q}_n (прямая 4 на рис. V.9.a), то по аналогии ϵ (V.12) и согласно рис. V.9, δ при действии $\overline{Q}_n = 1$

$$\delta = (l^3/12 B_n) \gamma_T$$
, (V.30)

где γ_{7} — коэффициент увеличения прогиба за счет развития и
еупругих деформаций (трещин):

Коэффициент ут может быть определен следующим расчетом. Полное смещение конца перемычки б (см. рис. V.9,6) складывается из перемещения от изгиба с учетом трещин

$$\delta_n = l^3/12 \, p \, b \, h_n^3 \, E_6$$
 (a)

и перемещения от сдвига сжатой зоны над трещиной

$$\delta_{c} = \varphi_{c} \ l = 1, 2 \ l / G_{6} \ b \ h_{e} \ \xi,$$
 (6)

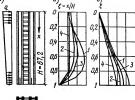
где ρ — коэффициент (по табл. 6.2 [44]); bh_0 — шприна и эмсота прямомого поперечного сечения перемычки; E_6 — модуль упругости бетиои; G_6 — $VE_0/2(1+16)$ — модуль сдвига бетока; v=0.5 — коэффициент упругости при хратковремениом действии нагрузки (ветра); $\xi = x_7/h_0$ — относительная высота сжатой золи $\xi = x_1/h_0$ — относительная высота $\xi = x_1/h_0$ — относительная $\xi = x_1/h_0$ — относительная высота $\xi = x_1/h_$

Полное смещение **б найдем**, суммируя перемещения (a) и (б):

$$\delta = \delta_{\rm B} + \delta_{\rm c} = \frac{P^2}{12 B_{\rm n}} \left(\frac{0.85}{12 p} + \frac{1.2 \cdot 2.33 B_{\rm n} \cdot 12}{0.5 b h_0 \xi E_6 l^2} \right). \tag{V.31}$$

Рис. V.10. Усилия в пе- ар ремычках и в столбах диафрагмы

а — схема кнафраѓми; б — втора О_П в перемичках; в — эпкора N в столбах; I — по упрутой схеме; 2 — с учетом трещив в перемичках сме, приближеными спосоом; 4 — при образовани в перемичках пастического шарикра (точный расчет)



666

Подставляя в скобке

$$B_{\rm n} = 0.85 \, b \, h_0^3 \, E_6/12$$
, (V.32)

получим значение ут в формуле (V.30)

$$\gamma_x = 0.071/p + 4.76 (h_0/l)^2/\xi$$
. (V.33)

Сравненне (V.33) и (V.13) убеждает в существенности влияния трещин на деформации перемычек: если $h_0/1=0.25$, то $v_z=2.67$, т. е. деформация возрастает в 2,25 раза по сравненню с упругой (учитывающей сдвиг).

Результаты, получаемые по формуле (V.33), согласуются с обприным нопытами и теоретическими исследованиями [6], что позволяет рекомендовать эту формулу для практических расчетов. Параметр з для перемычек с учетом увеличенной податливости за счет трещин и единов

$$s = h l^3 \gamma_r / 12 B_n b$$
. (V.34)

Так как заранее неизвестно, будут ли возникать трещины, то сначала предполагается, что трешин не будет. Тогда жесткость перемычки оказывается большей, чем при учете трещин, соответственно усилия в перемычках будут тоже наибольшими. На эти усилия — момент и поперечную силу — подбирается сечение арматуры перемычки и по принятому армированию проверяется образование нормальных и наклонных трещин. Если оказывается, что трещины должиы возникнуть, т. е. если

$$M_n^H > M_T = 0.28 \ b \ h^2 \ R_p^H;$$

 $Q_n^H > Q_T = 0.6 \ b \ h_0 \ R_n^H,$ (V.35)

то для окончательного расчета s принимается по формуле (V.34).

На рис. V.10 показаны эпюры Q_n и N в односвязной 16-этажной диафрагме [56], построенные на основе изложенных способов васчета.

§ 3. ВЛИЯНИЕ ПОДАТЛИВОСТИ ГОРИЗОНТАЛЬНЫХ ШВОВ

Податливость горнэонтальных швов удобно учитывать с пошошью усредненного модуля деформаций. Пириванняя деформацию в предслах высоты этажа h для «усредненного» элемента с модулем E и для заданного элемента с о швами, получим пом N = 1

$$\Delta_{97} = h/E F_1 = (h - h_2)/E_1 F_1 + h_2/E_2 F_2$$
, (a)

где E_1 F_1 и E_2 F_2 — модули упругости и площади элемента и шва; h_2 — суммарная толщина всех швов в пределах этажа.

Из (а) непосредственно находим [34] при $h\gg h_2$

$$E = \frac{1}{\frac{1}{E_1} + \frac{h_2 F_1}{h F_2 E_2}} = \frac{E_1}{1 + \frac{h_2 E_1 F_1}{h E_2 F_2}}.$$
 (V.36)

В частном случае стыка стеновых панелей, полагая в формуле (V.36) $F_1 = F_2$ и $h_2/E_2 = \Delta/\sigma = \lambda_\sigma$, придем к формуле, рекомендуемой в [45]:

$$E = \frac{1}{\frac{1}{E_1} + \frac{\lambda_c}{h}}, \quad (V.37)$$

тре 194 длительном действин сжатия для растворов с прочностью на сжатие 2,5—5 МПа λ_c = 1,5-10-2 см/МПа, а при 10 МПа и выше λ_c = 0,8-10-2 см/МПа; при ратковременном сжатия соответственио λ_o равен 0,6-10-2 и 0,4-10-2 см/МПа.

Как видно из формулы (V.36), тонкие швы менее деформативны. Поскольку приведенные выше значения λ_e [45] не связаны с голициной шва, их следует рассматривать как орнентировочные. Пользуясь более общей формулой (V.36) и располагая данными о модуле деформаций раствора и толицине шва, можно получить более достоверные результаты.

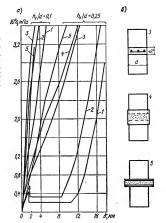
C целью нзучення работы растворных стыков сжатых элементов в МИСИ им. В. В. Куйбышева проведены специальные экспериментальные нсследования [37], основные результаты которых представлены графиками $\sigma - \delta$ (рис. V.11,a).

Высокая прочность тонких швов объясняется тем, что раствор в них находится в условнях стесненной деформация! близкой к всестороннему сжатию. С уведичением относительной толщины шва этот эффект синжается, а для толстых швов практически исчезает.

Результаты обработки полученных опытных данных о податлявости горизонтальных растворных швов приведены в табл. V.2.

Рис. V.11. Податливость горизоитальных растворных швов

a—графики σ — δ для швов с отвосительной толщиной h_3/d —0,1 в 0.25; δ — схемы конструкций швов; I— открытые сбоку швы без усиления, марха раствора 15 МПа; 2— то же, 24 МПа; 3— усиленные сетками; 4— закрытые кольцевой обоймой; 5— закрытые с флявцями



Закрытые швы (серия 2) нямтировались в испытаниях обоймами и фланцами (рис. V.11.6). В иатуриых условиях в закрытых швах (например, заглубленных в перекрытия) эффект обоймы зиачительно усиливается по сравнению с открытым швом, за счет невозможности бокового выдальнания и выкращивания раствора. Вторая серия испытаний показала, что усиленные и закрытые швы даже отиосительно большой толщины (h/d=0.25) ведут себя принципиально так же, как и токкие открытые швы —диаграммы их деформирования в обочк случаях близки клинейным.

Из табл. V.2 видно также, что для открытых швов их толщина очень значительно сказывается на коэффициенте податлявости А., Опользуя данные табл. V.2 в формуле (V.36), легко получить значение усредненного модуля деформаций, учитывающего податливость шва в зависимости от его толщины.

М серин		Кубнковая прочность раствора на сжатие, МПа	Относительная тол- щина шва, h _s fd	Секущий модуль E_1 , МПа	модуль соэффи извости и/МПа	Днапазов С. МПа, в преде- лах которого пействительны эти Е ₂ и λ с	Примечание			
		15	0,1 0,23	635 615	1,33 3,33	1—80 1—45	Открытые с боков, без усиления, кратковременное			
	1	24	0,1 0,25	980 800	0,85 2,72	1—170 1—55	усиления, кратковременное действие сжатия			
1		26 24	0,1 0,25	1130 675	0,75 3,16	1—110 1—65	Усилены сетками из про- волоки Ø 3 мм			
	2	26	0,25 0,1	700 965	3 0,83	1—250 1—200	С кольцевой металличес- кой обоймой			
			0,23	935	2,14	1—200	С фланцами			

ГЛАВА VI. НЕМОНОТОННЫЕ ПО ВЫСОТЕ НЕСУЩИЕ КОНСТРУКЦИИ И СИСТЕМЫ

§ 1. ПЕРЕМЕННАЯ ПО ВЫСОТЕ ЖЕСТКОСТЬ НЕСУЩИХ КОНСТРУКЦИЙ

В зданиях большой высоты пелесообразно менять несущую способность сечения вертикальных несущих конструкций соответственно изменению усилий по высоте здания. Обычно сечения меняют ступенчато в одном, двух местах по высоте. В зданиях очень большой высоты возможно плавное изменение сечений вертикальных несущих конструкций.

Чаще всего изменения касаются толщины стенок диафрагм (ядер), марки бетона, либо того и другого вместе. При этом предпочтительно сохранить для всех і участков с разным сечением (рис. VI.1) справедливыми следующие соотношения:

$$\lambda_1^{**} = \lambda_2 = \ldots = \lambda_I = \text{const}$$
 и $B_1/B_1^0 = B_2/B_2^0 = \ldots = B_I/B_I^0 = \text{const}$, (VI.1) причем центры тяжести сечений всех участков должны лежать

причем центры тяжести сечений всех участков должны лежат на одной вертикали.

В таком случае остаются в силе все формулы для усилий в столодах, приведенные в тл. III. Если условие (VI.I) соблюдается для суммарных жесткостей глухих и проемных конструкций

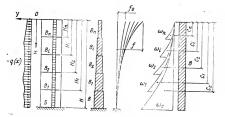


Рис. VI.1. Расчетная схема и деформация днафрагмы со ступенчато-переменной жесткостью

иесущей системы по всем участкам с разными сечениями, то сказанное относится и к несущим системам.

Если условие (VI.1) оказывается невыполнимым, задача расчета сводится к решению системы уравнений (III.44).

$$N_i^* - \lambda_i^2 N_i = \frac{1}{s_i} \left(\frac{M^0}{\bar{B}_i} - \frac{M^0}{B_i} \right) (i = 1, 2, ..., n),$$
 (VI.2)

записываемых для каждого участка, в пределах которого сечения элементов и марка бетоиа постояниы [в (VI.2) обозначения те же, что и к формуле (III.44), а n обозначает число участков с разными жесткостями].

На каждом участке решение уравнения (VI.2) имеет вид:

$$N_i = C_i \operatorname{sh} \lambda_i x + D_i \operatorname{ch} \lambda_i x + P_i(x),$$
 (VI.3)

где $P_i(x)$ — многочлен, зависящий от нагрузки (см. гл. III).

Постоянные интегрирования C_i и D_i определяются из краевых условий (III.40) и условий на границах участков

$$N_i(x_i) = N_{i+1}(x_i); N'_i(x_i) = N'_{i+1}(x_i).$$
 (VI.4)

Aля определения прогиба симметричной несущей системы с жесткостью, меняющейся по условию (VI.1), воспользуемся тем, что кривизиа столба сплошного сечения I|p=M/B, и потому влияние переменной жесткости B может быть заменено соответственным изменением M. Это позволяет найти прогиб ядра или диафратмы со ступенчатым изменением B (при известном M), как прогиб коисоли постоянного сечения, загруженной фиктивной изгрузкой а виде приведенной эппоры моментов, ступенчато распределенной по высоте диафратмы (см. рис. VI.1).

В качестве коэффициентов приведення ординат эпюры моментов надо принять $k_i = B/B_i$.

Момент в заделке фиктивной консоли (см. рнс. VI.1)

$$\overline{M} = \sum_{i+1}^{n} \omega_i c_i$$

и, следовательно, прогиб консоли со ступенчато меняющейся жесткостью

$$f = \frac{1}{B} \sum_{i=1}^{n} \omega_{i} c_{i},$$
 (VI.5)

пде, согласно рис. VI.1 и принятому порядку приведения эпюры M, $\omega_{\ell} = \omega_{0\;\ell}\; (k_{\ell} - k_{\ell-1}); \tag{a}$

 ω_{04} — часть площади ω_{0} в пределах длины участка H_{4} .

Подставляя в (VI.5) выражение (а), получим (см. рис. VI.1)

$$f = \frac{\omega_0 c_0}{B} + \sum_{i=1}^{n} f_{0i} \left(1 - \frac{k_{i-1}}{k_i} \right), \tag{VI.6}$$

где

$$f_{0i} = \omega_{0i} \, k_i \, c_i / \mathring{B}.$$

Площади ω_{0i} и расстояния до их центров тяжести определяются графически после построения приведениой эпюры моментов.

Миея в виду, что f_{0i} — прогиб верха столба днафрагмы высотой H_i с постоянной жесткостью B_i , можно в частном случае глухой днафрагмы, загруженной грапециевидной эпорой нагрузки, определять f_{0i} по (II.15), причем $H = H_i$, $B^0 = B_i$ и коэффициент а заменяется коэффициентом a_i :

$$a_i = 1 + \frac{a-1}{H} H_i. \tag{VI.7}$$

Прогибы f_{0i} , входящие в (VI.6), для диафрагмы с проемами приближенно можно определить, не прибегая к отысканню площадей и центров тяжести участков эпюры моментов.

Как показано в § 3 гл. III (см. рнс. III.17), момент в любом столбе днафрагмы выше сечення, где Q_0 ниеет максимум, может быть приближенно найден на формулы (III.82). Совмещая с этим сечением границу инжието участка с постояний жестьство B, получаем возможность найти прогибы для участков, лежащих выше этого сечення, по формуле (II.15), как для беспроемной диафрагмы.

Приняв приближению (с избытком), что из нижнем участке диной $(H-H_1)$ эпора моментов — трапеция, изйдем значение первого члена правой части формулы прогибов (VI.6):

$$\begin{split} \hat{I}_0 &= \frac{\omega_0 c_0}{B} = \frac{M_{\rm H} (2H^2 - HH_1 - H_1^2)}{6B} + \\ &+ \frac{M_{\rm H 1} (H^2 + HH_1 - 2H_1^2)}{6B} - \frac{4 a_1 + 11}{120B^9} q H_1^4, \end{split} \quad (VI.8) \end{split}$$

где M_2 и M_{21} — изгибающие моменты соответственно в опорном сечения в сечения, где меняется жесткость В и в В для рассматриваемого (i-го) споба днафрагмы с проемами; В и В 0 — жесткость инжнего участка рассматриваемого столба и воей днафоратым (III.43).

Остальные члены формулы (VI.6) определяются по (II.15)

$$f_{0i} = -\frac{4 a_i + 11}{120 B_i^0} q H_i^4,$$
 (VI.9)

куда q подставляется, как н в (VI.8), со знаком минус.

§ 2. КОМБИНИРОВАННЫЕ ВЕРТИКАЛЬНЫЕ НЕСУЩИЕ КОНСТРУКЦИИ И СИСТЕМЫ

В нижних этажах павельных (бескаркасных) зданий повышенной этажности нередко размещаются помещения, для которых предпочтительна каркасная схема. Поддерживающие рамы нижнего этажа могут иметь различиме схемы и комбинироваться со стенками жесткосте (ррк. V1.2, д.). Несущие системы такого типа называются комбинированными [24]. В общем случае поддерживающие конструкции и вертикальные днафрагмы верхней бескаркасной часты здания хотя и располагаются в одной плоскости, но могут быть несимметричны (рис. V1.2). В пределах монотоиной бескаркасной часты остаются в силе уравнения (ПІ.44), по граничные условия (ПІ.40) теперь булут инмыи:

$$N(0) = 0; N'(H) = \alpha_0/s,$$
 (VI.10)

тде a_0 (рис. VI.2, z) — угол взаимного сдвига столбов диафрагмы в уровне опирания на раму, τ . е. в сеченин $x{=}H$.

Нижиее граничное условне вытекает из того, что при x=H

$$a_2(H) = sN'(H),$$

и, так как $\alpha_2(H) = q_0$, получаем второе условне (VI.10). Решая уравнение (III.44), найдем, следуя [24], с учетом граничного условия вверху здания

$$N(x) = \frac{\overline{B}}{b B^0} \left[M^0(x) - \frac{B}{\overline{B}} M^0(x) + \frac{q}{\lambda^3} \left(\text{ch } \lambda x - \frac{a-1}{H} x - 1 \right) \right] + C_1 \text{ sh } \lambda x.$$
 (VI.11)

Постоянную C_1 найдем из второго граничного условия (VI.10), приняв во винмание, что α_0 равен также углу наклона

поддерживающей рамы, который может быть записан через перерезывающую силу в ригеле X_1 (рис. VI.2, ε),

$$\alpha_0 = \frac{I^9 \, \gamma_p}{12 \, B_p \, b} \, X_1 = s_p \, X_1.$$
 (VI.12)

Усилие X_1 зависит от внешней нагрузки и неизвестных усилий N и M, передающихся на раму столбами диафрагмы. Так как

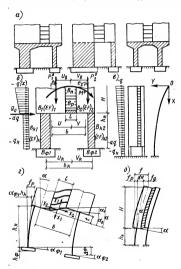


Рис. VI.2. Комбинированные несущие конструкции a — варианты конструктивых схек; δ , δ — расчетные схемы опорной части и всей конструкция; δ , δ — то же, деформированное осотовние

внешние нагрузки известны, а M может быть выражена через M^0 и N, то

$$X_1 = \frac{s}{s_0} N'(H) = \varphi_0 + \varphi_1 N(H),$$
 (VI.13)

пде ф. - коэффициенты, известные при численном решении.

Заменяя в (VI.13) N(H) и N'(H) их значениями по (VI.11), выраженными через C_1 , получаем уравнение, из которого находим вторую постоянную интегрирования C_1 ,

После вычисления C_1 усилия N(x) в столбах диафрагмы определяются из (VI.11), а моменты — по формуле (III.66).

Перерезывающая сила в перемычках диафрагмы на уровне х

$$\overline{Q}_{\Pi}(x) = \frac{\overline{B}h}{b B^{0}} \left[Q^{8}(x) + m^{3} - \frac{B}{\overline{B}} m^{8} + \frac{q}{\lambda} \left(\sinh \lambda x - \frac{a-1}{\lambda H} \right) \right] + C_{1} \lambda H \cosh \lambda x.$$
(VI.14)

Поперечная сила равна: в первом столбе диафрагмы

$$Q_1(x) = \frac{B_1}{B}[Q^0(x) + m^3] + \frac{\overline{Q}_n(x)}{h}(u - \frac{bB_1}{B}) - m_1^3;$$
 (VI.15)

во втором столбе $Q_2 = Q^0 - Q_1$, воромулах (VI.10) — (VI.15) ур. — по (VI.13) али (V.33) для ригеля подвежнавающей рамы; $B_p = EI_p$ — изгибияя жесткость ригеля рамы $m^0 = m_1^3 + m_2^2 m_1^2 = p_1^2 \epsilon_1$; остальные обозначения те же, что в формулах (III.7)—(III.9).

Для решения рассматриваемой задачи надо знать величину

$$X_1 = (\delta_{12} \, \delta_{2 \, p \, \Delta} - \delta_{22} \, \delta_{1 \, p \, \Delta}) / (\delta_{11} \, \delta_{22} - \delta_{12}^2),$$
 (VI.16)

где

$$\begin{split} & \delta_{12} = h_K \ (w_1 - w_2); \\ & \delta_{11} = u_K r_1 + v_K r_2 + b_K^2 \left(\frac{h_K}{B_K} + \frac{1}{B_{\Phi}} \right) + \frac{I^2 \ Y_P}{12 \ B_P}; \\ & \delta_{12} = h_K^2 \ (f_1 + f_2); \\ & \delta_{1P \Delta} = -n_1 M' - n_2 \ (Q^0 + m^3) - n_2 P_1 + n_4 P_2 + n_5 N - n_6 N' + \\ & + h_K \ (m_1^2 w_1 + m_2^2 w_2); \\ & \delta_{2P \Delta} = -n_7 M^0 - n_8 \ (Q^0 + m^3) - n_8 P_1 - n_{12} P_2 + n_{11} N - n_{12} N' + \\ & + h_K^2 \ (m_1^2 f_1 + m_3^2 f_2). \end{split}$$

где все усилия принимаются для сечения x = H, причем:

$$P_1 = \frac{P_1^0 (H) + P_2^0 (H)}{1 + \beta}; P_1 = P_1 (H) \beta;$$

 $Q^0 = -q H \frac{a + 1}{\alpha} - q_K \frac{h_K}{\alpha};$ (VI.18)

$$n_{1} = \frac{1}{B} (B_{1}r_{1} + B_{2}r_{2}); \quad n_{2} = \frac{h_{K}}{B} (B_{1}w_{1} + B_{2}w_{2});$$

$$n_{3} = (u_{K} - u) r_{1} + \frac{h_{K}}{(EF)_{K1}} + \frac{1}{(cF)_{\Phi 1}}; \quad n_{4} = (v_{K} - v) r_{2} + \frac{h_{K}}{(EF)_{K1}} + \frac{1}{(cF)_{\Phi 1}};$$

$$n_{4} = n_{3} + n_{4} + b n_{1}; \quad n_{4} = h_{K} (u w_{1} + v w_{2}) - b n_{3};$$

$$n_{7} = \frac{h_{K}}{B} (\frac{B_{1}w_{1}}{u_{K}} - \frac{B_{2}w_{2}}{v_{K}});$$

$$n_{8} = \frac{h_{K}^{2}}{B} (B_{1}t_{1} - B_{2}t_{3}); \quad n_{9} = (1 - \frac{u}{u_{K}}) h_{K}w_{1};$$

$$n_{10} = (1 - \frac{v}{v_{K}}) h_{K}w_{2};$$

$$n_{11} = n_{0} - n_{10} + b n_{7}; \quad n_{12} = h_{K}^{2} (u t_{1} - v t_{2}) - b n_{8};$$

$$r_{1} = \frac{u_{K}}{B_{K}} (\frac{h_{K}}{L} + \frac{1}{B_{\Phi 1}}); \quad w_{1} = u_{K} (\frac{h_{K}}{2B_{K}} + \frac{1}{B_{\Phi 1}});$$

$$t_{1} = \frac{h_{K}}{2B} + \frac{1}{B_{K}}; \quad B_{\Phi I} = (c I)_{\Phi I};$$

$$(VI.19)$$

с — коэффициент податливости основания (II.37).

Коэффициенты r_2 , w_2 и t_2 получаются из соответствующих коэффициентов с индексом 1 заменой: $u_{\rm R}$ на $v_{\rm R}$ н $B_{\rm RL}$. $B_{\rm \phi 1}$ на $B_{\rm RL}$. $B_{\rm \phi 2}$ (остальные обозначения по рис. VI.2).

Еслн днафрагма симметрична относительно оси проемов, то корфициенты *п*, упрощаются. В этом случае можно получить значение С1 в замкнутой форме

$$\begin{split} C_1 &= \frac{q}{D} \frac{\overline{B}}{b} \frac{q}{B^0} \frac{\overline{A}^2}{\lambda^2} \left[(A - \eta) \operatorname{ch} \lambda H + \eta \operatorname{a} \right] + \frac{\eta}{D} \left[\left(\frac{r}{n_5} - \frac{\overline{B}}{b} \frac{\overline{B}^0}{B^0} \right) M^0 \left(H \right) + \right. \\ &+ \frac{h_8 w}{n_c} Q^8 \left(H \right) \right], \end{split} \tag{VI.20}$$

где $D = \text{ch}\lambda H + \eta \text{sh}\lambda H$; A = определяется по (III.64).

(III.64). (VI.21)

$$\eta = \frac{n_b B_a}{h B_{\phi} \lambda (n_{13} + b z_{\phi})}; \qquad (VI.22)$$

$$r = \frac{b}{2} \left(\frac{h_K}{B_K 1} + \frac{1}{B_{\phi} 1}\right); \qquad w = \frac{b}{2} \left(\frac{h_K}{B_K} + \frac{1}{B_{\phi} i}\right);$$

$$n_{13} = b^{\delta} \left(\frac{h_K}{B_K} \frac{B_K^0}{B_K} + \frac{B_{\phi}^0}{B_{\phi} B_{\phi}}\right);$$

$$B_K = \Sigma B_{Ki} = 2 B_{Ki}; \quad B_{\phi} = \Sigma B_{\phi i} = 2 B_{\phi i};$$

$$\overline{B_{\phi}} = \frac{(cF)_{\phi i} b^{\delta}}{2}; \quad \overline{B_K} = \frac{(EF)_{Ki} b^{\delta}}{2};$$

$$n_{\delta} = b \, r + 2 \left(\frac{h_{\rm K}}{E \, F_{\rm K1}} + \frac{\mathrm{I}}{c \, F_{\rm th1}} \right). \label{eq:n_delta}$$

Величина C_1 часто определяется как разность близких чисел, и потому для ее вычислення требуется высокая точность. Если $\lambda H \geqslant 5$, максимальный момент в опорном сечении (x=H) столба симметричной диафрагмы (прн $m^9=m^9=0$) приближенно определяется по упрощенной формуле

$$M~(H) = \frac{B_{\ell}}{B^0} \left[M^0~(H) - \frac{\overline{B}~q \left(\frac{a+1}{2} ~\lambda~H - \frac{a-1}{\lambda~H} - a \right)}{\lambda^2~B~(1+\eta)} \right].~(V1.23)$$

Значенне X_2 понадобится для расчета поддерживающей конструкции (рамы)

$$X_{2} = -\frac{\delta_{11} \delta_{2 \rho \Delta} - \delta_{12} \delta_{1 \rho \Delta}}{\delta_{11} \delta_{22} - \delta_{12}^{2}}, \qquad (VI.24)$$

где все δ_{ii} вычисляются по (VI.19) (в симметричной схеме $X_2 = 0$).

Полный прогиб вершины (рис. VI.2,д)

$$f = f_{A} + f_{p} + \alpha H, \qquad (VI.25)$$

где $f_{\rm A}$ — перемещение только от изгиба диафрагмы; $f_{\rm P}$ — перемещение верха рамы с учетом податливости фундаментов, причем

$$\begin{split} f_{k} &= f_{0} + \frac{m^{2} + m^{3}}{3B^{2}} H^{3} + \frac{1}{\lambda^{2}} B \begin{cases} \frac{B}{B} \frac{a}{h^{2}} \left[\operatorname{ch} \lambda H + \right. \\ &+ \left. \left(\frac{[2\,a + 1]}{6} \lambda H - \operatorname{sh} \lambda H \right) \lambda H - I \right] + b\,C_{1} \left(\operatorname{sh} \lambda H - \lambda H \operatorname{ch} \lambda H \right) \right\}; \quad \text{(VI.26)} \\ f_{p} &= h_{k} \left\{ w_{1} \left[\frac{M_{1}}{u_{k}} + \left(I - \frac{u}{u_{k}} \right) \left(P_{1} - N \right) - X_{1} \right] + h_{k}\,\ell_{1} \left(Q_{1} - X_{2} \right) \right\}; \quad \text{(VI.27)} \\ a &= r_{1} \left[\frac{M_{1}}{u_{k}} + \left(I - \frac{u}{u_{k}} \right) \left(P_{1} - N \right) - X_{1} \right] + \frac{h_{k}\,w_{1}}{u_{k}} \left(Q_{1} - X_{2} \right), \quad \text{(VI.28)} \end{split}$$

Прогнб в произвольном уровне x (x < H) составит:

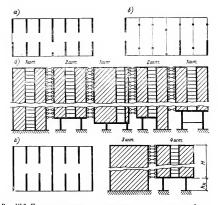
$$\overline{y}(x) = \overline{y}_A + f_p + \alpha (H - x),$$
 (VI.29)

где y_{π} определяют по (I.8) через M_{i} (III.66).

пде fo вычисляются по (IIA5).

Плоскопараллельные несущне системы, образованные разнотипными комбинированными конструкциями в сочетании с глужими и проемными конструкциями, сохраняющими монотонную структуру до самого фундамента (рнс. VI.3,a—a), можно рассчитывать при симметричном и несимметричном плане способом распредслення нагрузки [23].

Заменни внешнюю горизонтальную нагрузку на здание совокупностью сосредоточенных неизвествых сил G, приложенных в л точках пересечення перекрытий с осями вертикальных несущих конструкций $1, 2, \dots, j, \dots, m$. Полагая перекрытия жест-



Pнс. VI.3. Плоскопараллельные несущне системы с разнотипными комбинированными и монотонными конструкциями

а — лава типового этажа; б — дава первого этажа; б — плоская расчетняя скема; есистемы, рассчитываемая иносредственно по формулам, приведенным в § 2 гл. VI сострукции, обеспечивающие жесткость в продольном направлении, на рисунке условно ие показавах).

кими в своей плоскости, запишем зависимость между перемещениями различных коиструкций в уровне k:

$$(\overline{y}_{kj} - \overline{y}_{kj+1})/t_{jj+1} = (\overline{y}_{k1} - \overline{y}_{km})/t_{1m}.$$
 (VI.30)

Таких уравнений можио иаписать столько, сколько есть промежуточных конструкций, т. е. m-2. Недостающие два уравнения получим из условий равновесия

$$\sum_{j=1}^{m} G_{kj} = W_k;$$
 (VI.31)
$$\sum_{j=1}^{m} G_{kj} \ a_i = 0,$$
 (VI.32)

где
$$W_k$$
 — равнодействующая внешней горнзонтальной нагрузки в уровне k ;

ф. — расстояние в плане между конструкциями і н і.

Перемещение y_h , можно выразить через неизвестные пока силы \hat{G}_{ki} :

$$\overline{y}_{kj} = (\overline{y}_{k} \ _{1} \ G_{1} + \overline{y}_{k} \ _{2} \ G_{2} + \dots \overline{y}_{k} \ _{n} \ G_{n})_{j} = \sum_{i=1}^{n} \overline{y}_{kij} \ G_{ij},$$
 (VI.33)

где y_{kij} — единичное перемещение в уровне k конструкции j от силы G_{ij} = 1, прилагаемой в точке il.

Подставляя (VI.33) в (VI.30), придем к каноническому виду системы трехчленных уравнений:

$$t_{j} \sum_{l=1}^{n} \overline{y}_{M_{l}, j-1} G_{lj-1} - (t_{j-1} + t_{j}) \sum_{l=1}^{n} \overline{y}_{Mj} G_{lj} + t_{j-1} \sum_{l=1}^{n} \overline{y}_{M_{l}, j+1} G_{lj+1} = 0$$

$$(VI.34)$$

$$(k = 1, 2, \dots, i, \dots, n; j = 1, 2, \dots, m),$$

где, для сокращения записи, обозначено $t_i = t_{i+1}$,

Решение системы (VI.34) вместе с n дополнительных vpaвнений (VI.31), (VI.32) позволяет определить все неизвестные силы G_{hj} . Зная эти силы, рассчитываем каждую вертикальную несущую конструкцию на приложенные к ней сосредоточенные усилия по формулам (III.86) и (III.66). Для упрощения расчета можно систему сосредоточенных сил привести к эквивалентной нагрузке, распределенной по закону трапеции [см. § 2 гл. II, формулы (II.5) и (II.6)].

Единичные перемещения урана в разнения систе- мы (VI.34), определяются для монотонных односвязных конструкций непосредственно по формуле (III.87) (рис. III.13) для комбинированных конструкций по формуле (VI.29), но от сосредоточенной силы.

Во многих случаях здания комбинированной системы выполняются с симметричной в плане плоскопараллельной схемой (рис. VI.3,г). В таком случае несущая система может быть рассчитана непосредственно по формулам, приведенным в даниом параграфе, с учетом следующих особенностей. Должно быть учтено число однотипных диафрагм (гл. III. § 3). Смещение рамы в данном случае не свободно, а связано с перемещением глухих диафрагм. Так как глухие диафрагмы на уровне верха рамы обладают гораздо меньшей боковой податливостью. чем рамы, можно принять при достаточно жестких в своей плоскости перекрытиях, что смещение рам в уровне их верха равно смещению в этом уровне глухих диафрагм. При неподатливом основании и небольшой высоте рам можно принять это смещение равным нулю, что упростит определение C_1 (VI.20). Усилия в проемной диафрагме найдутся по формулам (VI.11), (III.66) и (VI.14), (VI.15), а изгибающие моменты в глухих диафрагмах на уровне верха рамы по формуле (III.66). Поперечная сила проемных диафрагм передается диском перекрытия в уровне верха рам на глухие диафрагмы, в заделке которых в сязя с этим возникает дополнительный изгибающий момент полный момент в заделке глухих диафрагм можно найти по (III.66), приняв в этом выражении: M^0 для заделки, т. е. для высоты $(H+k_B)$, B равной сумме жесткостей только глухих диафрагм, а N=N(H), где N(H) определено по (VI.11) суммарно для восх проемных диафрагм.

Анализ полученных расчетных формул и выполненных примеров показывает, что при некоторой заданной жесткости всек элементов днафрагмы с увеличением деформативности рамы и основания раздельных фундаментов уменьшается момент в заделке и увеличивается N, так как возрастает изгиб связей. При этом увеличиваются отрицательный момент и зона его распространения. В пределе при шаринримо опирании на колонны по

всей высоте диафрагмы момент отрицателен.

В связи с этим работа связей (перемычек) в комбинированной конструкции существенно отличается от их работы в диафрагме с жестко защемленными внизу столбами. Те значения АН и В/В⁰, при которых жестко-защемленная диафрагма работала бы как два шарнирно связанных столба, в комбинированной диафратме с податливой рамой приведут к значительным отрицательным моментам и кривизие другого знака по всей высоте диафоатмы.

Приведенные в этом параграфе выкладки и расчетные формулы справедливы и для более простых схем, как, например, при неподатливых фундаментах $(e_b = \infty)$, при податливых фундаментах $(e_b = \infty)$, при попаратливых фундаментах, но неподатливых рамах $(B_k = B_p = \infty)$ при опирании столбов непосредственно на раздельные фундаменты и т. п. Последний случай подробно раскомторен нами в [23].

§ 3. НЕСУЩИЕ СИСТЕМЫ С РОСТВЕРКАМИ

В УРОВНЕ ТЕХНИЧЕСКИХ ЭТАЖЕЙ.

КОЭФФИЦИЕНТ НЕРАВНОМЕРНОСТИ НАПРЯЖЕНИЙ СДВИГА

Несущие системы с ростверками (см. рис. I.10) относятся к каксу немонотонных по высоте, так как ростверки могут располагаться на различных расстояннях, а число их недостаточно для перехода к дискретно-континуальной расчетной модели. В силу этих причин для расчета таких систем примем дискретную расчетную модель (8 3 гл. I), показанную на рис. VI.4.

Ростверк представляет собой систему перекрестных железобетонных балок-стенок с преднапряженной или жесткой арматурой, а перекрытия образуют верхнюю и нижнюю полки этой коробчатой многозамкнутой конструкции (рис. VI.5). Податливость ростверка влияет на усилия во всей несущей системе (см. пример 17 в гл. X). При очень жестком ростверке, в основной

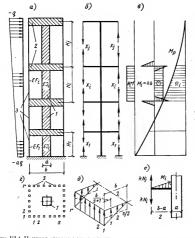


Рис. VI.4. Несущая система с ростверками а простверками дельнова сил: s — единивные эпкры иормальных сил и моментов и внора миментов от пагрулки; s, d — распределение N можеху моленами; e — натофомира можех можем на расправление N

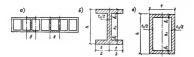


Рис. VI.5. Ростверковые перекрытия — технические этажи a — поперенюе сечение ростверка и выделенные из него: 6 — двугзяровое и a — колоб-чатое сечения -[к опред-деняю кожффиценита к усреднения сдвига [формула VI.47]]

системе по рис. VI.4, δ все побочные перемещення δ_{ij} =0, и потому имеем n отдельных уравнений.

где при лействии горизонтальной нагрузки

$$\delta_{ll} X_l + \delta_{ln} = 0, \qquad (VI.35)$$

нием к формуле (VI.36)

$$\delta_{II} = \int \frac{M_I^2 dx}{E J_I} + \int \frac{N_I^2 dx}{E F_I} = \left(\frac{k^2 b^2}{E J_I} + \frac{2}{E F_I}\right) H_I; \quad (VI.36)$$

$$\delta_{lp} = \int \frac{M_l M_p dx}{E J_l} = -\frac{\Omega_l kb}{E J_l}; \qquad (VI.37)$$

 X_i — усилие в одной колоние на стороне, перпендикулярной плоскости изгиба; Ω_i — площадь эпоры $M_{\rm p}$ в пределах участка H_i ; EI_i — изгибная жесткость горизонтального сечения ядра на участке i; EF_i — осевая жесткость одной колониы на участке i;

$$k = r + \frac{s}{3} \left(\frac{s - 1}{s + 1} \right), \tag{VI.38}$$

 г — число колони на каждой стороне плана, перпендикулярной плоскости изгнба, включая угловые колонны (см. рис. VI.4.d); s — число колони на каждой стороне плана, параллельной плоскости изгнба, исключая угловые колонны.

Из уравнений (VI.35) найдем неизвестные нормальные силы в колоннах $N_i = X_i$ во всех уровнях I_i а зная их, определим изгибающие моменты: в любом сечении x ствола-ядра

$$M(x) = M_p(x) - N_l k b,$$
 (VI.39)

н в узле примыкания ростверка і к стволу (рис. VI.4,e)

$$M_l = k (N_l - N_j) \frac{b - a}{2}$$
 (VI.40)

(возможные эпюры M(x) в ядре-стволе и N_i в колоннах показаны на рис. I.10).

заны на рис. 1.10).

Деформация ростверка, которую можно приближенно представить в форме цилиндрического нагиба, учитывается добавле-

$$\delta_{II}^p = k^2 b^3/6 \ [B]_n,$$
 (VI.41)

она сопровождается появлением побочных перемещений (рис. VI.4.2)

$$\delta_{II} = -k^2 b^3/12 [B]_p$$
. (VI.42)

Так как теперь побочные перемещення не равны нулю, неизвестные X_1,\ldots,X_n определятся нз системы уравнений метода сил

Ne	X,	х,	x _i	x,	x _k	X _m	X _n	Груз. члены	
1	811	ð ₁₂	-0 8 _{jt}	0 δ _{jj}	0 8jk	0	0	δ _{1 p} δ _{ip}	(VI.43)
n			0,1	9//	Ojk	δ_{nm}	ô _{nn}	δ _{ap}	

В формулах (VI.41) и (VI.42) $[B]_p$ — приведенная изгибносдвиговая жесткость вертикального сечения ростверка, равная:

$$[B]_{\rho} = \frac{1}{\frac{1}{E I_{\alpha}} + \frac{x k_{1} \cdot 12}{G F_{\alpha} k^{\alpha} h^{\alpha}}} - , \qquad (VI.44)$$

гле

$$k_1 = r^2 + \frac{s^2}{12} \left(\frac{s-1}{s+1} \right)^s$$
; (VI.45)

 EI_p , GF_p — изгибная и сдвиговая жесткости вертикального сечения ростверка; х — коэффициент неравномерности напряжений сдвига для сложиых сечений, равный

$$z = \frac{F}{J_x^2} \int_F \frac{S_x^2 dF}{t^2} ,$$
 (VI.46)

где F — площадь поперечного сечения; I_x — момент ннерции относительно нейтральной сок; S_x — статический момент части сечения лежащей выше полоски dF — dh, взятый относительно той же оси; t — ширпиа сечения в рассматриваемом уровне.

Для коробчатого или двутаврового сечения (рис. VI.5,6 в), выполнив операции по формуле (VI.46), найдем:

$$\begin{split} \kappa &= \frac{4.5}{(1-\phi+\xi\,\phi)} \left\{ \begin{array}{l} \frac{4}{15} + \left(\frac{1}{\xi}-1\right)\times \\ &\times \phi \left[\frac{1}{2}-\phi^3 + \left(\frac{1}{2}-\frac{4}{15}-\xi\right)\phi^4\right] \right\}, \end{split} \tag{VI.47}$$

где

Если
$$\phi = \xi = 1$$
, то $z = 4,5 \frac{4}{15} = 1,2$,

как и должно быть для прямоугольного сечения.

Для двутаврового сечения, например, при $\phi = 0.9$ и $\xi = 0.1$ имеем:

 $\varphi = \frac{h_1}{t} \quad \text{H} \quad \xi = \frac{t_1}{t} .$

$$\begin{split} \alpha &= \frac{4,5 \cdot 0,19}{0,344^2} \left[\frac{4}{15} + 8,1 \left(\frac{1}{2} - 0,81 + \frac{71}{150} \ 0,9^4 \right) \right] = \\ &= 7,23 \left[\frac{4}{15} + 8,1 \left(-0,31 + 0,310554 \right) \right] = 1,96. \end{split}$$

Отметим, что выражение в круглых скобках содержит разность близких чисся, и потому для получения точного значения и это выражение должно вычисляться возможно более точно. Приближенно для двутаврового швеллерного и коробчатого сечения

$$\kappa = F/F_{c}, \qquad (VI.48)$$

пде F и F_0 — площадь соответственно всего поперечного сечения и стенки (или стенок, если их несколько).

Для рассмотренного только что примера

$$x = \frac{1 - \varphi + \xi \varphi}{\xi} = \frac{0.19}{0.1} = 1.5$$

что дает ошибку около 3%.

ГЛАВА VII. РАБОТА ПЕРЕКРЫТИЙ В НЕСУЩЕЙ СИСТЕМЕ МНОГОЭТАЖНОГО ЗДАНИЯ

§ 1. ПЕРЕКРЫТИЯ КАК ГОРИЗОНТАЛЬНЫЕ ДИАФРАГМЫ, ПОДАТЛИВЫЕ В СВОЕЙ ПЛОСКОСТИ

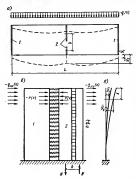


Рис. VII.1. Схема односвязной несущей системы с перекрытиями, деформируемыми в своей плоскости

 $a \sim влан; 6 \sim влоская расчетная схема; <math>\theta \sim впюры$ консольных прогибов глухой (y_1) и проемной (y_2) лиафрагы

Влияние податливости перекрытий на работу плоскопараллельной несущей системы. В многоэтажных злахвин железобетонные перекрытия выполняют роль горизонтальных диафрагм, распределяя нагрузки (усилия) между вертикальными несущими конструкциями. При этом важно правильно оценить действительную изгибную и сдвиговую жесткость перекрытия R плоскости. этой целью нами были проведены исследования, освещаемые далее. Пока будем считать эти

Введем в расчетной схеме здания (рис. VII.1,a) упругие связи между сплошными диафрагмами и диафрагмой с проемами (рис. VII.1,6) [23]. Податливость этих «пружин-

жесткости известными.

ных» связей ф примем равной прогибу перекрытий в своей плоскости под действием единичной сосредоточенной силы, приложенной в середине пролета L.

От внешней горизонтальной нагрузки, воспринимаемой перекрытиями, возникают погонные по высоте здания давления на вертикальные диафрагмы:

$$q_1(x) = q_{1R}(x) + r(x); q_2(x) = q_{2R}(x) - r(x),$$
 (VII.1

где q_{11} и q_{22} — погомные давления, передающиеся соответственно на обесплощные давлератми (суммарно) и на двафратму с просмами, по замор распределения опоризм реакций в неразрезной блаке на жестких опораж, поротильяющейся изигой у садвиту, при этом $q_{11}+q_{22}=q_{11}-t_2$ — поправка к q_{11} и q_{22} , с усилие взаимодействия диафратм сплощной и с проемами, связанное с фактическим различием и прогибов.

Согласно [48],

$$q_{1n} = \frac{qL}{12} \left(5 - \frac{1-m}{2-m} \right),$$
 (VII.2)

где

$$m = \frac{9}{6 + \frac{L^2 G F}{9.6 E I}},$$
 (VII.2,a)

GF и EJ — сдвиговая и изгибиза жесткость поперечного сечения перекрытия (определяемые по рекомендациям следующего пункта) q=q(x) — горизонтальная изгрузка из 1 м² фасада здания на уровне x от его верха.

$$q_{2\,\mathrm{H}} = q\,L - q_{1\,\mathrm{H}}.$$

Согласно рис. VII.1,6 и формул (1.6), (I.8),

гле

$$r(x) = \varphi(\overline{y_2} - \overline{y_1}),$$
 (VII.3)

$$\varphi = \frac{4}{h L \left(\frac{L^2}{12 E J} + \frac{1,2}{G F}\right)}.$$
 (VII.4)

Усилия, возникающие в рассматриваемой несущей системе с податливыми в своей плоскости перекрытиями, могут быть найдены из решения системы дифференциальных уравнений [23]

$$N'' = \lambda_2^2 N - \frac{M\Gamma - M_1}{s B_2};$$

 $M'_1 = -(q_1 u + r);$
 $r'' = \frac{\Phi}{B_2} \left(N b - M\Gamma + \frac{B}{B_1} M_1\right),$
(VII.5)

в которой первое уравнение есть (III.44) для проемной диафрагмы, второе — известное дифференциальное уравнение изгиба сплошного бруса, а третье уравнение получается из (VII.3) после двойного дифференцирования с учетом

$$\vec{y}_i = \vec{y}_i = -\frac{M_i}{B_i}$$
.

Система (VII.5) решается при граничных условиях:

$$N (0) = 0;$$
 $M_1 (0) = 0;$ $r (H) = 0;$
 $N' (H) = 0;$ $M'_1 (H) = \frac{Q^0 B_1}{R};$ $r' (H) = 0.$ (VII.6)

Если все три днафрагмы глухие, то N = 0, и на третьего уравнения (после двойного днфференцирования и подстановки М: из второго уравнення) имеем

$$r^{IV} + \frac{\varphi B}{B_1 B_2} r = \frac{\varphi}{B_2} \left[q(x) L - \frac{B}{B_1} q_{1B}(x) \right],$$
 (VII.7)

т. е. уравнение балки на упругом основании.

Это уравнение решается при граничных условиях:

$$r(H) = 0; r'(H) = 0; r''(0) = 0; r'''(0) = 0,$$
 (VII.8)

вытекающих нз (VII.3) для системы, состоящей из глухих пи-

афрагм. При решении системы (VII.5) методом конечных разностей

[31, 34] выявлено, что податливость перекрытий изменяет распределение нагрузки между глухими и проемными диафрагмами по сравнению с этим распределением для совершению жестких перекрытий. Это приводит к уменьшению изгибающих моментов в глухих днафрагмах и к увеличению моментов и нормальных сил в проемных диафрагмах.

Анализ результатов многочисленных расчетов показал так же, что влияние податливости перекрытий возрастает с увеличеннем разинцы в жесткостях диафрагм. Отсюда следует, что можно так подобрать их жесткости [31, 34], чтобы горизонтальная нагрузка от перекрытий приближенно распределялась между вертикальными диафрагмами по закону распределення

опорных реакций неразрезной балки. Таким способом могут рассчитываться здания с плоскопараллельной расчетной схемой при любом числе разнотипных рам или диафрагм [31] с учетом изгибно-сдвиговой податливо-

сти перекрытий в своей плоскости.

Экспериментально-теоретическое исследование податливости перекрытий в своей плоскости [69]. Идея этого исследовання состояла в следующем. Рассматривая перекрытне как составную балку (рис. VII.2), можно, пользуясь [62], определить его прогиб в своей плоскости. Приравнивая этот прогиб к прогибу некоторой заменяющей сплошной балки с такими же пролетами и нагрузкой и с условными жескостями $E_{\Phi} I$ и $G_{\Phi} F$, можно найтн эти жесткости н затем использовать их в расчетах несущих систем зданий по методике, предложенной в начале данного параграфа.

Для первого этапа этого исследования, т. е. для использовання уравнений теорин составных стержней, надо знать жесткостные характеристики связей сдвига є, которыми служат наРнс. VII.2. Моделирование сборного перекрытия составной многопоясной балкой

— ригели: 2 — шпо-

 1 — ригели; 2 — шпоночные растворные швы; 3 — колонны;
 4 — настилы;
 5 — расворки

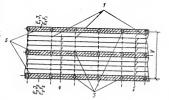
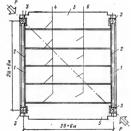


Рис. VII.3. План испытанной на сдвиг ячейки перекрытия

1 — ригели; 2 — растворные швы;
3 — колонны; 4 — растворные швы;
5 — распорки;

— плиты настила

стилы. соелиненные пипоночними швами. и поперечных связейригелей п. В МИСИ и в МНИЙТЭПе проведены испытания на сдвиг натурных фраперекрытия гментов (рис. VII.3) и испытание на растяжение-сжатие ригелей и распорокпоясов составной балки



Анализ результатов эксперимента позволил предложить следующее выражение для определения коэффициента жесткости ячеек перекрытия на сдвиг:

$$\varepsilon = \beta \; d/4 \; b \; D \; \sqrt{1+\beta^2} \; , \tag{VII.9} \label{eq:epsilon}$$
 rae $\; \beta = a/b \; ;$

 $D = 27 \cdot 10^{-4} \left[\frac{1 - 0.4 \, \beta^2 + \beta^4}{6 \, (1 + \beta^2)} \right] \, \text{cm}^2 / \text{H}. \quad (VII.10)$

При $\beta = 1$ и толщине перекрытия d = 20 см для испытанного фрагмента $\epsilon = 53 \cdot 10^2 \text{ H/см}^2$.

 Исследование коэффициента п показало, что поперечные связи в перекрытиях рассмотренного типа можно считать абсолютно жесткими. Прогиб второго натурного фрагмента размером 12×9 м, состоящего из четырех ячеек, был определен экспериментально и вычислен теоретически как для друкпоясной составной балки с коэффициентом сдвига е-53-10° Н/см² и приведенными (с учетом стыков) осевыми жесткостями поясов, найденными из опыта. В диапазоне нагрузок от 0,22 до 1,05 МН раскождение между вычисленным и измеренным прогибами ие превышало 6%. В этом эксперименте была выявлена также доля сдвигового и изгибного перемещений средиции пролега в общем прогибе фрагмента. Эти доли составили соответственно 1,16 и 0,26 мм, следовательно, для заменяющей споционной балки

$$f_{\text{cgB}}/f_{\text{Mar}} = \frac{\times P L/4 G_{\Phi} F}{P L^3/48 E_{\Phi} J} = 1,16/0,26,$$
 (VII.11)

и поэтому для условно прямоугольного сечения перекрытия шириной 9 м и пролетом L=12 м при $\varkappa=1,2;\ E_{\Phi}/G_{\Phi}=6,66$ или $G_{\Phi}=0,15$ E_{Φ} .

Приравнивая при таком соотношении фиктивных модулей протиб сплошиой балки под действием сосредоточенной силы в середине пролета $L\!=\!2l$

$$f = \frac{P I^3}{6 E_{\phi} J} \left[1 + 2 \left(\frac{h}{I} \right)^2 \right] \tag{VII.12}$$

к прогибу, вычисленному по теории составных стержией, или, что то же, к измеренному прогибу фрагмента, равному 1,09 мм, при P=0.84 МН получаем:

$$E_{\Phi} = 1,05 \cdot 10^6 \text{ H/cm}^2$$
 (VII.13)

или по отношению к действительному модулю деформаций бетоиа E_6 в испытанном фрагменте

$$E_{\Phi} \approx 0.4 E_6$$
. (VII.14)

Фиктивный модуль сдвига G_{Φ} в этих экспериментах проверен также и иепосредственно по перекосу ячейки, т. е. по изменению ее диагоналей.

Таким образом, расчет несущей системы каркасного многоэтажного здания с учетом деформирования сборных перекрытий (рассмотренного типа) в своей плоскости можно выполнять, как было указано, в начале параграфа, рассматривая перекрытия как сплошинье балки с фиктивными жесткостями:

$$E_{\Phi} J = 0.4 E_6 d h^3/12;$$
 (VII.15)
 $G_{\Phi} F = 0.06 E_6 d h,$ (VII.16)

где E_6 — модуль упругости бетона данной марки по СНиП; d — номинальная толщина перекрытия; h — высота сечения перекрытия, равная ширине здания.

Если каркасно-связевая несущая система (рис. VII.4,6) решена по плоскопараллельной схеме и содержит только глухие диафрагмы, то, решая уравнение (VII.7) при граничных усло-

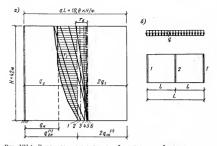


Рис. VII.4. Этюры распределения полной горизонтальной нагрузки между диафрагмами a= этюры r, q_{2a} (штрихпунктир), q_{a} (пунктир) для значений t, м: J—3; 2—6; 3—2;

4—18; 5—24; 6—30; б — схема плана здання (цифрами на нем обозначены номера днафрагм)

виях (VII.8), можно найти усилие взаимодействия r(x) при разных φ (VII.4).

На рис. VII.4а показаны эпюры r(x) для несущей системы с тремя диафрагмами, полученные в [69] при следующих данных: H=42 м, qL=10.8 кH/м (постоянная по высоте): жесткость глухих дафрагм $B_1=B_2=345\cdot10^4$ МН: м²; ϕ варынровалось за счет расстояння между диафрагмами:

<i>l,</i> м	3	6	12	18	24	30
φ/10 ⁶ , H/м ²	1107	260	42,9	13,6	5,85	3

На этих же эпюрах пунктиром показана нагрузка, приходящаяся на среднюю диафрагму при совершенно жестких перекрытиях, полученная распределением пропорционально жесткостям $q_n = qLB_n/\mathbb{Z}B$, а штрихпунктиром — распределение нагрузки между диафрагмами по закону опорных реакций неразрезной балки на жестких опорах q_1 . Из эпюр видно, как с уменьшением q_1 . Те, со снижением жесткости перекрытий, распределение нагрузки меняется от первого предельного случая ко этолому. Пли реальных халактеристиках жесткости пере

крытий это распределение лежит в промежутке между двумя предельными.

Приближенный способ учета податливости перекрытий в их плоскости. Эпюры, показанные на рис. VII.4,а, убеждают в том, что граница распределения нагрузки между глухими диафрагмами находится внутри области, ограниченной крайними случаями. Это позволяет записать, например, для средней диафрагмы № 2 в системе из трех глухих диафрати (рыс. VII.4,6)

$$q_2 = q L \left[\frac{m_1 B_2}{\Sigma B} + \frac{m_2}{12} \left(7 + \frac{1-m}{2-m} \right) \right],$$
 (VII.17)

где m_1 и m_2 — коэффициенты (табл. VII.1); m — по формуле (VII.2,a) при жесткостях перекрытия в своей плоскости по (VII.15) и VII.16).

жестемх перекрытия в своен плоскости по $(v_{1.10})$ и $v_{1.10}$). $v_{1.10}$ и $v_{1.10}$ и $v_{1.10}$ и $v_{1.10}$ по закону опорных реакций неразрезной балки; если m_1 =1, а m_2 =0. нагрузка распределяется пропорционально жесткостям

Таблица VII.I Расстояние между диафрагмами, м

Коэффици-	T	Расстоя	иие между д	циафрагмам	и, м	
енты	3	6	12	18	. 24	30
m_1 m_2	0,764	0,667 0,333	0,554 0.446	0,25 0,75	0,177 0,823	0,17 0,83

Коэффициенты m_1 и m_2 определены путем сопоставленыя площадей эпиор нагрузок r и $(p_{2m}-q_2)$ для различных значений φ (см. рис. VII.4). Коэффициенты m_i , приведенные в табл. VII.1, морто использоваться и для приближению определения суммарной нагрузки на все промежуточные днафрагым в симметричных системах с числом днафрагы больше, чем три. В таком случае в формуле (VII.17) B_2 означает сумму изглюных жесткостей всех средних (промежуточных) днафрагым, а второй член в кваратых скобках множится на поправочный коэффициент, равный при четырех днафрагмах 1,17, при пяти — 1,29 при шести — 1,35. При этом в формуле (VII.2a) L заменяет суммарной длиной крайних пролетов перекрытия, τ . е. остается $L=2t_{8p}$

При неодинаковых расстояниях между диафрагмами (при числе их больше трех) можно приближенно принимать для определения по таблице коэффициентов m_1 и m_2 расстояние между диафрагмами, равным среднему арифметическому длин продетов перекрытия.

После определения доли нагрузки, приходящейся на все промежуточные диафрагмы, нагрузка воспринимаемая одной из крайних диафрагм определится как

$$q_1 = 0.5 \ (q \ L - q_2),$$
 (VII.18)

где q_2 — по формуле (VII.17) с учетом отмеченных дополнений.

диафрагм.

Данный приближенный способ распределения нагрузки между днафрагмами с учетом деформативности перекрытий исходит из равномерного распределения внешней горизонтальной нагрузки по высоте здания, поэтому заданная трапециевилная эпюра этой нагрузки должна быть предварительно заменена эквивалентной равномерно распределенной. Нагрузки, приходящиеся на средние (VII.17) и крайние (VII.18) днафрагмы, тоже получаются усредненными по высоте, т. е. равномерно распределенными.

Зная предельную нагрузку, которую воспринимает днафрагма (по прочности илн по прогнбу), можно, пользуясь формуламн (VII.17) - (VII.18), установить предельно допустимое расстоянне между такими диафрагмами.

§ 2. ПЕРЕКРЫТИЯ КАК СВЯЗИ КРУЧЕНИЯ

Влияние сопротивления перекрытий кручению на плоскопараллельной иесущей системы. Характеристика При расчете несущих систем многоэтажных каркасных зданий перекрытня обычно считаются гибкими из плоскости, т. е. сопротивляющимися кручению. В действительности перекрытня, выполняя роль горизонтальных днафрагм, работают также на кручение из плоскости, возникающее вследствие разнотипности деформаций вертнкальных конструкций — рам и днафрагм. Учет сопротивления кручению перекрытия может привести к перераспределенню усилий между этими конструкциями [49, 67]. Однако отсутствие данных о действительном сопротивленни сборного перекрытня крученню до последнего времени позволяло количественно оценить это перераспределение.

В лаборатории железобетонных конструкций МИСИ было проведено исследование [40] крутильной жесткости сборных железобетонных перекрытий, показавшее, что влияние сопротивления перекрытий кручению существенно сказывается

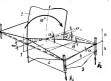
работе несущей системы каркасного здания.

Кручение перекрытий из плоскости (рис. VII.5) возникает в результате того, что при изгибе несущей системы поперечные

сечення днафрагмы, поворачиваются на угол α, а рнгели рам смещаются, оставаясь почти горизонтальны-MH.

Рис. VII.5. Схема скручивания ячейки перекрытия при изгибе каркасно-связевой несущей системы

 лерекрытне; 2 — днафрагма; 3—колонны (пунктиром показано недеформированное перекрытие)



Момент, скручивающий i-тое перекрытие (см. рнс. VII.5),

$$M_{KD,\ell} = \overline{N}_{\ell} b$$
 (VII.19)

связан с углом $\alpha_{\rm f}$ и крутильной жесткостью перекрытия $D_{\rm Kp}$ зависимостью

$$lpha_l=M_{\mathrm{KP}}\,l\,\,l/D_{\mathrm{KP}}=\overline{N}_l\,b\,\,l/D_{\mathrm{KP}},$$
 (VII.20) где \overline{N}_l — усилие в колоние, создаваемое сопротивлением i -го перекрытия

кручению

Переходя к дискретно-континуальной расчетной модели, т. е. полагая перекрытия непрерывно распределенными по высоте здання, получим приращение силы N в колонне на участке dx

$$dN = \frac{\overline{N}_l}{h} dx$$
 вли $\overline{N}_l = N'h$. (VII.21)

Подставляя (VII.21) в (VII.20), найдем угол наклона диафрагмы, т. е. всей несущей системы в сечении x

$$\alpha (x) = \frac{h b l}{D_{\text{KP}}} N'(x) = s_{\text{KP}} N'(x), \qquad (\text{VII.22})$$

где $s_{\rm RP}$ — характеристика податливости перекрытия кручению из плоскости, подобиая характеристикам податливости связей сдвига, рассмотренным в гл. V:

$$s_{KD} = h b l/D_{KD}$$
. (VII.23)

Подобно тому как в столбах проемной днафрагмы возникает момент от сопротнвления перемычек изгибу и сдвигу, так в днафрагме, показанной на рис. VII.5, появляется распределенный по высоте язгибающий момент за счет сопротнвления скручиванию междуэтажных, перекрытий. Этот момент, равный к

обратен по направлению моменту $M^0(x)$, вызванному внешней нагрузкой, благодаря чему вся система получает угол наклона $\alpha(x)$, меньший, чем он был бы при совершенно податливых из плоскости прекрытиях.

Так как под воздействием сил N(x) колонны будут вытятиваться и сжиматься, то их продольная деформация несколько ослабит скручивание перекрытий. Называя по-прежнему угол, созданный продольными деформациями колони, т. е. угол поворота ригеля α_1 и угол скручивания перекрытия α_2 , получим (см. рис. VII.5) $\alpha = \alpha_1 + \alpha_2$, r, г. р. ввенствог (III.3).

. Очевидно, угол α_2 определяется выражением (VII.22), а угол α_1 — формулой (III.8) при $\overline{z}_{1p} = \overline{z}_{pt} = 0$ и $A_1 = A_p$, так как колонны однажовы. Следуя далее этому выводу, придем к дифференциальному уравнению (III.44) при значении характеристики λ :

$$\lambda = \sqrt{\frac{1}{s_{\rm KP}}\left(k+\frac{n\,b}{B}\right)},$$
 (VII.25) где k определяется по формуле (III.42) при $\beta = 1;\ n-$ число перекрытий,

примыкающих к диафрагме (на рис. VII.5 n=2); B— взгибная жесткость диафрагмы EI. Момент, восприним аемый виафрагмой. M = M9 — n N b. (VII.26)

Момент, воспринимаемый диафрагмой, $M = M^{\circ} - n N \delta$. (VII.20)

Экспериментальное исследование сопротивления кручению сборного железобетонного перекрытия [40]. Для определения действительной крутильной жесткости перекрытия $D_{\rm kp}$ в лаборатории железобетонных конструкций МИСИ были испытаны два натурных фрагмента перекрытия (рис. VII.6).

Кручение ячейки создавалось усилием гидродомкратов, вмонтированных в пустотельне коротыши колонн в двух углах ячейки и поднимающих эти углы вертикально вверх Углы ячейки, диагонально противоположные нагружаемым, были прикреплены к силовому полу. Исходя, из (VII.20) при $\alpha_2 = -2\delta/b$ (рыс. VII.5) и b=l (для квадратного фрагмента)

 $D_{\mathrm{KP}} = P \, l^3 / 2 \, \delta, \qquad \qquad (\mathrm{VII}.27)$

где p — усилие, создаваемое домкратом; δ — измеряемое в эксперименте перемещение угла фрагмента.

Упруго деформированная поверхность фрагмента представляла собой поверхность гиперболического параболонда. Разрушению фрагмента предшествовало образование наклонных пространственных трещин в растворных швах по торцам плит и между имин, а также в бетоне настилю в (рис. VII.6). Направление трещин с углом наклона около 45° обусловлено направлением главных растягивающих напряжений и характерно для элементов, работающих на кручение.

Для обоих испытанных фрагментов жесткость кручения по формуле (VII.27) оказалась одинаковой и равной для данного типа сборного перекрытия $D_{80} = 2 \cdot 10^8 \text{ кH} \cdot \text{м}^2$, что примерно в 1,5 раза меньше, чем теоретическая жесткость кручения сплощной монолитной плиты с такими же внешними размерами.

Расчет многоэтажного здания с учетом сопротивления перекрытия кручению. Чтобы количественно оценить роль перекрытий как связей кручения, были выполнены расчеты 20-этажного каркасного здания с симметричным планом в двух вариантах с двумя и с четырьмя днафратими (рис. VII.7). Особенностью расчета явилось определение коэффициента п. В формулах (VII.25) и (VII.26) п означало число примыкающих к диафрагме скручиваемых ячеек перекрытия и было равно 2. Теперь в более сложных системах ячейки перекрытия, по-разному расположенные относительно днафратм, будут скручиваться на различные углы. Поэтому коэффициент п становится коэффициентом приведения общего числа ячеек перекрытия к их эффективному числу сообразно углам скручивания каждой ячейки.

Как видно из рис. VII.7, для плана по варианту а максимальное скручивание получат ячейки 2 и 5, смежные с днафрагмой. Для них n=2. В ячейках 1, 3, 4 и 6 угол скручивания вдвое меньше, чем в диафрагменных, и, следовательно, их отпор тоже будет вдвое меньшим. Поэтому для четырых таких ячек n=2. В ячейках перекрытия, находящихся на оси симметрии

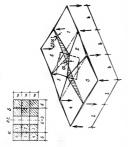
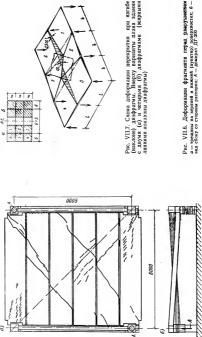


Рис. VII.7. Схема деформации перекрытия при изгибе варианты плана эдания днафрагмами (жириыми лиииями показаны диафрагмы с двумя (а) и четырьмя (б) (наклоне) диафрагмы.



плана здания, кручения нет. Таким образом, приведенное эффективное число ячеек, скручивающихся на максимальный угол, равно четырем.

Для плана по варианту б все ячейки скручиваются на максимальный угол с и потому n=6. В других случаях коэффициент приведения п определяется аналогично путем построения деформированной схемы перекрытия, созданной наклоном ди-

афрагм. После вычисления N по формуле (III.63) изгибающий момент в диафрагме определится по (VII.26), а момент, скручивающий на угол α_2 ячейку перекрытия в уровие i-го этажа, будет равен:

$$M_{KR} = b N' h, \qquad (VII.28)$$

где N'h определяется по формуле (III.67) для сечения, соответствующего i-му этажу.

Прогиб всей иесущей системы определяется для любого сечения по формуле (III.69), а для верха здания — по (III.71).

На рис. VII.8 показаны эпоры нагибающих моментов в дафрагмах, нормальных сил в колоных, крутящих моментов в перекрытиях и прогибов несущей системы, план которой приведен на рис. VII.7 и при следующих данних: B = 193 · 10° кH · м², крутальная жесткость ячейки перекрытия $D_{\rm sp}$ = 20,4 · 10° кH · м², характеристика податливости $S_{\rm ND}$ = 0,53× × 10° м/кH; \overline{B} = 29 · 10° кH · м².

Как видно из этих эпир, учет крутильной жесткости перекрытия существенно уменьшает изгибающий момент в диафрагмах и особенно прогиб здания по сравнению с расчетом по консольной модели. Максимальная величина дополнительных усилий в колоннах за счет

сопротивления перекрытий кручению составила 270 кH, т. е. около 4% усилия от вертикальной нагрузки.

Момент, скручивающий перекрытия $M_{\rm Np}$, ие превысил одной трети предельного момента $M_{\rm Kp,mpc.}$ вызывавшего неупругую работу ячей-ки перекрытия в экспериментах. Следовательно, расчет в упругой стадии вполне правомерен.

Сопротивление перекрытий кручению может быть еще увеличено, если к ригелю приварить распорки не только сверху, но и снизу

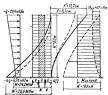


Рис. VII.8. Эпюры усилий и перемещений несущей системы, показанной на рис. VII.7,а (сплошные линин — без учета сопротивления перекрытий кручению, пунктириые — с учетом)

(т. е. к полке ригеля), устроить шпоночные углубления на боковых поверхностях ригеля, т. е. применить коиструктивные меры, не требующие существенных затрат или перестройки технологии.

§ 3. МЕЖДУЭТАЖНЫЕ ПЕРЕКРЫТИЯ КАК КОМПЛЕКСНЫЕ СВЯЗИ СДВИГА И КРУЧЕНИЯ В КАРКАСНЫХ ЗДАНИЯХ С ЯДРАМИ

Здания типа труба с ядром. Результаты эксперимента-Ранее было показано, что перекрытия в многоэтажном зданин помимо выполнения других функций в некоторых случаях служат также связими сдвига или связими кручения. Рассмотрим

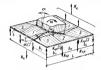


Рис. VII.9. Деформированияя схема перекрытия в здании типа труба с ядром (к приближенному расчету). Цифрамію обозначены участки перекрытия, подвергающиеся премущественно

I — изгибу и сдвигу из плоскости; 2 — кручению; 3 — кручению и сдвигу в плоскости

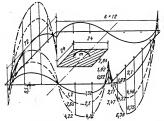
теперь несущие системы, в которых перекрытия служат связями сдвига и кручения одновременно. Характерными представителями таких систем могут служить каркасные несущие системы со стволами-ядрами (см. рис. I.9). На рис. VII.9 схематично показана деформированная схема междуэтажного перекрытия в таком здании. Участки перекрытия, помеченные цифрой 1, подвергаются в плоскости изгиба ядра растяжению с изгибом, а в перпендикулярном направлении - сжатию, усиливающемуся от ядра к наружному контуру; участки, помеченные цифрой 2. скручиваются и подвергаются сжатию в направлении, параллельном их внешнему контуру, наконец, угловые участки (цифра 3) испытывают кручение, а также растяжение в направлении диагоналей, идущих от углов ядра и сжатие в направлении других диагоналей, т. е. находятся в условиях сдвига и кручения. Мембранные усилия — растяжение и сжатие в срединной плоскости перекрытия -- становятся существенными при перемещениях δ (см. рис. VII.9), соизмеримых с толщиной перекрытия, что в условиях нормальной эксплуатации не должно иметь места. Поэтому, рассматривая эксплуатационную стадию работы, не будем пока интересоваться этими усилиями. В таком случае изгибающий момент т, который деформирует перекрытие олного этажа, булет равен:

$$m = n \, \overline{N}_{KP} \, b_{\Pi} + \overline{N}_{H} \, 3 \, b_{\Pi}, \qquad (VII.29)$$

где \overline{N}_{RD} — реакции в колоннах, примыкающих к полям 2, равные, согласно (VII.20),

Рис. V11.10. Экспер и м е итальные значения N опорных реакций в колоинах по коитуру перекрытия при повороте ядра моментом m, рав-

— 6.11 Н-м; —— 12.03 Н-м, —— 17.96 Н-м (размеры модели в см)



 $\overline{N}_{KD} = D_{KD} \alpha/b_{\pi}^2$, (a)

 \overline{N}_n — суммарная реакция в колониах на сторонах контура, перпендикулярных плоскости действия момента m; при полном защемлении перекрытия в ядре и в наружном контуре

$$\overline{N}_{\rm H} = 6 B_{\rm H} \alpha/b_{\rm H}^2$$
, (6)

что вытекает из равенства (рис. VII.9):

$$\delta = N_{\rm H} b_{\rm H}^3 / 12 B_{\rm H} = b_{\rm H} (\alpha/2),$$

n — коэффициент приведення общего числа скручиваемых полей перекрытия к их эффективному числу, соответствующему скручиванию на угол α .

Так как поля с индексом 2 скручиваются на угол α , а поля 3 — на угол $\alpha/2$, то с учетом числа всех этих полей

$$n = 2 \cdot 1 + 4 \cdot 0, 5 = 4. \tag{B}$$

Подставляя (а) — (в) в (VII.29) и преобразуя его относительно угла поворота α , найдем:

$$\alpha = m b_n/4 (D_{KD} + 4.5 B_n).$$
 (VII.30)

Подставляя это значение α в выражения (а) и (б) и сокращая их на параметр Ebt^3 , который входит в жесткости $D_{\kappa p}$ и B_{r} , получим:

$$\overline{N}_{KD} = 0.065 \, m/b_{m}; \quad \overline{N}_{H} = 0.246 \, m/b_{m}.$$
 (VII.31)

Для проверки этого приближенного расчета в лаборатории железобетовных конструкций МИСИ им. В. В. Куйбыщева В. А. Яровым был поставлен эксперимент на модели из оргстекла, позволявший выявить действительную зависимость между т и реакциями в колоннах⁴, расположенных по периферии плана (рис. VII.10).

 $^{^1}$ Способ их определення в эксперименте описан далее в настоящем параграфе.

Сопоставление результатов расчета по формулам (VII.31) и эксперимента дано в табл. VII.3, где результаты опыта получены суммированием значений по рис. VII.10 с учетом того, что на сторонах, параллельных плоскости изгиба ядра, сумма реакций равна 1.5 №, см. рис. VII.90

Как видно из таблицы, предложенный приближенный расчет достаточно хорошо совпадает с результатом эксперимента, особенно при небольших усилиях и деформациях, обычных для эксплуатационных условий.

Таблица VII.3

		<i>N</i> _{κp} .	Н		1	
т, Н-см	теор. опыт		ошибка в % к опыту	теор.	опыт.	ошибка в % к опыту
610 1200 1790	I,65 3,24 4,84	1,68 3,44 5,56	1,8 5,8 12,9	6,25 12,30 18,40	6,26 13,40 20,77	0,15 8,5 11,5

Из выражений (VII.31) и из табл. VII.3 имеем с небольшим округлением:

$$\overline{N}_{\mathrm{KP}}/\overline{N}_{\mathrm{H}} = 0,065/0,246 \approx 3,44/13,4 \approx 0,25,$$

 и, следовательно, при действии горизонтальной нагрузки уравнение равновесия (VII.29) для сечения х с учетом сопротивления самого ядра

$$M^{r} = M_{s} + 4 b_{n} 0,25 N_{s} + 3 b_{n} N_{s} = M_{s} + 4 b_{n} N_{s}.$$
 (VII.32)

Следуя далее выводу уравнения (III.44) и решвя это уравнение, убеждаемся, что приведениое усилие N(x) может быть определено по формуле (III.63), в которой для симметричного в плане здания с соотношением размеров, близким к показанному на рис VII.9. согласно (III.42)

$$k = \frac{2}{1,25 E F_{K} L}$$
, (VII.33)

где \hat{F}_{κ} — суммарная площадь сечения колони, расположенных по одной стороне контура сечения периферийной хархасиой системы; E — модуль упругости материала колони;

ости матернала колони; λ — по формуле (III.41), причем в этой формуле $b=L=3b_n$; n=1;

$$s = h L/3 E t^3$$
, (VII.34)

что следует из полученной в опытах зависимости

$$\alpha_2 = m/3 E t^3;$$
 (VII.35)
 $B = B_a;$ $B^0 = B_a + L/k = B + \overline{B};$ (VII.36)

$$B_n = (EI)_n$$
 — изгибал жесткость ядра-ствола, имеющего небольшие проемы, так что для него $\mathcal{M} > 15$.

Сопоставление эмпирической завиоимости (VII.35) с фор-

мулой (VII.30) показывает, что для равенства правых частей этих выражений следует жесткость кручения одного поля перекрытия $D_{\rm PP}$ и жесткость изгиба его $B_{\rm PP}$ принимать с коэффициентом 1.5, так что (см. рис. VII.9):

$$D_{KP} = I, 5 \cdot 0, 33 G b_{II} t^{5};$$

$$B_{II} = I, 5 E b_{II} t^{3} / 12.$$
(VII.37)

Введение коэффициента 1,5 объясняется увеличением жест-коги неразрезной плиты сравиительно с жесткостью отдельного поля размером в плане b_{π}^2 со свободными кромками по линиям сопряжений с соседними полями. Жесткости (VII.37) соответствуют упругой стадии работы перекрытия как комплексной изгибио-крутильной связи. Если усилия, возникающие в связи, переводят ее в нелинейную область работы (см. рис. V.7.8), жесткость е снижается, и это следует учесть в расчете на основе соответствующих экспериментов (подробнее об этом см. гл. V).

Приведенное усилие в колоннах N, найденное по (III.63), распределяется между отдельными колонявами следующим образом: на все колонны, расположенные по каждой из сторон контура, перпендакулярных плоскости действия момента Mr. передается усилие

$$N_{\rm H} = 0.75 N;$$
 (VII.38)

на колонны, расположенные по сторонам, параллельным плоскости действия M^r,

$$N_k = 0,25 N_{H}.$$
 (VII.39)

Так как горизонтальная нагрузка может менять свое направление, сечения колони на горизонтальную нагрузку достаточно рассчитать на усилие $N_{\rm H}$ (VII.38). При этом по соображениям конструктивной целесообразности и унификации сечения все колонны, очевидно, удобнее делать одинаковыми, поэтому их следует подбирать исходя из максимального усилия (см. табл. VII.3 и рис. VII.10). Например, при шаге колони, равном 0,5 $b_{\rm m}$

$$N_{\text{max}} = N_{\text{H}} \cdot 4,46/13,4 = N_{\text{H}}/3,$$
 (VII.40)

при шаге колонн 0,25 $b_{\pi} N_{\max} = \frac{N_{\text{м}}}{6}$ и т. д.

При подборе (или проверке) сечения колонны надо учесть также усилие в ней от вертикальной нагрузки и моменты в плоскости и из плоскости контура периферийной несущей тоубы.

Изгибающий момент в ядре в любом сечении х

$$M_{\rm g} = M^{\rm r} - L N, \qquad (VII.4I)$$

где N определяется по формуле (III.63) с указанными выше значеннями символов, а $M^{\rm r}$ — по формуле (II.14).

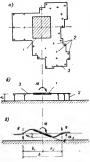


Рис. VII.11. Несущая система с ядром и нерегулярно расположенными колоннами a—план; δ , s—схема деформирования одного перекрытия; l—ядро; 2—

колонна: 3 - перекрытие

Прогиб в любом сечении и в вершине здания определяется соответствению по формулам (111.69) и (111.71) с оговорками, сделанными выше относительно формулы (111.63).

Злания с ядром и нерегулярной каркасной обстройкой. Экспериментальное определение комплексной характеристики в. В неущей системе, образованной ядрамн-стволами и свободно расставленными колониами, за счет сопротивления перекрытий как связей сдвига и кручения (рис. VII.11, б, в) некоторая доля общего изгибающего момента снимается с ядра и передается в виде осевых сил с плечом b на условные «столбы», образуемые соответствующими группами колони [36]. Для расчета можно воспользоваться готовым решеннем (III.63), если известны жесткостные параметры s и k, входящие в характеристику λ. Однако расчетный способ их определення, приведенный в гл. III и V, не может быть в даниом

111 и V, не может быть в даниом случае применен непосредственио из-за особенностей коиструкцин здания. Учитывая это, параметры s и k целесообразно определить экспериментально.

При постановке такого эксперимента в лаборатории железобетонных конструкций МИСИ им. В. В. Куйбышева перекрытие моделировалось в масштабе 1:50 из оргстекла толщиной 4 мм с опиранием на стальные стержии-колониы через стальные шарнки диаметром 5 мм.

Ядро жесткости моделировалось стальными плитами, приклеенными к перекрытию эпоксидно-цемеитным клеем сиизу и сверху и стянутыми болтами.

Усилия прикладывали к ядру через рычаг, устаиавливаемый в любом положении в плане для имитации изгибающего момеита в ядре от ветра любого направления.

При испытании были измерены опорные реакцин в колоинах и вертикальные перемещения б угловых точек контура ядра жесткости (рнс. VII.11,е) от загружения ветровой нагрузкой, действующей в четырех маправлениях.

Для определения опорной реакции в 1-той колонне опорный шарик был удален, так что перекрытие иад этой колонной за-

висало. В этом состоянин прикладывали внешиною нагрузку и замерялось вергикальное перемещение Λ_{ip} перекрытив в *i*-той точке. После снятия нагрузки к перекрытию в той же точке при-кладывали вертикальную единичную силу, от действия которой замеряли перемещение δ_{ip} в *i*-той точке перекрытия.

Опорная реакция X_i в i-той колоние отыскивалась из урав-

нения метола сил

$$X_i \delta_{ii} + \Delta_{ip} = 0.$$
 (VII.42)

После определення опорных реакций всех колони было найдено положение этажных равнодействующих N опорных реакций колони слева и справа от оси ядра жесткости (опс. VII.11.e).

Значенне угла α_2 , полученное опытным путем, полностью характеризует комплексное сопротняленне перекрытий как связей сдвига и кручения. Параметр s, согласно (V.1), при высоте этажа модели h равен:

$$s = a_2 h/N$$
, (VII.43)

Переход от модели к натуре осуществляется с помощью коэффициента подобия, соответствующего масштабу модели и соотношению модулей упругости бетона и оргстекла.

Для определення k по формуле (III.42) достаточно знать осевые жесткости натурных конструкций и плечо b=M/N.

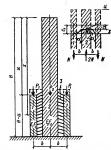
После определения \$ н k по формуле (III.41) вычислялся параметр \(\lambda\) и затем по (III.65) и (III.71) момент в ядре н прогиб несущей системы. Расчеты 36-этажного здания, стромцегося в Москве, показали, что учет сопротналения перекрытий при их совместной работе с ядром и колоннами синжает изгибающий

в Москве, показалы, что учет сопротняления перекрытин при их совместной работе с ядром н колонами синжает натибающий момент в ядре н прогиб верха здания почти в 1,5 раза, причем дополнительное усилие в колоннах составляет не более 5—8% основной вертикальной нагрузки.

Учет изменения расчетной схемы и величины вертикальной

нагрузки в процессе возведения здания. Главную часть вертнкальной нагрузки в жилых зданиях составляет собственная масса конструкций, которая возрастает постепенно по мере возведения здания.

Обычно монолитное ядро жесткостн возводится с опережением по отношению к каркасной обстройке (рис. VII.12), потому основная часть деформаций ядра пронсходит до монтажа обстройки. Колонны каркаса, напротны, укорачиваются по мере их возведения и возрастания нагрузки. Разность продольных деформаций колони и ядра приводит к соответствующему деформированные перекрытий. Каждое новое перекрытне возводится в строго горизонтальном положении (пунктир на рис. VII.12) после того, как колоным уже укоротилнсь под тяжестью всех инжерасположенных перекрытий. Поэтому каждое вновь возведенное перекрытие будет деформироваться только



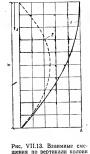


Рис. VII.12. Условияя расчетияя схема каркасиого здания с ядром жесткости a—стадия возведения: I—труппы колони слева и справа от ядря; 2— ядро; δ —схема деформащии перекрытия на уровые X (к вычисленно утав

и ядра

1—при загружении после возведения «невесомого» здания;

2— при загружении по мере возведения

нагрузкой, создаваемой собственной массой вышерасположенных этажей.

Если не учитывать сопротивление перекрытий деформированию из плоскости, взаимные смещения колони и ядер будут таковы: для «невесмого» здания, т. е. загружаемого сразу полной нагрузкой интенсивностью p на 1 пог. м высоты здания,

$$\Delta_1 = \frac{p (H^2 - x^2)}{2 (EF)_K}, \qquad (VII.44)$$

для здания, загружаемого той же нагрузкой, но прикладываемой по мере возведения.

$$\Delta_2 = \frac{p x (H - x)}{(EF)_K}, \qquad (VII.45)$$

где (EF)_в — осевая жесткость колони.

На рис. VII.13 показаны графики перемещений, вычисленные по этим формулам. Из рис. VII.13 видно, что характер загружения коренным образом сказывается на вертикальных перемещениях. Если учесть сопротивление перекратий взаимымым вертикальным смещением колони и ядра, то увидим, что в перекрытии ігго этажа, как в связи сдвига-кручения, усилия возникиут пагрузок, приложенных выше этой связи, вследствие разно-

сти про**дольных** деформаций колонн и ядра на участке ниже ланной связи.

Расчетную схему [36] получим, рассматривая несущую систему как двускаязную симметричную днафрагму (см. рис. VII.12). Под действием вертикальной нагрузки в симметричной схеме ядро не изгибается, следовательно (рис. VII.12, $\alpha = \alpha_1 - \alpha_2 = 0$.

Согласно (V.1), $\alpha_2 = s \bar{N}'$. Угол α_1 определим исходя из загружения сосредоточенными силами P_1 и P_2 (см. рис. VII.12) в уровне и. т. е. в момент возведения очередного этажа. Очевидно,

$$\alpha_1 = \frac{c_1 - c_2}{c_1} ,$$

гле

$$c_{1} = \frac{P_{1}(H-x) - \int_{x}^{H} \overline{M} dx}{E_{1} F_{1}} :$$

$$c_{2} = \frac{P_{2}(H-x) + \int_{x}^{H} 2\overline{N} dx}{F_{2} F_{2}} .$$
(VII.47)

Отсюла

$$\begin{split} \alpha_1 &= \frac{c_1 - c_2}{b} = \left(\frac{P_1}{E_1 F_1} - \frac{P_2}{E_2 F_2}\right) \frac{H - x}{b} - \\ &- \left(\frac{1}{E_1 F_1} + \frac{1}{E_2 F_2}\right) \frac{H}{b} \frac{\overline{N}}{b} dx. \end{split} \tag{VII.48}$$

Приравнивая, согласно (VII.46), углы α_1 и α_2 и дифференцируя один раз по x найдем для x > u,

$$\bar{N}'' - \lambda^2 \bar{N} = -\frac{P_1 - \beta P_2}{s \ b \ (E F)_1}$$
, (VII.49)

тде \overline{N} — нормальная сила в сечения х столба 1, возникающая под влиянием сопротивления перекрытий-связей действию сосредоточениых сил P_i , приложениых только в уровне и:

$$\lambda^{3} = (I + 2\beta)/sb (EF)_{1};$$
 (VII.50)

$$\beta = (E F)_1/(E F)_2;$$
 (VII.51)

s— характеристика податияюсти перекрытия как овязи сдвига-жручения, определяемая по указаниям гл. V и VII или экспериментально, как описано выше: E_iF_i — осевая жесткость i-го столба расчетиюй схемы; P_i — этажива нагрума и a_i -тый столб, возникающая в процессе возведения кар-касной обстройки.

Решая дифференциальное уравнение (III.44), найдем:

$$\overline{N}_x = C_1 \operatorname{sh} \lambda x + C_2 \operatorname{ch} \lambda x + \frac{P_1 - \beta P_2}{\lambda^3 \operatorname{sh} E_1 F_1} . \tag{VII.52}$$

Определяя произвольные постоянные C_1 и C_2 из граничных устовий \overline{N} (x=u)=0, \overline{N}^7 (x=H)=0 и подставляя их в (VII.52), найдем:

$$\overline{N}_{(x, u)} = -\frac{P_1 - \beta P_2}{1 + 2\beta} \left[\frac{\operatorname{ch} \lambda (H - x)}{\operatorname{ch} \lambda (H - u)} - 1 \right].$$
 (VII.53)

Это усилие возникает в сечении x при возведении очередното перекрытия на уровне u. Полное усилие в сечении x получится от загружения всех, перекрытий между уровнями x н u.

Подставляя в (VII.53) нагрузку как погонную $p_i = \frac{P_i du}{h}$ и интегрируя $\overline{N}(xu)$ по переменной u в пределах от u = 0 до u = x, получим полное усилие в крайнем столбе в сечении x:

$$N(x) = -\frac{p_1 - \beta p_2}{1 + 2\beta} \left\{ \frac{2}{\lambda} \operatorname{ch} \lambda (H - x) \times \right.$$

$$\times \left[\operatorname{arctg} e^{\lambda H} - \operatorname{arctg} e^{\lambda (H - x)} \right] - x \right\}. \tag{VII.54}$$

Подобный результат получен независимо в работе [74].

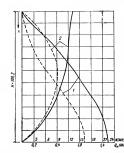
Перерезывающая сила в перекрытии на уровне x от верха здания равна:

$$Q_{\Pi}(x) = N'(x) h = -\frac{p_1 - \beta p_2}{1 + 2\beta} 2h \operatorname{sh} \lambda (H - x) \times$$

 $\times [\operatorname{arctg} e^{\lambda (H-x)} - \operatorname{arctg} e^{\lambda H}].$ (VII.55)

Соответствующие усилия от нагрузок, прикладываемых после возведения всей несущей системы здания, составят:

$$N(x) = -\frac{p_1 - \beta p_2}{1 + 2\beta} \left(\frac{\sinh \lambda x}{\lambda \sinh \lambda H} - x \right). \tag{VII.56}$$



Суммарное усилие N(x) по (VII.54) и (VII.56) будет сниматься с колонн и переходить на ядро. Результаты вычислений для 36-этажного здания показаны на рис. VII.14.

Рис. VII.14. Усилия в 36-этажном зданин, пережодящие с колоии на ядро при учете роста изгрузок по мере возведения каркаса (———) я при единовременном затружения «невесомого» каркаса (———)

1 - N; 2 - Q

Г Л А В А VIII. РАСЧЕТ НЕСУЩИХ СИСТЕМ ПО ДЕФОРМИРОВАННОЙ СХЕМЕ И НА УСТОЙЧИВОСТЬ

§ 1. ПРОСТРАНСТВЕННАЯ НЕСУЩАЯ СИСТЕМА С ПЕРЕКРЫТИЯМИ, ЖЕСТКИМИ В СВОЕЙ ПЛОСКОСТИ

Под действием горизонтальной нагрузки столбы и колонны несущей системы здания получают некоторое отклонеше от вертикали — протиб. В высоких зданиях этот протиб достигает десяти и более сантиметров, создавая в несущей системе дополнительный изгибающий момент от вертикальной нагрузки

$$\Delta M(x) = \sum_{i=1}^{k} P_i \, \xi_i.$$

Плечо ξ_i определяется прогибом v(x) (рис. VIII.1,a), который возникает под влиянием полного момента от горизонтальной и вертикальной и нагрузки

$$M = M^{\Gamma} + \Delta M$$
.

Таким образом, обычная линейная зависимость между нагрузкой и перемещением сменяется эдесь нелинейной: момент ΔM зависит от протиба, а протиб зависит от этого момента. В таком расчете принимается во внимание изменение геометрической схемы сооружения в процессе загружения, поэтому его называют расчетом по деформированной схеме или, короче, деформационным расчетом. Применителью к высоким зданиям расчет на устойчивость и по деформированной схеме подробно рассмотрен в [34], а также в [17, 18, 57 и др.]. За недостатком места здесь приведем лишь некоторые новые результаты.

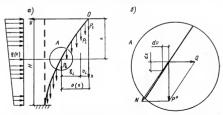


Рис. VIII.1. Продольный изгиб несущей системы здания (к расчету по деформированной схеме)

Усилия и перемещения в деформированной схеме для симметричных зданий при изгибной форме потери устойчивости могут быть определены как

$$X_{n,l} = \eta_n X_{n,l}^0, \qquad (VIII.1)$$

где X_{ui} — некомая функция (момент, прогиб и т. п.) в диафрагме i (u=y или z); χ_{ul}^0 — та же функция без учета деформированной схемы, т. е. определяемая для консольной модели по § 3 гл. III:

$$\begin{split} & \eta_u = \frac{1}{1 - G \, \gamma_\phi \, / G_{\text{KP}, \text{AB}}} \; ; \qquad \qquad \text{(VIII.2)} \\ & \gamma_\phi = \frac{1}{1 - G / G_{\text{KP}, \phi}} \; ; \qquad \qquad \text{(VIII.3)} \end{split}$$

$$\eta_{ab} = \frac{1}{1 - G/G};$$
(VIII.3)

$$G_{\text{KP.3g}} = 7,84 \, B/H^2;$$
 (VIII.4)

$$G_{\nu p, \Phi} = 2B_{\Phi}/H^2;$$
 (VIII.5)

G — полная масса здання: В — суммарная жесткость диафрагм, парадлельных оси У или оси Z, причем для зданий со сложной многосвязной несущей системой принимается $B=B_{\rm HR}$ по прогибу верха здания от равномерно распределенной горизонтальной нагрузки; $B_{\phi}=\Sigma c_i I_{\phi i}$, где c — по формуле (II.37); $I_{\Phi i}$ — момент инерции площади подошвы фундамента днафрагмы

і в направленин У или Z. Можно решить обратную задачу — найти такое В (или

 $B_{\text{экв}}$), при котором запас устойчивости будет обеспечен и полный прогиб в деформированной схеме не превысит предельно допустимого. Первое условие выполняется, если

$$B \geqslant 0,383 G H^2 \eta_{\Phi}$$
. (VIII.6)

Для выполнения второго условия должно быть:

$$B \geqslant \frac{H}{4} \left(\frac{M^{\Gamma}(H)}{t} + \frac{GH}{2} \right) \eta_{\Phi}$$
, (VIII.7)

где t = [f/H] — допустимый относительный прогиб, который при учете деформированной схемы и податливости основания не должен превышать 1/800-1/600. Из двух значений (VIII.6), (VIII.7) следует выбрать большее.

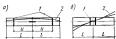
Крутильная форма потери устойчивости для расчета несущих систем с перекрытиями, жесткими в своей плоскости, может быть учтена по формулам следующего параграфа, в которых жесткость перекрытий устремляется к бесконечности.

ВЛИЯНИЕ ПОДАТЛИВОСТИ ПЕРЕКРЫТИЙ В СВОЕЙ ПЛОСКОСТИ. НА ОБШУЮ УСТОЙЧИВОСТЬ МНОГОЭТАЖНОГО ЗДАНИЯ

В несущей системе многоэтажного здания более жесткие вертикальные конструкции оказывают поддержку менее жестким, однако степень этой поддержки зависит от податливости перекрытий. Эта задача решена для изгибного деформирования здания в работе [34].

Ряс. V111.2. Схемы планов каркасиых зданий

— с двафратмами на произвольиом расстояния от центра; 6—с центральным ядром; 1—днафратмы; 2— искривления ссе здания при потел устофиямости



На основании этого решения могут быть рассчитаны по деформированной схеме и другие несущие системы с податливыми перекрытиями, в том числе системы с элементами жесткости (ядрами, диафрагмами), расположенными иначе. Например, для здания (рис. VIII.2,а) критическая масса [35] будет равна:

$$G_{\text{KD}} = \beta B/H^2$$
, (VIII.8)

где B — нзгибная жесткость двух диафрагм; H — полиая высота здания; β — параметр, определяемый по табл. VIII.1. в зависимости от α и n:

$$\alpha = 2R_{\rm n}\,H^4/B\,h\,I^3; \tag{VIII.9}$$

$$n = 0.1664 + (0.734 m - 0.533) m;$$
 (VIII.10)

 B_π — жесткость одного перекрытия в своей плоскости (опредляется по указаниям §1 гл. VII); h — высота этажа; m=u/l (см. рис. VIII.2, a).

Таблица VIII.1

			авном						
n		1	2	3	4	5	6	7	8
0,07 0,08 0,10 0,12 0,150 0,153 0,166 0,20 0,25 0,30 0,367	0 0 0 0 0 0 0 0	0,0505 0,0587 0,0751 0,0751 0,117 0,119 0,130 0,152 0,199 0,240 0,281 0,296	0,101 0,120 0,158 0,196 0,254 0,260 0,286 0,350 0,446 0,540 0,636 0,700	0,152 0,186 0,254 0,321 0,426 0,435 0,481 0,595 0,765 0,765 0,936 1,11 1,17	0,203 0,259 0,370 0,481 0,652 0,669 0,744 0,931 0,21 1,49 1,77 1,87		0,776 1,09	0,362 0,686 1,35 1,98 2,96 3,06 3,49 4,58 6,20 7,84 9,45 10,0	0,455 1,05 5,37 8,66 13,38 13,9 16,04 21,46 29,52 37,6 45,7 48,4

Из (VIII.10) следует, что при m=1, когда диафрагмы расположены в торцах здания, n=0.367, а при m=0, т. е. когда они сливаются в центре плана, n=0.166. Для промежуточных значений m значения коэффициента n приведены ниже.

m	0	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6	0,7	0,8	0,9	1,0	
п	0,166	0,120	0,0892	0,0726	0,0706	0,0834	0,111	0,153	0,210	0,281	0,367	

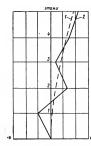


Рис. VIII.3, Форма потери устойчивости модели пятиэтажного каркасного здания с торцовыми диафрагмами I — диафрагмы; 2 — колониы в центре длины здания (по опытам М. Н. Швехмана)

С увеличением жесткости перекрытий параметр α возрастает так же, как и β . В окрествостях $\alpha \rightarrow \infty$ имеем $\beta \approx 8$, т. е. критическая масса приближенно совпадает с полученной выше (VIII.4) для здания с перекрытиями, жесткими в своей плоскости. Если пространственная диафратма (ядро) располагается в центре здания (рис. VIII.2.6), возвикает опасность потери устойчивости по крутильной форме.

В таком случае [35] критическая масса здания

 $G_{KD} = \beta_K B_K / H^2 l^2$, (VIII.II)

где

$$B_{\kappa} = E J_{\omega} + \left(\frac{2H}{\pi}\right)^2 G J_d; \qquad (VIII.12)$$

 EI_{ω} — секториальная жесткость ядра; GI_d — жесткость чистого кручения ядра; eta_{κ} — параметр, определяемый по таблице в зависимости от $lpha_{\kappa}$

$$\alpha_{K} = B_{\Pi} H^{4}/B_{K} h l. \qquad (VIII.13)$$

α_{κ}	0	0,628	0,131	0,205	0,286	0,374	0,931	1,37
βк	0	1	2	3	4	5	10	12

Продолжение

α _κ	2,26	3,81	5,92	11,09	17,81	40,32	80
βĸ	15	18	20	22	23	24	25

Деформированное состояние каркасных зданий с перекрытиями, податливыми в своей плоскости, характеризуется зигзагообразной формой искривления колонн (рис. VIII.3). При этом перекрытия смежных этажей перемещаются в своей плоскости в противоположных направлениях. Для расчета по деформированной схеме критические массы здиня, найденные по формулам (VIII.8) или (VIII.11), используются в процедую деформационного расчета. описанной фор-

мулами (VIII.1), (VIII.2).

Все сказанное в этой главе относится к расчету по деформированной скеме несущей системы здания в целом или к обеспечению общей ее устойчивости. Кроме того, надлежит по указаниям СНиП 11-21-75 обеспечить местную устойчивость вертикальных элементов в пределах высоты этажа (или расстояния межиу связами).

§ 3. ДЕФОРМАЦИОННЫЙ РАСЧЕТ КОЛОНН НИЖНЕГО ЭТАЖА НА ДЕЙСТВИЕ ТЕМПЕРАТУРЫ

Колонны нижнего этажа каркасного здания получают прогиб (рис. VIII.4) под влиянием колебаний температуры перекрытий во время монтажа. На отклоненные от вертикали колонны действуют нагрузка всех вышерасположенных этажей P и боковое давление от перекрытий Q. Изгибающий момент и прогиб в сечении x колонны с учетом деформированной схемы [39] равны:

$$M(x) = P v(x) + \alpha t E F \left(1 - \frac{v_1}{v_0}\right) x,$$
 (VIII.14)

$$v(x) = (r_0 - v_1) \frac{D}{L} \left(\frac{\sin kx}{k^3 \cos kh} - \frac{x}{k^2} \right),$$
 (VIII.15)

t — температурный перелад, °C;

$$k = \sqrt{P/EJ}$$
; $D = EF/EJ$;

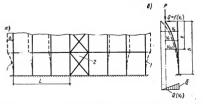


Рис. VIII.4. Схема перемещения колоин при изменении температуры перекрытия a = 0.00 ми; I = -0.00 колоним; 2 = 0.00 му диафрагым или ядро-ствол; 6 = 0.00 метина схема корайней долоним.

EI — модуль деформаций и момент инерции поперечного сечения всех ко поперечного ряда; EF — модуль деформаций и площадь поперечного сечения перекрытия; $v_0 = atL$;

с — коэффициент линейного расширения для перекрытия;

$$\begin{split} v_1 &= 1 / \left(\frac{1}{\beta \, \overline{v}} \, + \frac{1}{v_0} \right); \quad \beta = 3 \, (\operatorname{tg} \, v - v) / v^3; \\ \overline{v} &= h^3 \, \operatorname{at} \, E \, F / 3 \, E \, J; \quad v = k \, h = h \, \sqrt{P / E \, J}. \end{split}$$

ГЛАВА IX. ОСОБЕННОСТИ КОНСТРУИРОВНИЯ И РАСЧЕТА ЭЛЕМЕНТОВ НЕСУЩИХ СИСТЕМ МНОГОЭТАЖНЫХ ЗДАНИЙ

§ 1. СТЕНЫ

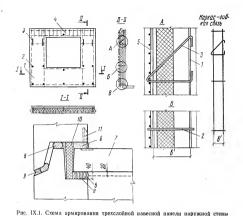
Навесные панели наружных стен сопрягаются между собой в стене здания через упругие прокладки, вследствие чего каждую панель можно рассчитывать самостоятельно.

Навесные панели бывают многослойными и однослойными. Многослойные панели предпочтительны, так как позволяот почти полностью исключить влияние температуры на внутренние несущие конструкции здании. Для этого соединение слоев панели должно быть податливым, допускающим неазвисимую температурную деформацию наружного слоя, а соединение самой панели с несущими конструкциями здания не должно препятствовать температурным перемещениям панели относительно этих конструкций.

Панель, изображенная на рис. IX.1, удовлетворяет поставленным условиям. Вертикальную нагрузку воспринимает внутренний слой.

Влияние температуры приближенно можно оценить расчетом, приведенным для трех характерных случаев работы панели в [23].

Несущие панеам внутренних стем выполняются из однослойных панелей, оннающихся друг на друга непосредственно или через перекрытия (рис. IX.2). Платформенное опиравне (рис. IX.2,a) осуществимо, если перекрытия выполняются из аданий с таким стыком высотой 25 этажей с узким шагом стем и высотой 16 этажей с широким шотом и нагрузкой до 1700 кН на 1 пог. м стемы. При больших нагрузках или при пустотных перекрытиях применяется контактный (рис. IX.2,6,e) или сборно-монолитвый (рис. IX.2,a) вариант стыка. В последнем случае крайние ребра многопустотных плит перекрытия образуют пальцы, опирающиеся на стемовые панели. Эти пальщы рассчитывают на собственную массу плиты и монтажиро нагружи После замоноличивания стык работает на эксплуатационную нагрузку польным сечением.



1— каркас — гибхая связь; 2 — распорка; 3 — подвеска; 4 — каркас перемычки; 5 — сет-ка (на фасаде условно не показана); 6 — раствор; 7 — перекрытие; 8 — упрутая проклад-ка; 9 — гермензанурующая мастика; 10 — утеляжощий вкладами; 11 — свариат связь

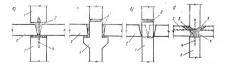


Рис. IX.2. Варнанты опнрания внутренних несущих стеновых панелей друг на друга и на перекрытия

па друго в на пърсържения для пере-ста палатформенее; б – контактное с консолями; в – контактное с гнездами для пере-крытия; г – сборно-монолитное; I – стеновая панса»; 2 – перекрытие; 3 – раствор яли паста; г – пета-фикатор; 5 – бетои замоноличивания; 6 – выпуски арматуры пере-крытий; 7 – опорные пальцы перекрытия

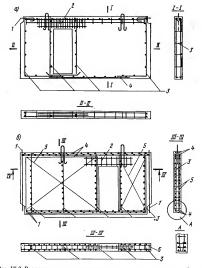


Рис. IX.3. Варианты армирования внутренних несущих стеновых панелей a — бетонкой; 6 — желеобетонкой; I — выпуски для сварки со смежными элементами; 2 — кариалы неровноствание саркаси; δ — стеновонтальные каркаси; δ — сеги

Минимальное содержание вертикальной арматуры у каждой поредъяюсти несущей панели составляет: в бетонных панелях 0,2 см² на 1 пог. м горизонтального сечения панелих ведебетонных панелях 0,05% площади горизонтального сечения панелих 1.Пощадь горизонтальной арматуры (у каждой поверхности) должна быть не менее 0,3 см² на 1 пог. м вертикального сечения бетонной или железобетонной ли меле 1 пог. м вертикального сечения бетонной или железобетонной панели.

На рис. IX.3 показаны схемы армирования панелей. При большой площали расчетного армирования панелей лучше применять каркасы, причем их продольный шаг пе должен превышать 25 см. При большем шаге (50 см и более) сжатая зона внецентренно нагруженных панелей умельшается на участках между шивомого расставленными каркасами, снижая несущую

способность панелей [73].

Для компенсации обрываемой продольной арматуры применяют косенное армирование опорных горизонтальных кромок сетками, расположенными в два-три ряда и заменяющими у этих кромок контурные каркасы (ркс. IX.3,6, поз. 4 и узел А). Расстояние между этими сетками должно быть не более ¹/₃ толщины панели и не более 7 см, шаг поперечных стержней должен быть максимум 7,5 см, диаметр всех стержней определяется расчетом, как показано далее, но должен быть не менее 8 мм и не более 14 мм [45].

Расчет несущих панелей стен на косое внецентренное сжатие. Результаты экспериментов. Ввиду возможной неточности в установке стеновых панелей (а также начальной кривизны, неоднородности по сечению и т.п.) СНиП 11-21-75 рекомендуют читывать в расчете случайный эксцентрицитет из плоскости

стены $e_0 = 1$ см.

В реальных условиях несущие панели внутренних стен всегда подвергаются косому внешентренному сжатию, так как момент от участия в общей работе несущей системы здания действует в плоскости панели (M_y на рис. IX.4), а момент от неравномерной загрузки примыкающих перекрытий и от негочности монтажа действует из плоскости панели (M_y на рис. IX.4).

Во избежание образования сквозных трещин желательйо проектировать панели диафрагм так, чтобы эксцентрицитеты в обоих направлениях были малыми. Как показывает опыт проектирования, в большинстве случаев оба эксцентрицитета оказываются малыми без каких-либо специальных мер.

Для выяснения напряженного состояния кососжимаемых панелён на кафедре железобетонных конструкций МИСИ [15] под руководством автора было испытано 12 панелей при различных эксцентрицитетах и процентах симметричного армирования

(табл. IX.1 и рис. IX.5).

Испытания выявили особенности деформирования коосожнаемых панелей: кономдальную форму нзгиба, появление первых трешин около менее выгнутой кромки панели; транецендальную форму, сжатой зоны сечения (рис. IX.5,6), причем она шире у того торца панели, где протяб больше; линейное распределение прогиба по длине панели и, что самое главное, снижение несущей способности по сравнению со ожатием с одним поперечным эксцентрицитетом в среднем на 55%, а в отдельных случаях более чем вдюс.

Испытания подтвердили, что расчет панелей на косое вне-

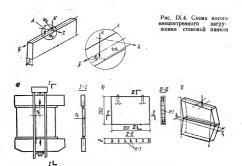


Рис. IX.5. Испытание панелей на кссое ввецентрежное сжатие a—устанока панела в прессе ИПС-1000; β — конструкция панели $\{\delta_i$ см. табл. IX.1); s— деформирование панели перед разрушением, ваштрикована сжатая зона; f_0 . f_I положбы у тогона панела»

Таблица IX.1

5	RB IIB-	·		арматуры, а	Начальные эк- цевтрицятеты, см		Разрушающая вагрузка, МН		
ж панеля	Толщин	жопыти МПа	1 a 1. c	o apar	e _y	٠,	N _{on}	N Teop	N _{on} , %
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12	14,3 14,8 14,1 14,5 14,5 14,2 14,1 14,1 14,2	22,3 21,3 17 18,3 23,2 18,9 19,7	3,68 3,74 3,8 10,35 10,2 10,2 3,86 3,55 3,79 10,3 10,55 10,2	237,9 241 239,8 240 243,6 238,7 241,2 238,7 240,2 237,5 243 236,1	50 50 50 50 50 25 25 25	2,3 0 4,7 2,3 0 4,7 2,3 0 4,7 2,3 0 4,7	3,0 4,8 2,34 5,04 6,90 4,43 3,52 5,4 3 4,95 6,20 3,46	3,5 5,09 4,78 6,25 - 3,74 5,73 - 4,1 6,45	-16,6 -6 +5,2 +9,4 -6,3 -6,1 +17,1 -4

центренное сжатие по 2-му случаю в обоих направлениях и с симметричным армировапием может выполняться предлагаемым ниже способом.

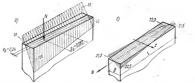


Рис. IX.6. Экспериментальные эпюры деформаций панели № 12 (табл. IX.1) $(\times 10^{-5})$

а — полные деформации; б — бимоментные деформации

Если, как это было в описанном эксперименте, косое внешентренное сжатие создается сялой N, приложенной сдрумя начальными экспентрящитетами (см. рис. IX.4A), то действие этой силы эквивалентно совместному действию центрально приложенной силы N, моментов $M_p = Ne_p$, $M_p = Ne_p$, и объемен а $T = Ne_p e$. Если же непосредственно заданы центральная сила N_n и моменты M_y и M_s , то бимомент отсутствует, по эта турипа уснаий не может быть заменена одной силой (см. рис. IX.4A). Поэтому не удается рассчитать внецентренно-сжатую панель, непосредственно по указаняям п. 3.28 С НиЛ II-21.75.

Бимомент, возникающий при первом способе комплектования внешней нагрузки, создает пропеллерную депланацию сечения панели и соответствующие нормальные напряжения σ_{ω} ,

удовлетворяющие условию
$$\int \sigma_{\omega} dF = 0$$
.

На рнс. IX.6,a показана для примера эпюра деформации панели N 12 (см. табл. IX.1). Выделяя из нее эпоры, относищиеся к действию $N_{\rm H}$, $M_{\rm T}$ и $M_{\rm T}$, получим остаточную эпору (рис. IX.6,6), характер которой убедительно говорит о том, что она создана именно бимоментом. По условиям равновесия бимомент равен:

$$T = N e_z e_y = 4 \int_0^{0.50} \int_0^{50} \sigma_{\omega}(y, z) yz dy dz.$$
 (IX.1)

Так как на главных осях σ_{ω} =0, то в остальной части сечения

$$\sigma_{\omega}(y, z) = \frac{4\sigma_{\omega \max}}{\delta l} y z. \qquad (IX.2)$$

Подставляя (IX.2) в (IX.1) и интегрируя, получим:

$$T = \frac{\delta^2 I^2}{36} \sigma_{\omega \text{ max}}, \quad \text{(IX.3)}$$

$$\sigma_{\omega \text{ max}} = \frac{36 e_y e_z}{\delta I} \frac{N}{F}. \quad (IX.4)$$

Исключая влияние модуля E из формулы (IX.4), найдем:

$$\varepsilon_{\omega \text{ max}} = \frac{36 \, e_y \, e_z}{\delta \, l} \, \varepsilon_{\text{n}} \, . \tag{IX.5}$$

Для панели № 12 из опыта получено вп=31·10-5, следовательно, по (IX.5) при фактических эксцентрицитетах перед разрешением $e_y = 25$ см и $e_z = 3,4$ см $\varepsilon_{\omega \max} = 22,2 \cdot 10^{-5}$, что точно совпадает с опытными значениями бимоментных деформаций (рис. IX.6,б).

Полные наибольшие напряжения в ближайшем к силе У углу сечения панели составят:

$$\sigma_{\max} = \frac{N}{F} \left(1 + \frac{6 e_z}{\delta} + \frac{6 e_y}{I} + \frac{36 e_z e_y}{\delta I} \right) \leqslant \frac{N_{ii}}{F} \cdot \tag{IX.6}$$

Приняв во внимание, что при действии только силы N_z в момент разрушения было бы $\frac{N_z}{F}(1+\frac{\delta}{\delta})=\frac{N_{\rm R}}{F}$, а при действии только N_y — соответственно $\frac{N_y}{F}$ $(1+\frac{6}{I}\frac{e_y}{I})=\frac{N_u}{F}$ и, следовательно, $\frac{6 \, e_z}{b} = \frac{N_u}{N_z} - 1$, $a \, \frac{6 \, e_y}{I} = \frac{N_u}{N} - 1$, найдем, подставляя последние выражения в (IX.6):

$$N \leqslant \frac{N_z N_y}{N_{\text{tt}}} , \qquad (IX.7)$$

где N_{π} — расчетная нанбольшая продольная сила, которая может быть воспринята сечением при условном центральном сжатии без учета продольного нэгнба; N_x — расчетная нанбольшая снла, которая может быть воспринята сечением при заданном эксцентрицитете e_z , N_y — то же, при заданном эксцентрицитете e_w (см. рис. IX.4).

При этом для бетонных панелей $N_{\rm H} = R_{\rm HD} \delta l$, а $N_{\rm y}$ и $N_{\rm z} = {\rm no}$

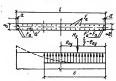


Рис. IX.7. Қ выводу формул (IX.8) — (IX.11)

СНиП II-21-75, пп. 3.2—3.6.

В железобетонных панелях арматура располагается около граней, параллельных продольной оси сечения (рис. IX.7). Поэтому при вычислении N_z надо пользоваться пп. 3.19-3.25, а при вычислении $N_y = \pi$. 3.28 СНиП II-21-75. Для упрощения определения N_{ν} можно в предварительных расчетах принять (как это было сделано для оценки результатов эксперимента), что вся арматура, находящаяся в условной сжатой зоне c (см. рис. $\mathrm{LX.7}$), работает c предельным сопротивнем R_{pc} (от), а на остальной части сечения $g_{\mathrm{cc}} = 0$. Длина зоны c такова, что её центр совпадает c линией действия внешией сжимающей силы. Тогда применительно k действовавшему во время обработки эксперимента СНиП 11-81-62

$$N_y = \frac{0.5 \, \delta \, l^2 \, R_{\rm np}^{\rm on} + \sigma_\tau \, [F_a \, (l-2a) + f_a \, (l^2 - 4 z_{\rm o}^2 \, y)]}{0.5 l + e_{\rm o} \, y} \; . \tag{IX.8} \label{eq:Ny}$$

Предельные силы N_z при малых эксцентрицитетах и $N_{\mathbf{u}}$ понинмались равными:

$$N_z = \frac{0.5i \, \delta_0^2 R_{\rm np}^{\rm ort} + \sigma_{\rm T} \left(F_{\rm a} + l \, f_{\rm a} \right) \left(\delta_0 - a' \right)}{0.56 - a + e_{\rm o, n} \, \eta_z} \; ; \tag{1X.9}$$

$$N_{\rm H} = R_{\rm np}^{\rm on} \, \delta \, l + 2\sigma_{\rm T} \, (F_{\rm a} + l \, f_{\rm a}).$$
 (IX.10)

В формулах (IX.9), (IX.10) f_a — площадь сечення вертикальной арматуры на единнцу длины панелн с каждой ее стороны: остальные обозначення — по рис. IX.7.

Расчет по этнм формулам удовлетворительно подтверждается результатами описанного эксперимента (табл. IX.1).

При расчете опорных сечений панели не вводятся в расчет продольная арматура и коэффициент η.

Согласно [45], прочность опорного сечення стеновой панелн при центральном сжатни составит:

$$N_{\text{on, u}} = R_{\text{on}} F_{\text{on}} m_{\text{u}} m_{\text{on}};$$
 (IX.11)

$$R_{\rm on} = R_{\rm np.6} + k \,\mu_{\rm K}^{\rm c} \,R_{\rm a}^{\rm c} \le 1.3 \,R_{\rm np.6},$$
 (IX.12)

гае $R_{B,A}$ — применная прочность бегонной панели; k — коэффициент эффективности косевниюто армирования по формухе (ТКА6); μ_{a}^{μ} — объемный коэффициент косевного армирования по формузе (ТК.48), R_{a}^{μ} — расчетное опритивление стермяей сети растименное, R_{a}^{μ} — папилаль оподной зони стыха, черех которую передается скимающие учетине, обычно F_{A} — R_{a}^{μ} —

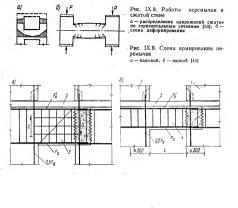
$$m_{\rm HI} = 1 - \frac{0.08}{0.2 + R_{\rm HI}/R_{\rm CT}} \le 0.9;$$

 $R_{\rm m}$ — марка (кубнковая прочиость) раствора в шве; $R_{\rm c\tau}$ — марка бетона стеновой панели; $m_{\rm sh}$ — коэффицент, учитывающий особенности конструкция стика (см. рис. IX.2), определяется по указаниям [45], в частности: для контактного стыка $m_{\rm sh}$ =1; для платформенного

$$m_{\rm on} = \left(1 + \frac{0.8 R_{\rm M}}{R_{\rm nep}}\right) \frac{F_{\rm nn}}{F_{\rm on}}$$
;

 $R_{\rm M}$ — марка раствора (бетона) замоноличивания; $R_{\rm nep}$ — марка бетона панелей перекрытия; $F_{\rm BR}$ — суммарная площадь участков перекрытий в стыке.

При косом внецентренном сжатии прочность опорных зон



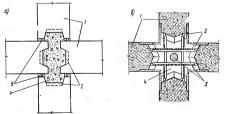


Рис. IX.10. Вертикальные стыки несущих панельных стен (ЦНИИЭП жилища) $a-\mathbf{B}$ обычных условиях; $6-\mathbf{J}$ для сейсмических районов; $1-\mathbf{c}$ стеновые панеля; $2-\mathbf{m}$ шпонки на торцах панелей; $3-\mathbf{g}$ натруга; $4-\mathbf{g}$ эмолачивание; $3-\mathbf{g}$ упругая прокладка

панелей следует проверить по формуле (IX.7), в которой при $N_{\text{оп, п}}$ по (IX.11) N_z и N_w заменяются на:

$$N_{\text{on.}z} = N_{\text{on.}n}(1 - 2 e_{\text{o.}z}/\delta);$$

 $N_{\text{on.}y} = N_{\text{on.}n}(1 - 2 e_{\text{o.}y}/l).$ (IX.13)

Перемычки и вертикальные стыки в панельных несущих стенах. Надпроемные перемычки воспринимают вертикальную нагрузку от перекрытий, участвуют как связи сдвига в общей работе несущей системы здания и воспринимают вместе со всей стеной сжатие от вертикальных нагрузок.

Как видно из рис. IX.8, сжатие простенков вызывает в перемычке бочкообразную деформацию и даже трещины, уменьшающиеся от углов к середине. В углах перемычки имеют место также наибольшие усилия от изгиба под тяжестью перекрытия и от перекоса в результате деформации всей несущей

системы в целом.

Перемычки рассчитываются на возможные невыгоднейшие сочетания этих усилий как балки, защемленные на опорах. По абсолютно наибольшему моменту подбирается симметричная продольная арматура $F_a = F_a$, по поперечной силе — поперечная арматура.

Для сокращения трудоемкости монтажа перемычки выполняются в виде консолей основной панели (как показано на

рис. IX.9 [45]).

Вертикальные стыки панелей несущих стен должны обладать минимальной податливостью и достаточной звукоизоляцией, поэтому их выполняют с помощью сварных и шпоночных соединений (рис. IX.10), рассчитываемых по СНиП II-21-75 на усилия сдвига, найденные по указаниям глав III, IV и § 5 настоящей главы.

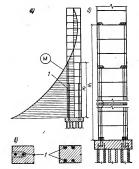
§ 2. ПРЕДВАРИТЕЛЬНОЕ НАПРЯЖЕНИЕ ВЕРТИКАЛЬНЫХ ДИАФРАГМ

В тех столбах вертикальных диафрагм, в которых сжатие невелико, могут возникать краевые растягивающие напряжения. Опасность возникновения трещин на растянутой стороне диафрагмы может быть устранена предварительным напряжением (рис. IX.11). В то же время напряжения на сжатой кромке диафрагмы под действием расчетных внешних нагрузок и обжатия напрягаемой арматурой не должны превышать предельного сопротивления бетона сжатию Rnp.

Так как напряжения сжатия невелики, то количество ненапрягаемой арматуры будет минимальным. Для упрощения выкладок влияние этой арматуры в дальнейшем учитывать ие будем, полагая приведенную площадь сечения панели равной: (IX.14)

$$F_{\rm n} = F_6 + 2 n F_{\rm g} , \qquad (I$$

где F_{π} — площадь напрягаемой арматуры у каждой кромки панели.



Рнс. IX.11. Предварительно-напряженная диафрагма a—общий вид с эпюрой можентов (H_1 —зона вредварительного напряжения): δ — деталь предварительной зоны; δ — варианты установки напряжения об арматуры в камалы у

торцов панелей

Из условия прочности у сжатой кромки должно быть:

$$\sigma_N + \sigma_B + \sigma_6 \leqslant R_{np}$$
, (IX.15)

из условия трещиностойкости — в горизонтальном шве у растянутой кромки сборной диафрагмы

$$\sigma_N^{\text{H}} - \sigma_B^{\text{H}} + \sigma_6 \geqslant 0.$$
 (IX.16)

В формулах (IX.15) и (IX.16) $\sigma_N = N/F_n$; $\sigma_N^R = N^R/F_n$; $\sigma_6 = 2N_{02}/F_n$.

Подставляя эти значения в (IX.15) и (IX.16) и умножая на $F_{\rm ID}$, получим:

$$2 N_{02} \leq N_{HD} - N - \sigma_B F_H;$$
 (IX.17)

$$2 N_{02} \geqslant \sigma_{B}^{H} F_{\pi} - N^{H}$$
, (IX.18)

так $N_{\rm dis}=\sigma_{\rm dis}F_{\rm e}$ усилие в наприятельной арматуре у каждой кромии паели после провления всех потерь, $N_{\rm es}=R_{\rm es}F_{\rm es}$ — предельное усилие скатия, которое может восприять сечение диафратмы; N— нормальная смая в слобе от внеших нагрузох, $\sigma_{\rm es}=M_{\rm es}W_{\rm es}$ $Z_{\rm es}=M_{\rm es}W_{\rm es}$ — $Z_{\rm es}=M_{\rm es}W_{\rm es}$ — наприжение на кромках столбо диафратмы от действия момена, созданного ветровой натрузкой: $W_{\rm es}=M_{\rm es}W_{\rm es}$ — момент солютивления інведенного сечения.

Согласно [23], порядок расчета предварительно-напряженного столба диафрагмы сводится к следующему. Проверяют

$$\sigma_{\rm B}^{\rm H} = \frac{M_{\rm B}^{\rm H}}{W_{\rm D}} \lesssim \frac{N^{\rm H}}{F_{\rm D}} = \sigma_{N}^{\rm H}. \tag{IX.19}$$

Если $\sigma_n^u \leqslant \sigma_n^v$, то растяжение не возникает и нет надобности делать диафрагму предварительно-напряженной. Если $\sigma_n^u > \sigma_n^v$, то надо проверить

$$\sigma_{\rm B}^H \leqslant \frac{R_{\rm np} + \sigma_N^H (1 - k_1)}{1 + k}$$
 (IX.20)

где k и k_1 — коэффициенты перегрузки согласно СНиП II.6-74 для ветровой и вертикальной нагрузок.

Еслн ов превышает это значение, то при данных размерах панели и площади сечения напрягаемой арматуры обеспечить трещиностойкость не удается. Следует увеличить сечение напряженной арматуры или повысить марку бетона и т. п.

Найдя по формуле (IX.18) N_{02} , можно задавшнсь потерями, найтн $F_{\rm H}$ н подобрать напрягаемую арматуру (см. гл. X, при-

мер 9).

Арматура предварительно-напряженных днафрагм должна быть надежно заанкерена в фундаменте (см. рыс. IX.11). Выше зоны H_1 в которой по расчету требуется предварительное напряжение, панели соеднияются сваркой выпусков ненапрягаемой вертикальной контурной арматуры (см. рыс. IX.3 и IX.9).

§ 3. ПЕРЕКРЫТИЯ

Общие сведения. Согласно [45], перекрытня разделяются на акустически однородные и акустически неоднородные. К первым относятся монолитные перекрытия и перекрытия из сплощных панелей или многопустотных настилов.

Акустически неоднородные перекрытия выполняются в виде комплексной конструкции (рис. IX.12). При пролетах более 5,1 м несущую часть перекрытий рекомендуется выполнять с предварительным напряжением.

Сборные панели перекрытий (настилы) объединяются над опорами связями в единый диск, работающий как горнзонтальная днафрагма жесткости. Связями служат замоноличнваемые бетонные шпонки со сваокой выпусков (см. рнс. IX.12).

На нзгиб от вертикальной нагрузки (если специальными мерамн не гарантнровано защемление или неразрезность) перекрытне рассчитывается как свободно опертое, в том числе и при платформенном опирании. Последнее объясивется тем, что возможны случайные эксцентрицитеты в соседних степах, направленные навстречу друг другу н, следовательно, создающе положительный момент в пролете перекрытия. В зависимостн от конструктивного решения перекрытие может опираться по двум, трем и четырем сторонам и соответственно должно быть рассчитано.

Изгиб сборного перекрытия вертикальными нагрузками. В сборном перекрытии (рис. IX.13) панели сопрягаются между

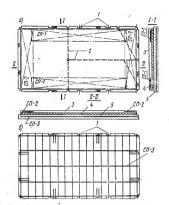


Рис. IX.12. Комплексивя легкоботовиная панель перекрытия а — общей вид панель заримрование основания пола (сетяк СП: н СП: 9; 6 — счем за панель за па

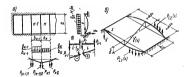


Рис. IX.13. Схема сборного перекрытия a — расчетная схема к выводу уравнения (X.21); b — к определению кримым хромом при кручения; b — расчетная схема ж уравиению (IX.23)

собой замоноличенным швом, который обеспечивает их совместную работу при различных нагрузках на отдельных пане-

лях или в разных условиях их опирания.

Будем считать, как это следует из экспериментов, что продольные швы работают как цилиндрические шарниры, передающие с панели на панель только поперечную силу (рис. IX.13.a). Силы взаимодействия смежных панелей ризсраспеденены по неизвестному пока закону вдоль линий сопряжения панелей. Кривизна линий сопряжения для смежных панелей, очевидно, должна быть одинакова. Суммируя кривизны изгиба и кручения, получим [29]

$$\begin{split} \frac{M_{k-1}}{EJ_{k-1}} &- \frac{\rho_{k-1,1} - \rho_{k-1,2}}{GJ_{d,k-1}} \left(\frac{b_{k-1}}{2}\right)^2 = \frac{M_k}{EJ_k} + \\ &+ \frac{\rho_{k1} - \rho_{k2}}{GJ_{d,k}} \left(\frac{b_k}{2}\right)^2. \end{split} \tag{IX.21}$$

Первые члены в обеих частях этого равенства представляют собой известные выражения кривизны изгиба. Объясним происхождение вторых членов, учитывающих кручение. Изрис. IX.13,6 видно, что прогиб кромки под влиянием кручения равен:

$$\hat{\epsilon}_{i}(x) = \frac{b_{i}}{2} \gamma(x).$$
 (IX.22)

Так как согласно известной дифференциальной зависимости кривизна $1/\rho = \pm \delta''(x)$, то, дважды дифференцируя (IX.22) и заменяя в результате

$$\gamma'' = \frac{M'_{KP}}{G J_d} = \frac{p_{i 1} - p_{i 2}}{G J_d} \cdot \frac{b}{2}$$

получаем вторые члены уравнения (IX.21).

Пважды дифференцируя (IX.21), придем к системе дифференциальных уравнений для любым образом опертого и загруженного перекрытия, составленного из настилов любого поперечного сечения, для которых известны изгибная и крутильная жесткости:

$$p_{l-1}'' + 2p_l'' + p_{l+1}'' + k_{l-1}^2 p_{l-1} - (k_{l-1}^2 + k_l^2) p_l + k_l^2 p_{l+1} =$$

$$= -k_{l-1}^2 q_{l-1} + k_l^2 q_l, \qquad (IX.23)$$

где индекс усилия ρ совпадает с индексом панели, расположенной справа от рассматриваемого шва (рис. IX.13, θ).

$$k_i^2 = \frac{G J_{di} \cdot 4}{E J_i b_i^2} = \frac{1.6 J_{di}}{b_i^2 J_i}.$$
 (IX.24)

Уравнения (IX.23) записываются для всех швов между панелями (с учетом, при необходимости, симметрии системы).

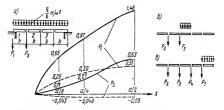


Рис. IX.14. Схема загруження и опнрания сборных перекрытий

a— сплошное загружение, опирание крайних панелей на продольные стены; 6, e— разные загружения перекрытий ос свободымих продолжимих кражим (якпоры в долях e относятся к схеме a: свлошными диниями для пролега a=6 м, пунктиримими— для a==2,4 м)

Для шва между первой панелью и продольной стеной в случае опирания панели на стену кривизна, очевидно, равна нулю, и поэтому первое уравнение системы имеет вид:

$$k_1^2(q_1+p_1-p_2)-p_1''-p_2''=0.$$
 (IX.25)

При опирании крайней панели на податливую перемычку, рандбалку и т. п. первое уравнение становится таким:

$$2 p_1'' + p_2'' - (k_0^2 + k_1^2) p_1 + k_1^2 p_2 = -k_0^2 q_0 + k_1^2 q_1, \qquad (IX.26)$$

где k $\frac{2}{0}$ определяется по (IX.24) для поперечного сечения опорной перечники или балки; q_0 — погонная внешняя нагрузка, действующая непосредственно на эту балку.

Для перекрытия, составленного из одинаковых панелей, $k_{i-1}=k_i=k$ и решение упрощается. Например, для схемы (рис. 1X.14.a) получим систему уравнений:

$$p_1'' + p_2'' - k^2 (p_1 - p_2) = k^2 q;$$

 $p_1'' + 2 p_2'' + k^2 (p_1 - 2 p_2) = 0,$
(IX.27)

решение которой дано в примерах 12 и 13 в гл. Х.

Для перекрытия (рис. IX.14,6) на свободном крае p_1 =0 и система уравнений принимает вид:

$$2p_2'' + p_3'' - 2k^2p_2 + k^2p_3 = 0;$$

 $p_3' + 2p_3'' - p_3'' + k^2p_2 - 2k^2p_3 - k^2p_3 = k^2q.$ (IX.28)

На рис. IX.14 представлены эпюры усилий в швах для перекрытия по схеме «а» (соответствующие расчеты приведены в гл. X). Анализ этих результатов показывает, что при увеличенин пролета возрастают усилия в швах и опорное давление на стену, параллельную иастилам; это опорное давление весьма значительно и должно учитываться при расчете стеи. Павели перекрытий помнмо изгиба подвергаются скручиванию, что следует учитывать при их армировании. В частности, если крайняя панель опирается на параллельную ей стену, то, со-гласно формуле (IX.22), определяется полиам курнявия и опертой на стенку кромки, причем используются уже известные усилия р и ре для сечения х = а/2

$$\frac{1}{\rho} = \frac{M_1}{E J_1} - \frac{p_1 - p_2}{G J_{d_1}} \left(\frac{b_1}{2}\right)^2, \quad (IX.29)$$

тде M_1 — изгибающий момент в середине пролета (x=a/2), определяемый в предположении, что силы p_i распределены по параболе:

$$M_1 = \frac{q \, a^2}{8} + (\rho_1 - \rho_2) \, \frac{5a^2}{48} \, . \tag{IX.30}$$

Усилня p_i подставляются в эти формулы со своими знаками. Зная кривнзну (IX.29), можно изнти эквивалентиый изгибающий момент из единицу ширины панели

$$M_{9KB} = \frac{1}{\rho} \frac{E J_1}{b_1} \qquad (IX.31)$$

и по нему подобрать сечение продольной арматуры в полосе панели шнриной 0,356, примыкающей к свободному краю. Среднюю полосу шнрнной 0,36 надо армировать на изгибающий момент только от нагрузки q, а в полосе, примыкающей к стене, нижияя продольная арматура ставится коиструктивио. На кручение плита армируется по общим правилам такого армирования.

Предложениый метод расчета дает решение в замкнутой форме, что делает обозрямой всю нскомую функцию $\rho_1(\mathbf{z})$. Эпюры этой функцин имеют довольно стабильную форму и могут быть приближению аппроксимированы какой-либо кривой. Положим, как было принято для определеныя кривизим (1X.31), что усилия ρ_1 распределены вдоль шва по закону параболы. В таком случае изгибающий момент в середние пролета определяется выражением (1X.30). Подставляя это значение M в (IX.21), придем к алгебрачческой системе уравнений

$$p_{i-1}(u_1-1)-2p_i(u_1+1)+p_{i+1}(u_1-1)=u(q_i-q_{i-1}),$$
 (IX.32)

где p_i — интенсивность усилня взаимодействня в швах- между паиелями посередине их пролета;

$$u = \frac{k^2 x^2}{8};$$

$$u_1 = \frac{5}{6} u.$$
(IX.33)

Как видно нз табл. IX.2, результаты приближенного расчета по (IX.32) удовлетворительно согласуются с точными.

Таблипа IX 2

Схема		Метод расчета, вомер форму- лы	Усилие в швах при $x=a/2$ (в долях q)				
			P1	Pz	Pa	P4	P ₃
IX.14,a	а=6 м	no (IX.23) no (IX.32)	1,48 1,22	0,63 0,38	_	-	-
	а=2,4 м	no (1X.23) no (1X.32)	0,515 0,502	-0,05 -0,045	-	-	-
IX.14,6		по (IX.23) по [I] по (IX.32)	_	0,195 0,183 0,185	0,391 0,399 0,441	_	_
IX.14,8		по [1] по (1X.32)	-	0,032 0,081	0,205 0,192	0,376 0,377	0,67

Перекрытия как связи сдвига между столбами диафрагм. В гл. VII н в § 1 гл. V предложены методы определения усилий. возникающих в перекрытнях как в элементах несущей системы здання. Эти усилня требуют соответствующего армирования перекрытий. Рассмотрим, например, работу перекрытия как связи

сдвига между столбами днафрагм (см. § 1 гл. V). Дополнительную (сверх необходимой для восприятия вертикальной нагрузки на перекрытие) площадь сечения арматуры

$$M_{\pi} = Q_{\Pi} \cdot 0.5 l$$
, (1X.34)

где Q_п — перерезывающая сила в перекрытии — связи сдвига; определя-

следует подбирать нсходя из момента

Рис. IX.15. Примерная схема дополинтельного армирования перекрытия в зонах концентрации моментов а-на М, ; 6-на М,

ется из расчета несущей системы здаиня (гл. 1II-IV) при значении параметра s по указаниям § 1 гл. V.

Найденная таким образом арматура располагается по направленню y (рнс. IX.15,a). В направлении х, т. е. перпендикулярно плоскости днафрагм, дополнительная арматура может быть подобрана приближенно (с запасом) на момент $M_x = 0.5 M_H$ H расположена равномерно на участках шириной 1/2 с центром у торцовых кромок столбов диафрагм (см. рис. ІХ.15,б).

Так как арматура оказывается двойной и симметричной, то ее плошаль

$$F_a = F'_a = M/[R_a (h_0 - a')],$$
 (IX.35)

гле M— соответствующий момент ($M_{\rm B}$ или M_{\star}); $R_{\rm a}$ — расчетное сопротивление арматуры; h_0 — полезняя высоста сечения плиты; a'— расстояние от центра сжатой арматуры до наиболее сжатой кромки бетониюго сечения.

Армировать следует сталью низких классов с тем, чтобы уменьшить деформации и трещинообразование. При невозоможности исключить образование трещин расчет диафрагм следует вести нсходя из сниженной жесткости плит-связей, как указано в \$2 гл. V.

Перекрытия как горизонтальные диафрагмы. Усилия M и Q возникают в плоскости перекрытий под действием горизонтальной и вертикальной нагрузки на здание. Определение этих усилий рассмотрено в главах VII и VIII. При расчете по деформированной схеме наиболее велик момент в плоскости перекрытия над первым этажом.

Несущая способность перекрытия при работе в своей плоскости проверяется двояко: по моменту исходя из сопротивления связей между панелями растяжению-сжатию и по поперечной силе исходя из сопротивления швов сдвигу.

Диски перекрытий обычио имеют соотношение длины к ширик, карактерное для балок-стенок, поэтому нормальные напряжения концентрируются вблизи кромок поперечного сечения диска. При расположении панелей перекрытия вдоль здания слешует соблюдать условие

$$M_{\text{BH}} \ll N_{\text{KII}} z$$
, (IX.36)

гле $M_{2\pi}$ — навбольший суммарный нагибающий момент в сечении дискапесерация по глебствия ветра на данию е песерация со самы ванимодетазия между днафрагмами (§ 1 гл. VII), от обрыва отделники днафрагма (§ 2 гл. VI) и от усилий, выявленики расчетом по деформированной схеме (гл. VIII); $N_{2\pi}$ — усилие сжатия-растяжения в крайней панели (или распорке ушфицированного каркаса);

$$N_{\rm KH} = F_{\rm CB} R_{\rm a}; \qquad (IX.37)$$

2 — расстояние между осями крайних панелей поперек здания; $F_{\rm cs}$ — площадь сечени стальных связей, соединяющих крайние панели (распорки); $R_{\rm a}$ — сопротивление стали данного класса.

Важно обеспечить непрерывность передачи усилия с накладиой детали на закладную, с закладной на арматуру павели и с арматуры на закладную деталь на противоположном торце панели. Эта цепь должна быть непрерывна и равнопрочна по связим, арматуре и сварным швам. Если вдоль здания располагаются не панели, а ригели, то усилия $N_{\rm SM}$ должны быть восприяты вим.

Расчет на поперечную силу следует выполнять по поперечним и продольным швам так, чтобы сдвигающее усилие воспринималось сопротивлением шпоночно-анкерных связей между панелями. Если рассматриваемый шов пересекают ригели, то в сопротивление сдвигу шва можно включить сопротивление сжатой зоны ригелей, приближенно равное на одно сечение ригеля:

$$T = 0.3 b h_0 2 R_p$$
. (IX.38)

§ 4. КОНСТРУКЦИИ, ПОДДЕРЖИВАЮЩИЕ СТЕНЫ

К этой группе конструкций отнесем нижние каркасные этажи зданий комбинированной системы (§ 2 гл. VI), т. е. так называемые «столы» и «ножки», а также цокольные панели и ранд-балки, нагруженные панелыми стенами.

Расчет подобных конструкций рассмотрен в работе [43], поэтому здесь мы ограничимся только теми сторонами этой задачи, которые специфичны для современных высоких зданий.

Характерной особенностью нагрузки ригелей (балок), поддерживающих панельные степы, является то, что эта нагрузка вследствие жесткости панельных степ концентрируется вблизи опор (рис. IX.16,д.6). Типичным примером может служить настил перекрытия, на который поставлена стеновая панель такой же длины. Настил прогибается, и жесткая стена передает давление на него только около опор, а сама работает как балкастенка с польетом. почти лавным польету настилья.

Средияя колоніа, показанная пунктиром на рис. ІХ.16,е, не обязательна, если ригель способен воспринимать растяжение. В таком случае в нижних стеновых панелях образуется арка, замыкающаяся перемачками и перекрытиями, и эта система при соответствующем исполнении может нести нагрузку от вышерасположенных этажей здания. Такая система не жизнеспосива, если горизонтальные швы в панелыных столбах не воспринимают сдвиг (рис. IX.16,е), если сами панели не обладают достаточной сдвиговой жесткостью (рис. IX.16,е) и если горизонтальные связи между столбами очень деформативны (пис. IX.16,е).

Рассматривая в элементарной постановке условия равновесия надригельной панели (рис. ІХ.16, \varkappa), получии: R_A =N, H = = Nb/3h, R_B =0, что подтверждает необязательность средней коловны.

Если глухая днафрагма шириной, равной ширине корпуса, опирается на три колонны, ее можно рассматривать как жесткий штами, и потому распределение всей вертикальной нагрузки между колоннами должно быть пропорциональным их осевым жесткостям EF_t . Ригель можно считать защемленным на всех трех опорах. Условне отсутствия отрыва ригеля от стенки

$$l \leqslant 4.73 \sqrt[4]{4 B/c \delta}$$
, (IX.39)

где B=0.85 EI- изгибная жесткость преднапряженного ригеля (жесткость ненапряженного ригеля следует уменьшить в 4 раза $\{24\}$); c- коэффициент постели для бетова (3-5 кН/см³); $\delta-$ толщина стенки диафрагмы.

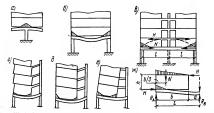


Рис. IX.16. Схемы передачи нагрузки от панельных стеи иа поддерживающие ригели a, δ —беспроемные стемы; σ — ϵ —стеим с проемами; ω —расчетняя схема распорной системы по схема ρ

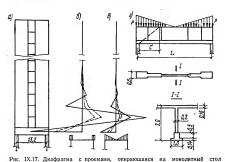


РИС. 13.17. Диафрагма с просмами, опирающаяся на монолитный стол (МНГИИТЭП)

а — общий вид; б, в — эпюры осевых усилий в межстолбовых связях; в — опорный ри-

Если пролет равен предельному по формуле (IX.39), то эпра давления на ригель от всей нагрузки может быть приближенно представлена в каждом пролете двумя соприкасающимися треугольниками (рис. IX.17,г) с интенсивностью давления над колоннами

$$p = N/l$$

где N — полная вертикальная нагрузка от всей стены.

Конструкция, поддерживающая 16-этажное панельное здание (рис. IX.17), разработана в МНИИТЭПе при консультации автора. Здесь использована идея отказа от средней колонны (см. рис. IX.16,а). Поперечник рассчитан тремя споссбами: с учетом только изгибной податливости столбов и ригеля (сдвиговая жесткость столбов и осевые жесткости перемычек приняты бесконечными); с учетом также сдвиговой податливости столбов (см. рис. IX.16,а), с учетом, кроме того, осевой податливости перемычек (см. рис. IX.16,а).

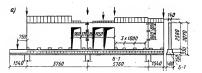
Во всех трех вариантах расчета столбы, ригель и межстолбовые (шаринрные) связи-перемычки считались работающими совместно. Оказалось, что при вертикальной симметричной нагрузке взанмодействие столбов через связи-перемычки ограничивается нижними четырьмя этажами панельного здания, а знак и величина усилий в перемычках зависят от способа расчета и от жесткости ригеля. На рис. ІХ.17.6 и в графики усилий в перемычках показаны сплошными линиями по первому способу расчета, штриховыми — по второму и штрихпунктирными — по третьему: эпюры принятого распреледения давления на ригель изображены под соответствующими графиками. Как видно из графиков. ригель растянут во всех случаях, но усилия в перемычках в первом способе расчета чередуются по знаку от этажа к этажу, тогда как в уточненных расчетах (способ второй и третий) все перемычки сжаты; усилия в перемычках и ригеле очень значительно (нногда в несколько раз) уменьшаются с уточненнем расчетных предпосылок. Усилия растяжения в ригеле и сжатия в перемычках завнсят от характера эпюры давления столбов на ригель, а следовательно, от его жесткости.

В данном проекте жесткость ригеля определяется высотой технического этажа, а также напряжениями сжатия и среза в зонах опирания ригеля на колонны. Условие отсутствия отрыва ригеля от днафрагмы для однопролетного ригеля

$$l \leqslant \pi \sqrt[4]{4 B/c \delta}$$
 (IX.40)

[где обозначення по (IX.39)] удовлетворяется для принятых в проекте размеров ригеля (см. рис. IX.17,е), вследствие чего знира нагрузки на ригель имеет вид, показанный на рис. IX.17,е. При такой эпюре усилия растяжения в ригель исжатия в первой снязу перемычке оказываются минимальными (1040 и 652 кН). Увеличение сопротивления ригеля действию поперечной силы достигается с помощью утолщения сечения от середины пролета к опорам (рис. IX.17,е).

Наибольшее значение контактных напряжений не должно





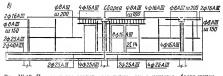


Рис. IX.18. Пример использования панельных стеи в качестве бялок-стенок, подперживающих верхние этажи [5] a— общий вид и стема испытательных нагрузок; b— образование трещии после испытатяля; b— сесма армирование.

превышать $R_{\rm np}$ для стеновой панели с учетом возможного его увеличения за счет косменного армирования (§ 1 гл. IX).

Длину проекции наклонного сечения c для расчета ригеля на поперенную силу найдем (с учетом эпюры контактного давления ρ) из уравнения

$$c^3 - \left(1 + \frac{q_x}{\rho}\right) \frac{I}{2} c^2 + 2 b h_0^2 R_p$$
 (IX.41)

Найдя значение c, рассчитаем поперечные стержни, пользуясь формулами (72) и (73) СНиП II-21-75.

В зоне опирания на колонну ригель следует усилить 3—4 горизонтальными сетками косвенного армирования.

Удачное решение конструкции, поддерживающей стены 9-этажного панельного здания в Минске, показано на рис. IX.18 [5]. Здесь в качестве ригеля использованы стенювые панели первого жилого этажа, объединенные сваркой с балками, поддерживающими нижнее перекрытие. Испытания серви таких конструкций показали, что их несущая способность достаточна.

Сварные соединения между стеновыми панелями и балкой обеспечили их совместную работу вплоть до разрушения.

§ 5. КАРКАСЫ И КАРКАСНЫЕ ДИАФРАГМЫ

Виды каркасов. Современные каркасные многоэтажные здания проектируются преимущественно по связевой, реже — по рамно-связевой схеме (см. § 2 гл. 1).

В связевом каркасе жесткость узлов назначают так, чтобы каркас мог опережать монтаж вертикальных диафрагм на 2—4 этажа. Для этой цели узел сопряжений ригеля с колонной

проектируют на момент, равный 55 кН м.

Связейый каркас ксегда более материалоемок, чем рамносвязевый, так как при наличии тех же элементов (каркаса и диафрагм) в нем используются на горизонтальные нагрузки только диафрагмы. Очевидно, при этом диафрагмы должны быть более мощными, чем в рамно-связевой схеме, а рамы почти такими же, поскольку усилия в них определяются в основном вертикальными нагрузками.

В отношении разрезки на монтажные элементы каркасы можно разделить на две основные группы: каркасы с крестовыми элементами и, следовательно, с монолитными узлами соединения рителей с колоннами (рис. IX.19д, с) и каркасы с линейными элементами, т. е. со сборными узлами (рис. IX.19д, г).

При крестовой разрезке затруднена механизация изготовления и плохо используются производственные площади; возникает необходимость в специ-

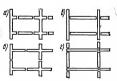


Рис. IX.19. Варнанты разрезки каркаса на монтажные элементы

 а, б — крестовые; в — линейная с многоэтажными колониами; в — линейная с одноэтажными колониами

альных приспособлениях для транспорта, складирования и монтажа с выверкой в трех плоскостях; увеличивается номенклатура изделий по сравнению с линейными вариантами разрезки

Каркасы с линейной разрезкой свободны от этих недостатков, массовое изготовление их элементов освоено промышленностью, монтаж не вызывает затруднений. Недостатком линейных каркасов является необходи-

мость стыковать элементы в зоне максимальных узловых моментов (в рамно-связевом каркасе). Однако для наиболее распространенного связевого каркаса это несущественно. Из каркасов с линейной разрезкой (рис. ІХ.19,8, г) предпочтителен каркас типа «в». Он имеет меньшее число монтажных элементов и стыков колони (последние могут быть выполнены цельными на 3-4 этажа).

Компоновка ячейки связевого каркаса показана на рис. 1.4. Каркас образуется колоннами, ригелями, настилами и распорками, а также вертикальными диафрагмами - стенками жест-

Колонны и их стыки. Колонны должны рассчитываться на косое внецентренное сжатие с учетом случайных эксцентрици-тетов в направлении обеих осей сечения по СНиП II-21-75. Эти эксцентрицитеты принимаются во внимание при учете нагрузки от вышележащих этажей, а нагрузка от ригелей, расположенных непосредственно над рассчитываемым сечением, считается приложенной с эксцентрицитетом (в плоскости ригелей при условно шарнирном их опирании)

$$e_{\rm p} = \pm N_{\rm p} a/N_1, \qquad (IX.42)$$

где $N_{\rm p}$ — разность опорных реакций ригелей; a — расстояние от центра сечения колони до центра опоры ригеля; N1 - сумма опорных реакций ригелей данного этажа.

При жестком сопряжении колонн с ригелями

 $e_n = M_v / N_1$

гле M_и — момент, передающийся на колониу в рамном узле.

Расчет производят на два случая загружения: полной нагрузкой на обоих ригелях и при отсутствии полезной нагрузки на одном из ригелей.

Полный расчетный эксцентрицитет в плоскости ригелей равен.

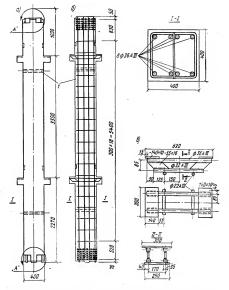
$$e = \frac{N_0 e_0 + N_1 e_p}{N_0 + N_1} \geqslant e_0,$$
 (IX.43)

гле N_0 — нормальная сила в колоние от вышележащих этажей: e_0 — случайный эксцентрицитет по СНиП II-21-75.

Колонны, в особенности двух- и трехэтажные, должны быть проверены на изгиб в монтажно-транспортном положении под действием собственной массы с коэффициентом динамичности 1.5.

Конструкция рядовой двухэтажной колонны связевого каркаса (Моспроект-1) под расчетную центральную нагрузку 6,06 МН показана на рис. IX.20.

Сечение 40×40 см унифицировано для всех колони, а различие в воспринимаемых нагрузках компенсируется изменением армирования и марки бетона. Так, для расчетных центральных нагрузок 1,67; 3,39; 4,52 и 6,06 МН принимается соответственно арматура класса A-III — 4Ø16; 4Ø20; 4Ø32 и 8Ø36 и проч-



ность бетона на сжатие 20, 40, 50 и 50 МПа. Эксцентрицитет снижает нагрузку, воспринимаемую сечением колонны. Несущая способность колонн связевого каркаса ограничивает этажность зданий при сетке 6% б и 16—17 этажами. В нижних этажах более высоких зданий применяют колонны с повышенной маркой бетона (ло 80 МПа), колонны со стальных сердечником (с жесткой арматурой) с косвенным или усиленным армированием.

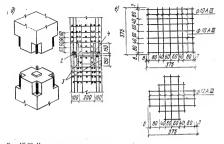


Рис. IX.20. Колонна связевого каркаса — а образовательной верементальной вереме, $\hat{\sigma}$ — стык колони (узек A); e — а римгурны сетки у торцов колоним; I — трубки для выемки въфори; z — ванняя сварка; $\bar{\sigma}$ — замомляннявие бетомог e — зачежных раствором

При сохранении сечения колонны 40×40 см стальные дечники по соображениям огнестойкости не должны иметь размеры, большие, чем 28×28 см, что теоретически позволяет довести несущую способность колонн до 240 МН. На рис. IX:21 показана конструкция стального сердечника колони из двух листов сечением 26×6 см каждый. Максимальная несущая способность колони с сердечником площадью 26×18 см из стали 10Г2С1 с от=326 МПа составила в опытах НИИЖБа [41] 203.9 МН при марке бетона 49 МПа. Эти опыты показали, что при проценте армирования до 32% и марке бетона до 600 совместная работа бетона и сердечника сохраняется вплоть до разрушения. Это позволяет рассчитывать колонны с сердечником и гибкой арматурой по формулам (65) — (69) СНиП II-21-75, причем при расчете в плоскости наименьшей жесткости сло участков жесткой арматуры принимается равным листов в пакете сердечника, а при расчете в плоскости листов пакет делится по высоте сечения на два-три участка.

Для определения коэффициента увеличения эксцентрицитета критическую силу можно определить по формуле [41]

$$N_{\rm Kp} = 6.4 E_6 J_{\rm fl}/l_0^2,$$
 (IX.44)

где
$$J_{\rm m} = J_{\rm 6} + (J_{\rm am} + J_{\rm a}) \frac{E_{\rm a}}{E_{\rm 6}}$$
. (IX.45)

Формулы (IX.44), (IX.45) пригодны для расчета колонн как

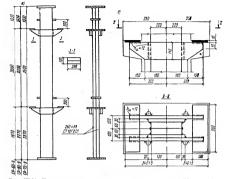


Рис. IX.21. Конструкция металлического сердечника колонны (Моспроект) a — общий вид; δ — консоль

с сердечниками, так и с жесткой арматурой в виде прокатных или сварных профилей. В колоннах с сердечником малые изменения эксцентрицитета вызывают большие изменения разрушающей нагрузки, поэтому армирование сердечниками следует применять только при малых эксцентрицитетах, когда все сечение сердечника сжато. На рис. IX.22 изображены детали опирания на фундамент и стыков колони со стержневой арматурой и с сердечником.

Повышение несущей способиости колони может быть также достигнуто увеличением площади сечения стержневой арматуры. Опыты МНИИТЭПа показали, что при армирования колоны сечением 40×40 см (бегон прочностью на сжатие 50 МПа) двадцатью стержиями 26 А ПП (рнс. IX.23) несущая способность при центральном сжатин соответствовала вычисленной по СНиП. Во восх испытанных образиах бетон и арматура работали совместно вплоть до разрушения, причем в предельном состоянии бетон загружен почти равномерно с напряжением, близки к R_{пр}, а моменты, созданные эксцентричным приложением нагрузки, воспринимаются толькой арматурой. Это говорит отом, что бегон в колонные с большим процентом дисперсного ар-

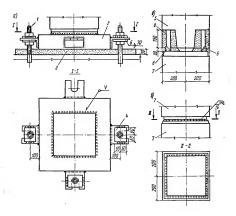
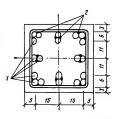


Рис. IX.22. Детали сопряжения колони

лоин с оправние колоним с сердечником на фунальжент; 6 стаки колони с гибкой арматурой и с сердечником, в от стоит с с сердечником, в от с 2 станьной промаедник; 3 сподлика цементным раствором, R = 20 МПа; 4 с зрактурой, 5 с подуаточититеския свер зрактурой, 5 с подуаточититеския свер дечиком; 8 с омонодичнание бетоком (Моспрокт)

Рис. IX.23. Сечение колониы с большим насыщением продольной арматурой (МНИИТЭП)

 $I-\varnothing$ 36 АШ; 2- дуговая сварка, $l{=}50$ через 500 мм



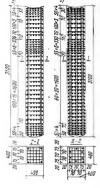


Рис. IX.24. Конструкция колони с косвениым армированием [21]

Ф 12АШ с ячейкой 7×7 см; б — продольная 6Ø28АШ и 4Ø25АШ, сетки Ø8АШ с ячейкой 7×7 см

мирования проявляет свойства идеально упругопластичного материала: его деформация после достижения $R_{\rm sp}$ развиваются без умеличения вапряжения. Торым колони были уселдены восемью рядами сеток Ø 16AIII ячейками 12×12 см. расположенных чере 50 мм по высоте колоны.

Увелячение несущей способности колони при меньшем расходе стали, чем в колониах с продольным армированием, дает косвенное армирование сстками по всей дляне колониы (рис. 18.24). Такое армирование было применено для колони 14-этажного дома в Москве под натрузку до 60 МН [21], причем экономия стали по сравнение с продольным армированием составила 30%. Несмотря на это, колониы с таким

армированнем пока не получили массового распространения изза повышенной трудоемкости изготовления, особенно при частом расположения сеток. Испытания [71] выявили уточненное значение коэффициента эффективности косвенного армирования, вошедшее в СНяП [1-2]-78.

$$k = \frac{5+A}{1+4.5A} \leqslant 3,\tag{IX.46}$$

$$A = \frac{\mu_{\kappa} R_{\rm a}^{\rm c}}{R_{\rm np}}; \qquad (IX.47)$$

$$\mu_{K} = \frac{(a_{1} + a_{2}) f_{a}^{c}}{a_{1} a_{2} s}, \qquad (IX.48)$$

 a_1 , a_2 — размеры сторон ячейки сетки; $f_{\rm a}^{\rm c}$ — площадь сечения одного стержия сетки; ${\bf s}$ — шаг сеток по высоте колониы.

Формула (IX.46) подтверждена испытаниями на центральное сжатне более чем 200 образцов. Для сохранения защитного слоя колони во время эксплуатации нормативная нагрузка не должна превышать разрушающую, подсчитанную без учета сеток. Ригели, распорки и их стыки с колоннами. Унифицированная конструкция ригелей каркаса, применяемого в строительстве Москвы, показана иа рнс. IX.25. Ригели этих типов входят в состав связевого каркаса, рассчитываемого на основе консольной модели (см. § 3 гл. 1), поэтому они рассчитываются только на вертикальную нагрузку как балки на двух опорах с учетом частичного защемления в узлах. При этом $M_{\rm nm}=55$ кН-м и

$$M_{\rm np} = 0,125 \, q \, l^a - 0,5 \, M_{\rm on}$$
, (IX.49)

Уменьшение пролетного момента только на 0,5 $M_{\text{ои}}$ вызвано тем, что многократно повторное действие ветра приводит к постепенному уменьшению опорного момента вследствие накопления в узле пластических леформатий.

На эти моменты подбирают верхнюю и нижнюю арматуру ригеля. Наклонные стержни в месте подрежи ригеля проверяю тна суммарное усилие $N_{\rm or} = 0.5$ ql sin α . Накладку «рыбка» рассчитывают на возникновение в ней текучести при $M_{\rm on} = -55$ kH-м.

При одностороннем опирании перекрытий на ригель или при неодинаковой нагрузке от перекрытий и других конструкций, опирающихся на ригель, последний рассчитывают на изгиб с коучением.

тно с кручением.

В рамном и рамно-связевом каркасе с жесткими узлами моменты в ригеле определяют с учетом их перераспределения. На опоре у крайней колонны от вертикальной нагрузки

$$M_{on} = q t^2/32;$$
 (IX.50)

у средних колони

$$M_{\rm orr} = q l^2/16$$
 (IX.51)

где q — полная временная и постоянная нагрузки на 1 пог. м ригеля, за исключением его собственной массы; l — расчетный пролет ригеля.

Для восприятия опорных моментов к верхней и нижней арматуре на опоре ригеля приваривают закладные пластины, соединяемые сваркой с закладными деталями колони, либо иепосредственно сваривается опорная арматура ригелей смежных поолетов.

Наибольшие моменты от вертикальной нагрузки в пролете средних ригелей равны:

 $M_{\rm np} = M_{\rm on} + 0,125 \, g \, l^2,$ (IX.52)

а в пролете крайних ригелей

$$M_{np} = 1,25 M_{np} + 0,125 g l^2,$$
 (IX.53)

где g — собственняя масса 1 пог. м ригеля, а M_{on} принимается по (IX.51). К моментам (IX.50) — (IX.53) должны быть добавлены моменты, возникающие в ригеле как в элементе несущей системы здания, определяемые по указаниям гл. III—IVV.

Распорки (см. поз. 4 на рис. I.4) при пролетах 5,2 м и более армируют с предварительным напряжением тремя стержнями

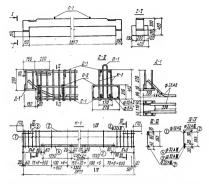


Рис. IX.25. Ригель Р-66-8 связевого каркаса (Моспроект) (общий вид и детали армирования)
1-5 — номера арматумых стержией

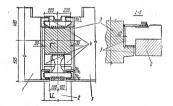


Рис. IX.26. Сопряжение распорок и ригеля с колоиной в связевом каркасе I—распорка НРФ; 2—ригель; 3—колония; 4—бетон марки 20 МПв; 5—цементный раствор

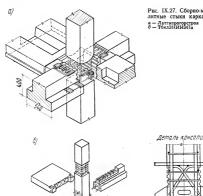
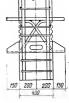
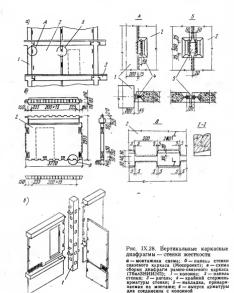


Рис. IX.27. Сборно-монолитные стыки каркасов



Ø 18AIV, при пролете 2,8 м — четырьмя сварными каркасами. Распорки опираются на полки ригеля пальцами, выступающими из их торцов. Узел опирания распорок НРФ (фасадных) и ригеля на колонну в связевом каркасе показан на рис. IX.26. Недостатком этого узла является отсутствие сварки нижней поверхности пальца распорки с полкой ригеля. Этим снижается жесткость каркаса в направлении распорок и недоиспользуется сопротивление перекрытий кручению из плоскости (§ 2 гл. VII). От этого недостатка свободны сборно-монолитные жесткие стыки (рис. ІХ.27), однако устройство монолитного совмещенного стыка по типу (а) нельзя признать оптимальным, так как испытания [8] выявили возможность разрушения центральной зоны узла при знакопеременных усилиях. В связи с этим реко-



мендуется относить стык колонн от узла в зону меньших изгибающих моментов.

Поскольку в связевых каркасах ригели рассчитывают только на вертикальную нагрузку, ЦНИИЭП торговых зданий предложил отказаться в стыке ригеля с колонной от верхией накладки «рыбки» и от свариваемых с ней закладных деталей. Такое решение снижает металлоемкость стыка и его монтажную и заводскую трудоемкость. В настоящее время проводится экспериментальное исследо-

вание такого облегченного «шарнирного» стыка.

Каркасные вертикальные диафрагмы — стенки жесткости различные фратменты стенок жесткости связевого и рамно-связевого каркасов показаны на рис. IX.28. Связи сдвига по вертикальным швам (узлы А и В) препятствуют взаимным смещениям колонн и панелей стенки и объединяют эти элементы в единую вертикальную несущую конструкцию, способную воспринимать вертикальную несущую конструкцию, способную воспринимать вертикальные и горязонтальные нагрузки. Панели стенок жесткости толщиной 14—18 см изготовляют плоскими или двухконсольными. Последине располагают в плоскостях, паралленых рамам каркаса, заменяя ими ригели. Плоские стенки устанавливают по осям, параллельным направлению настилов перекрытий. Горизонтальные швы (см. рис. IX.28) в совеременных конструкциях диафрагм делают шпоночными (узел В) или плоскими, а в сейсмостойких зданиях сваривают выпуски арматуры (см. рис. IX.28.a) с подслучющим обегомнованием

Панели стенок армируют контурными и промежуточными каркасами из стержней 212—16 мм и сетками из арматуры Ø 5—6 мм. Сетки располагают около обеих поверхностей панели; размер ячейки сетки обычно 200, 200 мм. Испытания сопряжений стенок на сдвиг [51] и опыт их эксплуатации показали, что контурные стержни (поз. 4 на рис. IX.28), выямощиеся касательными анкермами связей сдвига, должным охватываться хомутами, как продольная арматура сжатых элементов. Нормальные яцкеры этих связей рекоменлуется педать скораными

через всю панель от одной закладной до другой.

Вертикальные швы панелей должны заполняться цементнопесчаным раствором, а горизонтальные — бетоном на мелкозервиестом щебне. При такой конструкции вертикальные диафрагмы обычно рассчитывают как сплошные столбы, так каксоединения элементов оказываются жесткими: их деформативность близька к деформативности монодитного бегона.

Каркасную диафрагму, имеющую податливые сосредоточенные связи, рассчитывают в полном соответствии с методами расчета, приведенными в гл. III—IV. При этом коэффициент з назначается с учетом экспериментальных данных о сдвиговой

податливости принятого типа связей (гл. V).

Сопряжения элементов каркасной днафрагмы лучше делать жесткими, чем податливыми, так как это повышает жесткость днафрагмы в целом и уменьщает опасность образования тре-

щин и щелей между колоннами и стенкой.

В таких диафрагмах, расположенных перпециякулярно рамам, вертикальная нагрузка от перекрытий передается с рителей каркаса непосредственно на колонны. Стенка диафрагмы загружается этой нагрузкой через жесткие связи, соединиющие стенку с колоннами.

В днафрагмах, расположенных в плоскости рам жаркаса,

вертикальная нагрузка от перекрытий передается непосредственно на стенку диафрагмы, а также (через жесткие связи между стенкой и колоннами) на колонны каркаса. В обоих случаях исходя из равенства деформаций сжатия колони и стенки усилия в них равны:

 $N_{\nu} = N A_{\nu} / A$; $N_{c} = N A_{c} / A$,

где N -- нагрузка, приходящаяся на всю диафрагму по грузовой площади и собираемая со всех этажей выше рассматриваемого сечения; $A_{\kappa} = E_{\kappa}F_{\kappa}$ — осевая жесткость колоины; $A_{c} = E_{c}F_{c}$ — то же, стенки;

$$A = \sum A_{\kappa} + A_{c} . \qquad (IX.55)$$

Податливость горизонтальных швов стенки диафрагмы учитывается приведенным модулем упругости стенки \dot{E}_{c} по формуле (V.36); податливость стыков двух-трехэтажных колони ввиду их большой жесткости можно не учитывать.

Погонное сдвигающее усилие между колонной и стенкой при передаче усилия со стенки на колонну, т. е. когда перекрытия опираются на стенку, $T_{N2} = N_{\kappa}$. Так как при монотонной структуре здания N(x) = px, то, подставляя это в (IX.54), имеем:

$$T_{N2} = \rho \frac{A_K}{A} - \rho_K, \qquad (IX.56)$$

$$p = N(H)/H, (IX.57)$$

рк — погониая вертнкальная нагрузка. лействующая иепосредственно на колоину.

При передаче усилия с колони на стенку (диафрагма раллельна настилам и перпендикулярна рамам) $T_{N1} = N'_{c}$ следовательно, согласно (ІХ.56),

$$T_{N 1} = p \frac{A_c}{A} - p_{cr}$$
, (IX.58)

рк — погонная вертикальная иагрузка, действующая иепосредственно на стенку.

Погонное сдвигающее усилие Тв в любом вертикальном шве диафрагмы от горизонтальной нагрузки (ветровой) равно:

$$T_{\rm B} = Q S_{\rm II} / J_{\rm II} , \qquad (IX.59)$$

где Q — поперечная сила на уровне рассчитываемого сечения; S_{π} — приведенный с учетом арматуры статический момент участка площади сечения днафрагмы, с одной стороны, от рассматриваемого шва относительно центра тяжести сечения всей диафрагмы. Для шва между колониой и стеикой $S_a = F_{\kappa} y_{\kappa}$, где y_{κ} — расстояние от центра сечения колонны до центра тяжести сечения всей диафрагмы (см. рис. ІХ.30, а); J_{π} — приведенный с учетом арматуры момент инерцин столба днафрагмы с проемами или сплошной диафрагмы. \cdot В случае разных модулей упругости колонны E_{κ} и стенки E_{c}

момент инерции вычисляют исходя из эквивалентной толщины стенки ба:

 $\delta_1 = \delta E_c / E_\kappa$. (IX.60)

В каркасной диафрагме с жесткими связями и с замоноличенными швами ветровой момент М воспринимается всем сечением, и, следовательно, дополнительное усилие в колонне от горизонтальной нагрузки составит:

$$N_{\kappa}^{r} = \pm M F_{\kappa} y / J_{n}$$
 (IX.61)

(обозначения те же, что в формуле (IX.59).

Дополнительное погонное усилие в стенке на расстоянии y_1 от центра тяжести сечения всей диафрагмы равно:

$$N_c^r = \pm M \delta_1 y_1/J_n$$
. (IX.62)

Днафрагмовые колонны рассчитывают на усилие $N_{\kappa}\pm N_{\kappa}^{r}$, а стенку днафрагмы — на погонное усилие $\frac{N_{c}0}{F_{c}}\pm N_{c}^{r}$. Для расчета стенки ее следует разделить на равные участки шириной около 1 м и каждый участок армировать соответственно действующему в нем усилию.

Если полное усилие в колоние и на ближайшем к ней участке стенки оказывается растягивающим, надо проверить, чтобы растягивающие напряжения в колоние (без учета стенки) не превосходили R_p и чтобы полное усилие растяжения могло быть восприято стыкуемой арматурой колонны. При несоблюдении любого из этих условий следует изменить расстановку или сечение диафоатм.

При конструировании каркасных диафрагм, рассчитанных по этим формулам, нало опирать на фундамент не только ко-

лонны, но и стенку диафрагмы.

Размещение вертикальных диафрагм в многоэтажных здания должно обеспечивать нужную жесткость здания в обовх направлениях, препятствовать кручению в плане и не создавать больших температурных усилий или неравных осевых деформаций ее вертикальных элементов.

Для этого число днафрагм должно быть не менее трех, их оси не должны пересекаться в одной точке плана и продоль-

ные диафрагмы не должны размещаться у торцов здания.

В каркасах с жесткими рамными узлами в крайних колоннах рамодиафрагм суммируются нормальные силы от вертикальных и горизоитальных нагрузок. Поэтому более предпочтительны рамодиафрагмы по схеме «е», чем по схемам «ө» и «ж» рис. 12.

§ 6. ПАНЕЛИ СТЕН СО СКРЫТЫМ КАРКАСОМ

Конструктивная система многоэтажных зданий со скрытым каркасом сочетает преимущества панельной и каркасной систем [20]. Несущими конструкциями зданий со скрытым каркасом являются стеновые панелн (рис. IX.29), усиленные бортовыми стальными элементами, которые соединяются с бетоном с помощью анкерных связей сдвига.

Собственно «скрытый каркас» образуется бортовыми эле

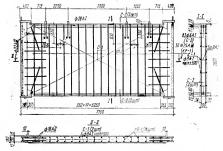


Рис. IX.29. Қоиструкция стеновой панели со скрытым каркасом (экспериментальный жилой район Чертаново-Севериое, Москва)

ментами, которые увеличивают несущую способность стеновых панелей, позволяя довести этажность застройки до 30 и более этажей при широком шаге несущих стен. Здания такой высоты строились до сих пор по каркасной схеме и уступали крупно-панельным по трудоемкости и стомности. Конструкции со скрытым каркасом обеспечнают экономию стали по сравнению с каркасными благодаря совместной работе стеновой панели и бортовых элементов. Скрытый каркас позволяет также упростить конструкцию вижиму этажей, в которых свободное пространство (для магазинов и других целей) создается путем пропуска в нижние этажи несколько усиленных бортовых элементов без панелей.

Горизонтальные стыки стеновых панелей могут выполияться платформенными (см. рис. IX.2,a) или сборно-монолитиыми

(см. рис. ІХ.2,г)

Стыки бортовых элементов оказалось невозможным осуществить способами, принятыми для стальных каркасов, так как бортовые элементы монтируются не отдельно, а в составе панели.

При изготовлении на заводе железобетонных изделий панелей со скрытым каркасом не может быть достигнута высокая точность, свойственная элементам стальных конструкций. Поэтому для соединения бортовых элементов был предложен и исследован растворный стык [37], схематически показанный на рис. V.11,6 (см. § 3 гл. V).

Анализ результатов расчета поперечника здания со скрытым каркасом точными методами [38] показал, что для практических расчетов вертикальная диафрагма из панелей скрытого каркаса может рассчитываться как каркасная диафрагма с жесткими связями сдвига по формулам, приведенным в § 5 настоящей главы, с той разницей, что не только E_{cr} , но и E_{E} определяются с учетом податливости горизонтальных (V.36) швов по или (V.37), причем E_{cr} приии-

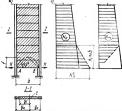


Рис. IX.30. Схема поперечинка из панелей со скрытым каркасом да и 5— варнанты опвравны на ответственей 14 и 5— варнанты опвравны на ответственей 15 и 5— варнанты опвравны на ответственей 15 и 5— варнанты (сълощено подавления) по варнанту и (сълощено подавления) по варнанту и (сълощено по варнанту и сълощения ответствения расчетом, не учитывающим дължиму гуаничним у и N и ра зоне концентрации напражений)

мается с учетом ползучести при длительно действующей нагрузке и сухом режиме эксплуатации (c=3).

Так как в конструкциях этого типа перекрытия опираются на тетенку, то потонное сдвигающее усилие между стенкой и колонной T_{N2} определяется по формуле (1X.56).

Формулы (IX.54) и (IX.61) справедливы и для расчета нижних этажей здания при опирания стены по варианту «Бо-(рис. IX.30,а). Особенности распределения усилия между колоннами и стенкой в инжней части здания при опирании по варианту «А» можно учесть приближенно с помощью линейной интерполяции (рис. IX.30,6).

При этом продольную силу в колонне N в уровне нижнего этажа вычисляют путем распределения вертикальных нагрузок и изгибающего момента только между колоннами. Этажилую сидигающую силу $T_{N2}\Lambda$ в данном случае можно вычислить

как разность усилий N_{κ} в колоннах смежных этажей.

Опирание по варианту «Б» предпочтительно, так как при этом существенно уменьшается концентрация усилий в колопнам и в связях между колоннами и стенкой. При конструировании панслей нижиего висячего этажа надо учитывать значительные расгатвавающе напряжения в инжией зоне. При сборно-монолитных горизонтальных стыках столб панелей может рассматриваться как балка-стенка большой высоты, и потому горизонтальное усилие растяжения (распор) приближению определяется исходя из арочной аналогии (см. рис. IX.30.a): $H \approx N_{\rm CZ max} b/8f \approx 0.25 N_{\rm CZ max}$ что дает небольшой запас сравнительно с точным решением

[68].

6 7. ЯДРА-СТВОЛЫ

Сборные ядра монтируют из колони и панелей стенок как и каркасные днафрагмы (см. § 5 настоящей главы), не исключена возможность компоновки ядер из панелей со скрытым каркасом (§ 6 настоящей главы), однако нанболее паспространены монолитные ядра-стволы, возволимые в скользящей или переставной опалубке.

Ядро высотного здания в общем случае подвергается изгибу в двух плоскостях, сжатию и кручению. В результате этого в нем возникают нормальные о, касательные т и главные о напряжения. Так как ядро имеет проемы, то в нем можно выделить два характерных горизонтальных сечения; по сплошному участку высотой h₁ н по участку с проемамн h₂ (см. рнс. IV.7). Очевидно, иормальные напряжения во втором участке будут больше. Для произвольного столба і, заключенного между двумя сосединин проемами, онн определяются по известным формулам внецентренного сжатня от действия N_{I}^{B} , N_{I}^{Γ} и M_{I} . где N_i^B — нормальная сила в столбе i от вертикальной нагрузки на все ядро, перенесенной в центр тяжести его сечения N_i^r и M_i — нормальная снла н момент в столбе i от нзгиба и кручения, известные из расчета по формулам гл. IV. При расчете несущей системы по приближенным формулам, приведенным в § 2 гл. IV, усилия от изгиба и кручения получаются комплексно на ядро в целом в виде $M_{
m KP}$, $M_{
m HSF}$ и Q. В таком случае нормальные напряження в точке і столба і равны:

$$\sigma_{J} = \frac{N_{H}}{F_{HH}} \pm \frac{M_{H,z} z_{I}}{J_{y}} \pm \frac{M_{H,y} y_{I}}{J_{z}} \pm \frac{M_{H,y} y_{I}}{J_{z}} \pm \frac{M_{I,z} z_{J}}{J_{I,y}} \pm \frac{M_{I,y} y_{J}}{J_{I,z}}, \quad (1X.64)$$

где Nº - вертикальная нагрузка на все ядро в рассматриваемом уровне (горизонтальном сеченин); $F_{n\pi}$ — приведениая с учетом арматуры площаль сечения ядра нетто; $M_{\pi x}$, $M_{\pi y}$ — нагибающие моменты от ветра и эксцентричного приложения N^* на все ядро в плоскостях xz и xy; y_i , z_i — координаты центра тяжести сечения столба і в системе координат с началом в центре тяжести сечення ядра нетто; $\overline{y_j}$ и $\overline{z_j}$ — координаты точки j (в горизонтальном сечении столба і) в системе координат с началом в центре тяжести столиом сеневии столоа t) в системе моменты инериции сечения дара в летто относительно ба $t^{\prime}\,t_{p}$, t_{1} , — приведенные моменты инериции сечения дара в летто относительно и дентральных осей всего дара: t_{1p} , t_{1} , — t_{2} , — t_{2} , — t_{3} , —

$$M_{l} = \frac{D_{l} h_{2}}{2} \left[\frac{Q}{\Sigma D_{l}} \pm \frac{2P(a+b)}{\Sigma D_{l,p}} \right]^{\bullet}, \quad (IX.65)$$

[•] Знак «плюс», как и в формуле (IX.67), соответствует совпадению направлений сдвигающих усилий на данной стороне ядра от изгиба и от кручения.

тае $D_i = I_i/y_i$ [причем γ_i вычисаленся по формуле (V.13), в которой I замененся на высоту провом b_i , al — ширина стола[а]: I_i — берегко этольство мо сел, перпекаляхулярной плоскости натибиото смещения ядра; Q — польжен но сел, перпекаляхулярной плоскости натибиото кручения, власствая на ражен та насущей системы по гл. IV; a_i , b — размеры стором ядра в плане (в осяд); $D_i = f_i/y_i$ (причем I_I) — момент инерици столба i отностительно оси, перпекаляхулярной направлаенно смещения при кручении ядра, для угловых столбо $I_i = f_i/I_i/y_i$.

$$P = M_{KD}/2 \, a \, b$$
, (IX.66)

Здесь M_{RP} (момент чистого кручения ядра) известен из расчета всей несущей системы (см. гл. IV).

Последняя формула следует из формулы Бредта $\tau = M_{\rm Rp}/2ab\delta$, если предположить, что поток сдвигающих напряжений τ , созданных кручением, равномерио распределен по толщиме стенок ядра. В (IX.65) предполагается, что сдвигающее усилие 2P(a+b) одинаково в соседних сечениях: сплошном и ослабленном проемами.

Наибольшие нормальные напряжения сжатия, найденные по (IX.64), не должны превышать $R_{\rm mp}$; этим определяется колячество вертикальной арматуры в рассчитываемом сечении ядра, поскольку в формулу (IX.64) входят приведенные характеристики этого сечения.

Наибольшие нормальные напряжения растяжения по формуле (1X.64) не должны быть больше R_p . так как трещины в ядре не могут быть допущены из-за опасности их прогрессивного развития под влиянием знакопеременной ветровой нагрузки.

Вертикальная арматура, рассчитанная для проемных зом ядра, пропускается через сплошные беспроемные зоны Если по расчету вертикальной арматуры не требуется, ее надо поставить из условия минимального армирования в количестве по 0,05% от F₆ около каждой грани, но не менее чем по одному стержню Ø 12 через 50 см. Продольные стержни должны быть поставлены во всех углах горизонтального сечения каждого столба. Примерная схема вертикального армирования показана на онс. IX.31. а.

Қасательные напряжения на сплошных участках ядра равны:

$$\tau = \left(\frac{QS}{J} \pm \frac{M_{\rm KP}}{ab}\right) \frac{1}{2 \delta}, \qquad (1X.67)$$

а на проемных участках, т. е. в столбе i,

$$\tau_i = 2 M_i S_i / h_2 J_i \delta.$$
 (IX.68)

В формулах (1X.67) и (1X.68) Q и $M_{\rm RP}$ известны из расчета несущей системы здания; S и S_i — статические моменты приведенного сечения соответственно отсечений части плана ядра и

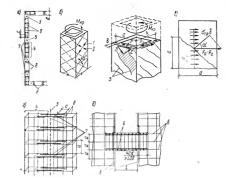


Рис. IX.31. Армирование монолитных ядер-стволов

a — армирование части ядра; δ — схема закручивания ядра; a — х выводу формулы (ПХ77); x — соединение прострымственных нарково отдельными стержания; d — армирование перемычки; d — трасктория растативлющих напряжений; z — то же, сжимающих: d — трасктория растативлющих напряжений; z — то же, сжимающих: d — трасктория растативлющих напряжений; z — то же, сжимающих: d — трасивиние; z — отдельные хомуты по расчету на кручение; z — отдельные стержии; z — стержии.

столба i, взятые: первый — относительно центра тяжести сечения сплошной части ядра, а эторой — относительно центра тяжести сечения столба i; a, b и δ — размеры сторон и толщина стенок ядра; I и I, и меют те же значения, что и в (IX.64), и могут быть взяты относительно осей y или z; M_i определяется по формуле (IX.65).

 При кручении ядра в его стенках возникают винтообразные потоки главных напряжений сжатия и растяжения (рис. IX.31, в).
 Исхоля из (IX.66) получим:

$$Z = D = P/\sqrt{2}. (IX.69)$$

Сжимающее усилие D воспринимается бетоном, растягивающее усилие Z до образования трещии — бетоном и арматурой, а после их образования — только арматурой. Так как в ядрахстволах образование трещин при нормативных иагрузках недопустимо, следует считать, что под действием кручения, изгиба и сжатия ядоа главние растягивающие иапряжения в приведен-

ном сеченни не должны превышать $R_{\rm p}$, т. е., согласно СНиП II-21-75 п. 4.11.

$$\sigma_{\rm r,p} = \frac{\sigma}{2} + \sqrt{\frac{\sigma^2}{4} + \tau^2} < R_{\rm p}$$
, (IX.70)

где для проемных участков σ вычисляется по (IX.64); τ — по (IX.68); лая сплошимых зон ядра: σ — по (IX.64) без двух последних членов и с подставляются τ т— по (IX.67); в формулу (IX.70) рестивавощие напряжения подставляются со знаком «плюс», а сжимающие— со знаком «плюс», а сжимающие— со знаком

Следует также проверять, чтобы главные сжимающие напряження не превосходили R_{up} . При проверке главных напряжений величины о и т должны соответствовать одинаковым схемам загружения и точкам определения этих напряжений.

При расчетных нагрузках (причем для вертикальных нагрузок может быть принят коэффициент перегрузки меньше единных) услорие (1Х.70) может оказаться неудовлетворенным. В таком случае ядро должно быть дополнительно армировано протнв раскрытия наклонных трешин. Эту арматрур было бы выгодно направлять вдоль траекторий главных растягнавющих напряжений (см. рыс. 1Х.31,6), но это технологически сложно. Удобнее располагать ее в виде горизонтальных замкнутых хомутов у наружных и внутренных поверхностей стенок ядра. Определны площадь сечения этих хомутов. Трещины от кручения направлены под углом 45° к горизонтальному сечению (см. рис. 1Х.31,6), но при совместном действин сжатия с кручением этот угол наменится. Назовем его сл. тогда суммарное усилие в ровноотнальных хомутах на участке высогой с будет равно:

$$F_a R_a = \sigma_{rp} \delta a / \cos \alpha.$$
 (IX.71)

Прн шаге хомутов по высоте ядра и площадь сечения двух ветвей хомутов составит:

$$f_{a} = \sigma_{rp} \, \delta \, u / R_{a} \cos \alpha, \qquad (IX.72)$$

где σ_{го} вычисляется по (IX.70): и≤500 мм.

На участках, где $\sigma = 0$ или имеет место растяжение, сдвигающее усилие P следует полностью передавать на горизонтальную арматуру, при этом $\sigma_{\rm rp} = \tau$, $\cos \alpha = 1$, поэтому, согласно (1X.72).

$$f_a = \tau \, \delta \, u / R_a \, . \tag{IX.73}$$

Прн а_{max}=45° нз (IX.72) получим:

$$f_a = \sigma_{rp} \, \delta u \, \sqrt{2} / R_a \, . \tag{IX.74}$$

В отдельных столбах, как и в сплошной части ядра, хомуты должны быть замкнуты. Если постановка непрерывных горизонтальных хомутов затруднена (например, при возведении ядра в скользящей опалубке), онн могут быть заменены отдельными стержнями, которые приваривают или подвязывают к пространственным каркасам (рис. IX.31,2). Эти стержни уста-

навливают после прохода домкратной рамки. Они должны быть равнопрочны хомутам, а длина перепуска ${\it C}$ должна удовлетво-

рять требованиям СНиП для растянутых соединений.

Перемычки нал проемами должны быть армированы исходя из суммарной перерезывающей силы, возникающей от изгиба ядра и от его кручения. Эта сила будет известна при точном расчете по указаниям § 1 гл. IV. Если расчет выполнен по приближенным формулам § 2 гл. IV, то усилие в перемычках можно прибляженно найти, полагая, что полное сдвигающее усилие распередляется между перемычками поровну:

$$Q_{\pi t} = h(Q_t / \Sigma b_t + M_{KD} / 2 a b),$$
 (IX.75)

где Q_t — поперечиая сила при изгибе ядра в направлении t(t=y или t=z); Σb_t — расстояние между центрами крайних столбов на обеих сторонах ядра, паралельных оси y (если t=y) или z (если t=z).

Момент в заделке перемычки равен:

$$M_{\pi i} = Q_{\pi i} l_i /2 + q l_i^2 /12,$$
 (IX.76)

где l_i — пролет i-той перемычки; q — вертикальная погониая нагрузка от перекрытия.

По моменту и поперечной силе $Q=Q_n$ $_i+0,5$ $_i+0,5$ $_i+0,5$ $_i+0,5$ $_i+0,5$ рассчитывают продольную и поперечную арматуру перемычки. Продольную арматуру целесообразно проектировать симметричной, поперечную—в виде вертикальных замкнутых хомутов. Если по расчету поперечная арматуры не требуется, ее надо поставить конструктивно по указаниям СНиП 11-21-75.

Продольная арматура перемычек заводится в столбы на длину не менее 40d и не менее 500 мм. Эту арматуру удобно совместить с горизонтальной арматурой на кручение, рассчитываемой по формуле (IX.72). В таком случае площадь арматуры по верхней и нижней граням перемычке равна сумме площадей, найденных по формуле (IX.72) и по моменту (IX.76). Соответствующая часть продольной арматуры перемычки перельдит в горизонтальные замкнутые хомуты беспроемной зоны ядра. Схема армирования перемычки показана на рис. IX.31,0.

ГЛАВА Х. ПРИМЕРЫ РАСЧЕТОВ

Пример 1. Определение ветрояод магружки на вертикланную диафрасим 14-эгажного зданця выстоя 39,45 в для Москов (1-4 райов по скоростному малору ветра). Плафратмы расположены симметрично через 6 м. Так как высота злания Н-40 м. го, согласно СНПП 116-74, определяем заявие только статической составляющей изомативного скоростного напора всера. На 1 м² фаскала здания, согласно формуле (114), без второго члена в коско с учетом аэродимамического коэффициента, равного в данном случае с = 0,8+0,6=1,4, получки:

на уровне земли и на высоте до 10 м

 $q_{\text{во}} = q_{\text{и}1} = 270 \cdot 1,4 \cdot 0,65 = 246 \ \Pi_{\text{а}};$ на уровие 20 м от земли

q=2=270.1,4.0,9=340 Ha;

на уровне верха здания (≈ 40 м) q₈₃=270·1,4·1,2=454 ∏a.

Этнора нагрузки схематично показана на рис. 11.3. Приведем эту эпюру к эквивалентиой трапециевидной по формулам (11.5) и (11.6). Для этого сначала определим площадь и положение центра тяжести заданной эпюры:

$$F = 246 \cdot 10 + \frac{246 + 340}{2} \quad 10 + \frac{340 + 454}{2} \quad 19, 45 = 13 \quad 110 \quad \text{H/m};$$

$$S = 246 \cdot 20 \cdot 10 + \frac{340 - 246}{2} \quad 10 \left(10 + \frac{10 \cdot 2}{3}\right) + 340 \cdot 19, 45 \left(20 + \frac{19, 45}{2}\right) +$$

$$S = 246 \cdot 20 \cdot 10 + \frac{2}{2} \cdot 10 \left(10 + \frac{3}{3} \right) + 340 \cdot 19, 45 \left(20 + \frac{454 - 340}{2} \right) = 289 \, 630 \, \text{H};$$

$$C = S/F = \frac{289630}{13110} = 22,1$$
 m.

По формулам (11.5) и (11.6):

$$a = \frac{2 \cdot 39, 45 - 3 \cdot 22, 1}{3 \cdot 22, 1 - 39, 45} = 0,47;$$

$$q_{N} = \frac{2 \cdot 13110}{(1 + 0,47)39,45} = 453 \text{ fia};$$

 $a q_B = 0,47 \cdot 453 = 213 \text{ }\Pi a$

На рис. 11.3 эквивалентная трапециевидная элюра ветровой нормативной нагрузки показана пунктиром.

На каждую днафрагму приходится нормативная нагрузка интенсивностью вверху и внизу

 $q_{\rm H} = 453.6 = 2720 \text{ H/m}; aq_{\rm H} = 213.6 = 1280 \text{ H/m}.$

Расчетные значения нагрузок получим, умножая нормативные нагрузки на коэффициент перегрузки n = 1.2

Пример 2. Определение полной нагрузки от ветра с учетом динамической составляющей при L/H=2 для данных предыдищего примера при H≈ ≈ 40 M

Согласно формуле (11.7), $T_1 = 0.021 \cdot 39.45 = 0.83$ с.

По формуле (11.4a)
$$\varepsilon = \frac{0.83 \ V \overline{1.2 \cdot 270}}{300} \approx 0.05 \ н$$
 по графику в

СНиП II-6-74 $\xi = 1.5$, что не противоречит формуле (II.8).

По формуле (11.4) определим, используя данные табл. на с. 23 и СНиП 11-6-74

 $q_{\text{m0}} = 270 \cdot 1.4 \ (0.65 + 0.49 \cdot 0) = 245 \ \Pi \text{a};$

 $q_{m1} = 378 (0.65 + 0.49 \cdot 0.59) = 355 \Pi a_{1}$ $q_{\pi_2} = 378 (0.9 + 0.49 \cdot 0.9) = 506 \Pi a;$

 $q_{\text{H2}} = 378 \ (1,2+0,49\cdot 1,36) = 707 \ \Pi a;$

где $k^*vEm = 1.2 \cdot 0.42 \cdot 1.5 \cdot 0.65 = 0.49$.

Умножая эти эначения на L и на коэффициент перегрузки n=1,2, а затем приводя, как это показано в примере 1, по формуле (11.5) и (11.6) к эквивалентной трапециевидной эпюре, получим расчетную эпюру ветрового

напора на весь фасад. Пример 3. Определение ускорения колебаний вершины здания по данным прим. 1 и 2. Полагая приближенно $m_4 = 0.75$ и, согласно данным прим. 1. $\overline{a} \! = \! 0.47$ и $\overline{q_{\pi}} \! \approx \! 453 \cdot \! 0.75$ Па, принимая, что масса здания на 1 м² фасада при ширине здания 12 м равиа $M_i/h=0.6\cdot 12=7.2$ т/м², найдем по формуле (11.11)

$$w_1 = \frac{1,5 \cdot 453 \cdot 0,75}{7200} \left(1 + \frac{0,47}{2}\right) = 0,087 \text{ m/c}^3 < 0,1 \text{ m/c}^3.$$

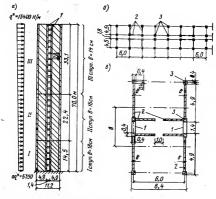


Рис. X.1. Схема 25-этажного здання σ — влан здания; σ — сечение одной парм диффрагмых столов, t— перементых столов; t— перементых столовых диффрагментых столовых диффрагментых столовых диффрагментых столовых другом t— всементых t— все

Пример 4. Определение прогибов 25-этажного здания от нормативной ветровой нагрузки (схема здания и нагрузки показаны на рис. X.I). Ввиду большого различия усилий по высоте здания сечения стенок диафраги и марка бетона уменьшаются сказу вверх.

* Геометрические характеристики сечения днафрагмы следующие:

для 1 ступени при δ =0,18 м для одного днафрагменного столба J_1 = =8,32 м⁴, F_1 =2,94 м², момент инерции перемычек (двух) J_{11} =0,00304 м⁴, момент инерции всего сечения днафрагмы J_1 0=53,976 м⁴, b=6,04 м;

для II ступени при δ =0,16 м J_2 =8 м⁴, F_2 =2,688 м², $J_{\pi 2}$ =0,00304 м⁴, J_0 =50.12 м⁴, b=5.08 м;

для 111 ступени при $\delta = 0.14$ $J_3 = 7.72 \,\mathrm{m}^4$, $F_3 = 2.432 \,\mathrm{m}^2$, $J_{n3} = 0.00213 \,\mathrm{m}^4$, $J_3^2 = 46.276 \,\mathrm{m}^4$, $b = 5.12 \,\mathrm{m}$.

 $E_{\rm S}$ для элементов 1 и 11 ступеней 3,15·10¹⁰, а для 111 ступени — 2,65 \times

По формуле (111.41), подставляя в нее з по (V.3) и k по (III.42), при β = 1 определим для всех трех спупеней характеристики λ :

$$\lambda_1 = \sqrt{\frac{24 \cdot 0,00304 \cdot 53,976}{2.8 \cdot 1.4^3 \cdot 2.94 \cdot 2 \cdot 8.32}} = 0,1044 \text{ I/m}.$$

Аналогично λ₂=0,105 1/м; λ₃=0,0906 1/м.

Как и ожилалось. λ оказались почти одинаковыми (примем $\lambda = 0.1$), поэтому можно для определения прогибов использовать формулы, приведенные в § 1 гл. VI. Предварительно по табл. 111.1 (§ 3 гл. III) для $\lambda H = 0.1 \cdot 70 = 7$ $\frac{5350}{13.400}$ = 0,4 находим c_a = 0,8835. Согласно (11.14), в заделке днаф-

$$M^{\text{F}} = \frac{1340070^2}{2} \left(1 + \frac{0.4 - 1}{2}\right) = 26.3 \text{ MH·m};$$

на границе между 1 и 11 ступеням

рагин

на границе между 1 и 11 ступенями
$$M^{\text{F}} = \frac{13400 \cdot 55,5^{2}}{2} \left(1 + \frac{0.4 - 1}{3.70} \cdot 55,5\right) = 17,35 \text{ MH·м};$$

полная поперечная сила в заделке, согласно (I1.13), составляет:

$$Q^r = 13400.70 \left(1 + \frac{0.4 - 1}{2}\right) = 0,656 \text{ MH}.$$

По формуле (111.79), подставляя в нее k по (111.42) и сокращая на E, определим нермальную силу в столбах в заделке:

$$N_{\text{max}} = 0,8835 \quad \frac{0,656}{0,135 \cdot 53,976} \quad \frac{70}{2} = 2,78 \text{ MH}.$$

Найдем моменты по формуле (111.66) для $M^r = 26.3 \text{ MH} \cdot \text{м}$:

в заделке столбов
$$M = \frac{26,3-2,78\cdot5,04}{2\cdot8.32}$$
 $8,32=6,15$ МН·м,

а по формуле (111.82) — в столбах на границе между 1 и 11 ступенями $M_1 = 17.35 \cdot 8.32/53.976 = 2.68$ МН·м. Теперь определим прогиб по § 1 гл. VI. По формуле (V1.7) находим:

$$a_1 = 1 + \frac{0.4 - 1}{70}$$
 55,5 = 0,524; аналогично $a_2 = 0.716$.

По формуле (V1.8) определяем:

$$I_0 = \frac{6,15 \cdot 10^{4} \; (2 \cdot 70^{2} - 70 \cdot 55, 5 - 55, 5^{2}) + 2,68 \cdot 10^{4} \; (70^{2} + 70 \cdot 55, 5 - 2 \cdot 55, 5^{2})}{6 \cdot 3,15 \cdot 10^{10} \cdot 8,32 \cdot 0,85} + \\$$

+
$$\frac{(4\cdot0,524+11)\ 13\ 400\cdot55,5^4}{120\cdot3,15\cdot10^{10}\cdot0,85\cdot53,976} = 0,01835+0,00964=0,028$$
 m.

По формуле (V1.9)

$$f_{01} = \frac{(4 \cdot 0, 524 + 11) \cdot 13 \cdot 400 \cdot 55, 5^4}{120 \cdot 3, 15 \cdot 10^{10} \cdot 0, 85 \cdot 50, 12} = 0,01 \text{ m};$$
 $f_{02} = \frac{(4 \cdot 0, 716 + 11) \cdot 13 \cdot 400 \cdot 33, 1^4}{120 \cdot 2, 65 \cdot 10^{10} \cdot 0, 85 \cdot 46, 276} = 0,00139 \text{ m}.$

Полный прогиб верха диафрагмы (т. е. здания) найдем по (V1.6) с уче-

TOM
$$K_1 = \frac{8,32}{8} = 1,04 \text{ a} K_2 = \frac{8,32 \cdot 3,15}{7,72 \cdot 2,65} = 1,3$$
:
$$I = 0,428 + 0.01 \left(1 - \frac{1}{1,04}\right) + 0.00139 \left(1 - \frac{1,04}{1,3}\right) = 2,87 \cdot 10^{-2} \text{ a} < \frac{H}{1000} = 7.10^{-2} \text{ a}.$$

Прогиб для того же здания при шаринриых связях между столбами определим по формуле (II:15)

$$\mathit{f^{\Gamma}} = \frac{(4 \cdot 0, 4 + 11) \ 13 \ 400 \cdot 0, 5 \cdot 70^{4}}{120 \cdot 3, 15 \cdot 10^{10} \cdot 8, 32 \cdot 0, 85} = 7,58 \cdot 10^{-2} \ \text{m} > \frac{H}{1000} = 7 \cdot 10^{-2} \ \text{m},$$

т. е. при этом грубо приближенном расчете результат завышен более чем вдвое.

Если считать перемычки абсолютно жесткими, т. е. исходить из $I^0 = 53.976 \text{ м}^4$, то прогиб верха по (II.15) составит:

$$f^{r} = \frac{(4 \cdot 0, 4 + 11) \cdot 13 \cdot 400 \cdot 70^{4}}{120 \cdot 3, 15 \cdot 10^{10} \cdot 53.976 \cdot 0.85} = 2,33 \cdot 10^{-2} \text{ M}.$$

В этом случае прогиб преуменьшен примерио на 20%.

В этом случае прилю преумевьшен прихерно на $2U_{20}^{\infty}$. Пример 5. Определение усилый в элементах вергикальной диафрагмы, изображенной на p_{10} с. X.I. (прим. 4), но от реачетной горизонтальной натружки q=2620 ОН m ри p_{10} — q=0.252. Изгибающий момент и поперечная сила в завелке диафрагмы $M^*=482\cdot10^6$ H· m, $Q^*=1,15\cdot10^6$ H; так как $M=7\gg3$. воспользуемся уппошенной фомулой (III.)

$$\begin{aligned} &\max N = \frac{1}{0,135.53,976} \times \\ &\times \left[48,2 - \frac{0,0262}{0,01} \left(\frac{0,252+1}{2} \ 0,1.70 + \frac{0,252-1}{7} - 0,252 \right) \right] = 5,51 \ \text{MH}. \end{aligned}$$

По формуле (III.66) $\max M = \frac{48,2-5,51\cdot5,04}{2} = 10,25$ МН·м.

В сечения I-I Mr=32.4 МН·м. по формуле (111.82)

$$M_1 = \frac{32, 4 \cdot 8, 32}{53,976} = 5 \text{ MH} \cdot \text{M}$$

я, согласно (111.66), $N_I = \frac{32,4-2\cdot5}{5,04} = 4,45$ МН.

В сечении II—II M^r =12,7 МН·м, по формуле (III.82)

$$M_{11} = \frac{12,7.8}{50,12} = 2,03 \text{ MH} \cdot \text{M}$$

и по (III.66)
$$N_{II} = \frac{12,7 - 2 \cdot 2,03}{5,08} = 1,7$$
 МН.

Максимальную перерезывающую силу в перемычках (двух) определим для сечений X=0,7 H=49 м, найдемного по графику (см. рис. III.16). Предварительно найдем по формуле (III.42)

$$E k = \frac{2}{2.69.5.08} = 0,146 \frac{E}{v^3}$$

и, согласно (11.13), для сечения X=49 м

$$Q^r = 0,0262 \cdot 49 \left(1 + \frac{0,252 - 1}{2 \cdot 70} \cdot 49\right) = 0,949 \text{ MH}.$$

По формуле (III.78) для этого сечения

$$\max \overline{Q}_{\pi} = \frac{2,8}{0,135 \cdot 53,976} \left[0,949 - \frac{0,0262 \cdot 70 \cdot 1,252}{2 e^{0.1} \cdot (70-49)} \right] = 0,311 \text{ MH}.$$

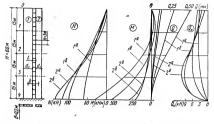


Рис. X.2. Схема диафрагм (размеры см. в табл. X.1) и эпюры усилий и прогибов

В сечении
$$II-II$$
 найдем \overline{Q}_{π} по формуле (III.83) для Q^r =0,715 МН
$$\overline{Q}_{\pi} = \frac{0,715 \cdot 2,8}{0.146 \cdot 50.12} = 0,274 \text{ MH}.$$

Пример 6. Определение N(x), $M_1(x)$ и $Q_n(x)$ и прогибов у для односвязных диафрагы с четырымя вариантами размеров согласно рис. Х.2 и таба. Х.1, в которой даны также жесткостные параметры столбов, перемычек и диафраты в целом.

Таблица Х.1

- 3													
	Вари- ант	ď₁, M	₫, м	и '7	ъ. ж	42), 1/кН·м	s-10* (V.11), M/kH	В,/107, кН.м	s/107, кН·м³	B 1107 (111.9), KH·M*	B°110" (III.	A (III.41). 1/N	ун
	1a 16 2a 26	6 6,5 6,5	4 4 5,6 5,6	2 2 1,4 1,4	7 7 7,45 7,45	9,46 9,46 7,07 7,07	1,77 27,4	11,34 11,34 14,42 14,42	14,71 24,4	74 74 105,5 105,5	88,71 129,9	0,0276 0,0567 0,117 0,2715	3,402 7,2

Предварительно определим усилия от внешней горизонтальной нагрузки q=1 к Π/M , $\alpha=0.3$. По формулам (II.14), (II.13) и (II.12) найдем для сечений $\theta-4$ (см. рис. X.2) $M^{r}(x)$, $Q^{r}(x)$ и q(x). Результаты сведены в табл. X.2. там же приведены значения λ x для варианта 1а.

По формуле (III.64) для варианта la с учетом табличных значений $\sh{\mathcal{H}}$ и $\sh{\mathcal{H}}$

$$A = \left(-\frac{0.7}{1.656} + \frac{1.3}{2} \cdot 1,656 - 2,5238\right) \cdot \frac{1}{2,7146} = -0,6889.$$

По формуле (III.63) при x=0 получим N(0)=0. Для сечения I

$$N_1 = \frac{10^{\circ} \cdot 10^{-7}}{9,46 \cdot 88,71} \left[105,94 + \frac{-1 \ (-0,6889 \ \text{sh} \ 0,414 + \text{ch} \ 0,414) + 0,825}{0,0276^2} \right]$$

подставляя табличные значения sh 0,414=0,426 и ch 0,414=1,0869, получим $N_1=17,636$ кH. Аналогично вычисляем значения N для других сечений (см. табл. X.2).

Таблипа Х.2

		1				Д.	тя вариант	a la
Сече-	q(x). кН/м	Q ^Γ .	М ^Г , кН∙м	x	λx	N(x). кН	М₁(х), кН∙м	$\left \overline{Q}_{\Pi}(x), \right _{KH}^{\overline{y}(x)} \times 10^4$
0 1 2	-1 -0,825 -0,65 -0,475	24,75	0 105,94 397,5 835,31	0 15 30 45	0,828	0 17,636 35,774 51,635	0 13,498 113,387 365,303	3,461 51,523 3,613 35,559 3,555 19,581 2,582 6,048
4	-0,475	33, 19	1380	60		58,921	745,884	0 0 0

Момент в сеченин I (x=15 м) определим для столба I (см. рнс. X.2) по формуле (111.66):

$$M_1 = \frac{11,34}{14,71}$$
 (105,94 – 17,636·7) = 13,498 кH·м.

Так же определяем M_{I} н для других сечений столба I (см. табл. X.2).

Для определення $Q_n(x)$ воспользуемся формулой (111.67). В сеченин $3: \sin \lambda x = \sin 1.242 = 1,5869$; св 1.242 = 1.8757:

$$\overline{Q}_n = \frac{3 \cdot 10^8 \cdot 10^{-7}}{9,46 \cdot 88,71} \left[33,19 - \frac{1}{0,0276} \left(-0,6889 \cdot 1,8757 + 1,5869 - \frac{-0.7}{1,656} \right) \right] =$$

$$= 2.582 \text{ kH}.$$

Аналогично определены \overline{Q}_n для остальных сечений (см. табл. X.2), причем для сечения x=0 из (III.67) имеем: $\overline{Q}_n \neq 0$. Прогиб для варианта 1а вычислим по формуле (III.69), предварительно определяю по (III.70)

$$\overline{y}^{0} = -\frac{1.60^{4}}{120.8871.10^{2}} \left[4.0.3 + 11 - 0.3 \left(\frac{x}{H} \right)^{6} + 5 \left(\frac{x}{H} \right)^{6} - 5.3.3 \frac{x}{H} \right].$$

Подставляя сюда $x/H=^{i}/_{4};\ ^{i}/_{2};\ ^{3}/_{4}$ и 1, получим значения \overline{g}^{o} для всех рассматриваемых сечений. Например, для сечения I будем иметь: $\overline{g}^{o}=$ =9,854-107-й м. Для этого сечения.

$$\overline{y} = 9.854 \cdot 10^{-4} + \frac{74.10^{-2}}{0.0276^3.88,71 \cdot 14,77} \left\{ \frac{-1}{0.02276^4} \dots \right.$$
 $\dots \left[2,7146 - 1,0869 - 0,6889 (2,5238 - 0,4260) + 0,7 (1 - 0,25) \right] +$
 $+ 1380 - 105,94 \right\} = 35,559 \cdot 10^{-4} \text{ M.}$

Аналогично определяем прогибы в других сечениях (см. табл. X.2). Для сравнения найдем прогиб в сечении / по более простой формуле (111.72), которой следует пользоваться, если навестню //(x):

$$\overline{y} = 9,854 \cdot 10^{-4} + \frac{(58,921 - 17,636) \ 7}{0.0276^{3} \cdot 14 \cdot 71 \cdot 107} = 35,689 \cdot 10^{-4} \ \text{M}.$$

Расхождение в пределах обычной точности вычислений.

Совершенно так же вычислены значения усилий и прогибов для вари-

антов 16, 2а и 26, представленные на эпорах рис. X.2.

Тометин, что параметр А (III.64) следует вычислять с большой точностью в особенности при больших значениях АН. Так, например, при вычисленин A для варианта 26, для которого $\lambda H = 16.29$, может показаться, что A можно приравнять минус единице, поскольку $sh\lambda H = ch\lambda H = 5$ 940 686 что на много порядков превосходит первые два члена в скобке формулы (III.64). Однако такое допущение приводит к величине N(H)=150,587 вместо точного значения 135,022 кН, т. е. к ошибке более чем на 11%. Во избежание этого при вычислении А на логарифмической линейке лучше все члены в скобке лелить на ch A H. Тогла при больших величимах shAH=chAH получим, например, в варианте 26

$$A = \frac{10,5885 - 0,04297}{5,940,686} - 1 = -0,99999823,$$

что после умножения на $\sinh \lambda H$ в формуле (111.63) приводит к точным значениям, показанным на эпюрах

Сравним полученные результаты для варнанта 2а с теми, которые следуют из приближенных формул использованных в прим 5. Пля сечения в заделке по (III.74)

$$\max N = \frac{1 \cdot 10^{9} \cdot 10^{-7}}{7,07 \cdot 129,9} \left[1380 - \frac{1}{0,117^{2}} \left(\frac{1,3}{2} \right. 7,02 - \frac{0,7}{7,02} - 0,3 \right) \right] = 116 \text{ kH},$$

что отличается от точного значения 117,405 кН менее чем на 1%. В сечения 2 (см. рис. X.2) по формуле (111.82) $N = \frac{397,5\cdot105,5}{7,45\cdot129,9} = 43,3$ кН

$$N = \frac{397, 5 \cdot 105, 5}{43.3 \text{ kH}} = 43.3 \text{ kH}$$

против точного значения 47.842 кН. Ошибка составляет около 10%, что не нмеет существенного значения так как прочность столба определяется ниж-

ним сечением, где усилия намного больше. Пример 7. Определение распределения поперечной силы и нагрузки межди столбами в вертикальных диафрагмах (см. прим. 6). По формуле (ПП.68). например для варнанта 16, поперечная сила в первом столбе в сечении 3

по данным таблиц X.1 и X.2 и эпорам усилий на рис. X.2
$$Q_1 = \frac{33,19 \cdot 11 \cdot 34}{14 \cdot 71} + \frac{5,553}{3} \left(4 - \frac{7 \cdot 11,34}{14 \cdot 71}\right) = 23,002 \text{ кH}.$$

Соответственно на второй столб в этом сечении передается 02=01-01=

=33.19-23.002=10.188 kHБыло бы ошибкой применить в данном случае известную формулу

Q=M'. Если сделать так, получим для того же сечения дифференцируя (III.65) $Q_1 = 15,663$, т. е. занизим поперечиую силу почти вдвое. Формула Q=M' справедлива для глухих диафрагм, на которые распределенные моменты не передаются, и для диафрагм в целом (§ 4 гл. IV, рис. IV.13).

Нагрузка, передающаяся на первый столб, равна: $q_1(x) = Q'(x)$, где

 Q_1 по (III.68). Таким иутем найдем для ссепия 3: $q_1=-0.444$ кН/м; $q_2=q-q_1=-0.475-(-0.444)=-0.031$ кН/м. Так же определены Q_1 и q_1 для других ссечений и вариантов, показанные на эпюрах на рис. Х.З. На этом же рисунке пунктиром нанесена для сравнения одна эпюра, соответствующая неприемлемой в данном случае формуле

Отметим, что вверху диафрагм возникают сосредоточенные взаимно уравновещенные силы (VIII.116 [23]). Эти силы больше в вариантах I, чем в варнантах 2, так как в первых отчетливее выражена несимметричность. Из эпюр Q_i видно, что второй член в формуле (III.68) мало влияет на распределение Qr между столбами. При всех значениях λH распределение От почти пропорционально изгибным жесткостям и может быть понближенно оценено первым членом формулы (III.68).

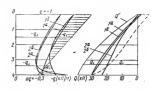
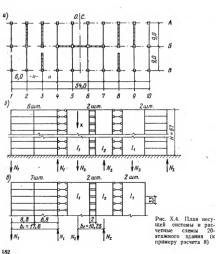


Рис. Х.З. Эпюры распределення нагрузки между столбами и поперечных сил в столбах днафрагм по рис. Х.2 для варнантов 1а, 16, 2а н 26 (пунктиром неправильная эпюра для варнанта 16. основанная на зависимости Q=M', заштрихована эпюра нагрузки, приходящейся на столб 2 по варнанту 16)



Пример 8. Определение усилий в диафрагмах и рамах 20-этажного здания с рамно-связевым каркасом (рис. Х.4) от действия ветра на длинный фасад

Расчетную схему по рис. Х.4,6 можно упростить, если рамоднафрагмы по

осях 2 и 9 представить как груме, даморатим шириюй 9 м, а примыкающие к ими полурамы рассматривать как одлу полиую раму (рис. X.4.9). Исходимы дамимы: q = -80 кH/M; a = 0.258; геометрические характеристики диарратмы: $I_1 = 14, 1$ м; $I_2 = 5, 1$ м; $I_2 = 4I_1 + 2I_2 = 66, 6$ м; $F_1 = 1.66$ м².

$$F_2 = 1.18 \text{ m}^2$$
; $\beta = \frac{1.18}{1.66} = 0.71$; $J_n = 54 \cdot 10^{-4} \text{ m}^4$.

 $E_{\pi} = 2.98 \cdot 10^{10}$ Па; рамы: $F_{\kappa} = 0.16 \text{ м}^2$; $J_{\kappa} = 21.3 \cdot 10^{-4} \text{ m}^4$; $J_{\pi} = 54 \cdot 10^{-4} \text{ m}^4$; $\beta = 1$; $E_p = 3.5 \cdot 10^{10} \text{ Ha}$.

Так как в упрощенной схеме только два неизвестных, воспользуемся

для расчета готовыми формулами (11.55)—(111.60). Предварительно вычислим величины, входящие в эти формулы.

Для семи рам по формуле (V.5,a) с учетом замечания в § 3 гл. 111 об учете числа одинаковых вертикальных конструкций:

$$s_1 = \frac{3.3 \cdot 8.8}{12} \left(\frac{8.8 \cdot 10^4}{7 \cdot 3.5 \cdot 10^{10} \cdot 54} + \frac{3 \cdot 3.3}{4 \cdot 7 \cdot 3.5 \cdot 10^{10} \cdot 21.3 \cdot 10^{-4}} \right) = 2.76 \cdot 10^{-8} \text{ m/H};$$

по формуле (111,42)

$$k_1 = \frac{1+1}{7 \cdot 3, 5 \cdot 10^{10} \cdot 0, 16 \cdot 17, 6} = 2, 9 \cdot 10^{-12} \cdot 1/H \cdot M$$

По формулам (V.11) и (111.42) для двух проемных диафрагм:

$$\begin{split} s_2 &= \frac{3,3 \cdot 2^3}{12 \cdot 2 \cdot 2,98 \cdot 10^{10} \cdot 54,10^{-4} \cdot 10,26} = 6,66 \cdot 10^{-10} \text{ m/H;} \\ K_2 &= \frac{1 + 0,71}{2 \cdot 2,98 \cdot 10^{10} \cdot 1,18 \cdot 10,26} = 2,37 \cdot 10^{-12} \text{ 1/H-m;} \end{split}$$

 $B = 2.98 \cdot 10^{10} \cdot 66.6 = 198.5 \cdot 10^{10} \text{ H} \cdot \text{M}^2$

Для всей несущей системы по (111.58):

$$B^0 = 198,5 \cdot 10^{10} + \frac{10,26 \cdot 10^{12}}{2.37} + \frac{17,6 \cdot 10^{12}}{2.9} = 1238,3 \cdot 10^{10} \text{ H·m}^2.$$

По формуле (111.57)

$$\begin{split} \lambda_1 &= \sqrt{\frac{10^4}{2,76} \left(2.9 \cdot 10^{-12} + \frac{17.6}{198,5 \cdot 10^{10}}\right)} = 2,065 \cdot 10^{-2} \ 1/\text{m}; \\ \lambda_2 &= \sqrt{\frac{10^{16}}{6.66} \left(2 \cdot 37 \cdot 10^{-12} + \frac{10,26}{198,5 \cdot 10^{10}}\right)} = 10,64 \cdot 10^{-2} \ 1/\text{m}. \end{split}$$

По формулам (е) и (д)

$$p^4 = 2,065^2 \cdot 10,64^3 \cdot 10^{-8} - \frac{17,6 \cdot 10,26}{2.76 \cdot 6.66 \cdot 198.5^3 \cdot 10^3} = 2,3343 \cdot 10^{-6} \ 1/\text{m}^4;$$

$$2 \mu^2 = (2,065^2 + 10,64^2) \ 10^{-4} = 117,474 \cdot 10^{-4} \ 1/\text{m}^2;$$

 $\mu_1 = 1,422 \cdot 10^{-2} \ 1/\text{m}; \quad \mu_2 = 10,745 \cdot 10^{-2} \ 1/\text{m}.$

По формуле (г)

$$w_2 = \frac{117,474 \cdot 10^2}{2,3343} - \frac{6,66 \cdot 10^8}{2,37} - \frac{10^4}{10,745^2} = 4664,85 \text{ m}^3.$$

Аналогично определяем w_1, m_2, a также m_2 и m_3 , предварительно вычислив для сечения х= Н по таблицам гиперболических функций

sh
$$\mu_1 H = 1,1035$$
; ch $\mu_1 H = 1,4892$; sh $\mu_2 H = 669,715$;
ch $\mu_2 H = 669,715$

Подставляя эти величины в (111.55) получим для семи рам в сечении x=H

и учитывая, что Мг(Н) по (11.14) равен 135.15 · 106 Н · м.

 $N_1 = -1.9639 \cdot 10^6 [80.205 - 51.2068 + 26.289] - (-0.1778 + 26.2647) \cdot 11 +$ + 64.8915 · 105 = 7.5419 · 105 H

Используем эти результаты для определення $N_1^{''}$, которое входит в формулу (111.59).

 \times [1,4222·10⁻⁴ (80,205–51,2068)+10,7452·10⁻⁴ (26,2891+0,1778–26,2647)]- $-\frac{-0.258\cdot80\cdot10^3}{2.9\cdot12.383} = -1035 \text{ H/m}^2.$

По формуле (111.59) определим N₂ на две проемные диафрагмы

$$N_2 = \frac{1}{10,26} \left[2,76 \cdot 10^{-8} \cdot 198,5 \cdot 10^{10} \left(-1035 - 2,065^{4} \cdot 10^{-4} \cdot 7,5419 \cdot 10^{4} \right) + \\ + 135,15 \cdot 10^{4} \right] = 59,2 \cdot 10^{5} \text{ H}.$$

Используя вычисленные фрагменты (а)-(г), определим аналогично предыдущему момент в широком столбе диафрагмы по формуле (111.56). Таким путем найдем

$$M_1 = 12,29 \cdot 10^6 \text{ Hm H } M_2 = \frac{12,29 \cdot 5,1}{14,1} \ 10^6 = 4,43 \cdot 10^6 \ \text{H·m.}$$

По формуле (111.60) проверим точность расчета

 $M^r = (4 \cdot 12, 29 + 2 \cdot 4, 43 + 5, 92 \cdot 10, 26) \ 10^6 + 7, 542 \cdot 10^5 \cdot 17, 6 = 131, 5 \cdot 10^6 \ \text{H·m},$

т. е. ошнбка составляет:
$$\frac{135,15-131,5}{135,15}$$
 $100=2,7\%$,

что можно считать удовлетворительным для расчета на логарифмической линейке. При выполнении вычислений следует с большой точностью определять те величины, которые составляют разности близких чисел, умножаемые затем на большие числа. В рассмотренной несущей системе жесткие рамы воспринимают момент

в сечении x = HM_n=7.542·10⁵·17·6=13,1·10⁶ Н·м, т. е. около 10% общего внешнего момента $M^{r}(H) = 135.15 \cdot 10^{6} \text{ H} \cdot \text{м}.$

Без учета продольных деформаций колони ниеем $M_p = 19.39 \cdot 10^6$ H·м, т. е. этот момент, а значит и усилне N_1 в колониах рам завышается в 1.5 раза. Это говорит о йеобходимости учитывать продольные деформации колони в узких высоких рамах.

Пример 9. Расчет арматиры предварительно-напряженной вертикальной диафрагмы (§ 2 гл. IX). Исходные данные $M_{+}^{H} = 500 \cdot 10^{4}$ H·м; $M_{P} =$ = 600·10⁴ H·м; №=300·10⁴ H; №=330·10⁴ H. Сечение диафрагмы (6× ×0,2) м. Марка бетона 300. Панели диафрагмы изготовляют в вертикальных формах, а потому R_{пр}=135·105·0.85=115·105 Па.

Предварительный расчет ведем без учета арматуры, площадь которой еще неизвестиа. По формуле (IX.19):

$$\sigma_B^{\rm H} = \frac{M_B^{\rm H}}{W} = \frac{500 \cdot 10^4 \cdot 6}{0.2 \cdot 6^3} = 417 \cdot 10^4 \text{ Hz};$$

$$\sigma_N^{\rm H} = \frac{N^{\rm H}}{F} = \frac{300 \cdot 10^4}{0.2 \cdot 6} = 250 \cdot 10^4 \text{ Hz},$$

следовательно, растяжение возникает. Проверим условие (1X.20) при следующих дополнительных данных:

$$K = \frac{M_B}{M_B^{\text{H}}} = 1,2; \quad K_1 = \frac{N}{N^{\text{H}}} = 1,1;$$

$$\frac{115 \cdot 10^4 + 250 \cdot 10^4 (1 - 1, 1)}{1 + 1, 2} = 513 \cdot 10^4 \Pi a > \sigma_B^R = 417 \cdot 10^4 \Pi a,$$

т. е. условие формулы (1X.20) соблюдено.
 Согласно (1X.18),

$$N_{\rm es} = \frac{417 \cdot 10^4 \cdot 1, 2 - 300 \cdot 10^4}{2} = 100 \cdot 10^4 \text{ H}.$$

Полагая потерн равными 2000-10⁵ Па. найдем:

 $\sigma_{ea} = 0.75 \cdot 17\ 000 \cdot 10^5 - 2000 \cdot 10^5 = 10\ 800 \cdot 10^5\ \Pi a;$

$$F_{\rm M} = \frac{100 \cdot 10^4}{10.800 \cdot 10^5} = 9,26 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2.$$

Принимаем четыре пучка 12Ø5 В-II у каждой кромки днафрагмы $F_u = -9.38 \cdot 10^{-6}$ м². Арматура располагается в канавках, натяжение осуществляется на бетом (пос. IX.11).

Проверочный расчет По формуле (IX.14):

$$F_n = 6 \cdot 0.2 + 2 \cdot 9.38 \cdot 10^{-4} \frac{20 \cdot 10^{10}}{2.9 \cdot 10^{10}} = 1.213 \text{ m}^2;$$

$$\overline{W}_n = \frac{0.2 \cdot 6^2}{6} + 2 \cdot 9.38 \cdot 10^{-4} \cdot 6.92 \frac{2.94^4}{3} = 1,239 \text{ m}^2;$$

$$\sigma_B^a = \frac{500 \cdot 10^4}{1.239} = 405 \cdot 10^4 \text{ }\Pi_B;$$

$$\sigma_N^a = \frac{300 \cdot 10^4}{1.233} = 248 \cdot 10^4 \text{ }\Pi_B.$$

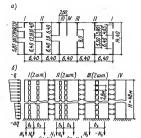
Условие (IX.19) по-прежнему соблюдено. Уточненные потерн равны 1800-10⁵ Па. Тогда:

 $\sigma_{eq} = 0.75 \cdot 17\ 000 \cdot 10^{6} - 1800 \cdot 10^{6} = 11\ 000 \cdot 10^{6}\ \Pi_{B}$

$$N_{ee} = 9.38 \cdot 10^{-4} \cdot 11\ 000 \cdot 10^{6} = 103.1 \cdot 30^{4}\ H.$$

Напряжения на кромках днафрагмы по формулам (1X.15) н (1X.16) оставят:

1,1·248·10⁴ + 1,2·405·10⁴ +
$$\frac{2 \cdot 103,4 \cdot 10^4}{1,213}$$
 = 92,95·10⁶ < R_{np} = 115·10⁶ Π_a ;



Рнс. X.5. Схема плана (а) н плоская расчетная схема (б) 16-этажного жилого дома. (к примеру расчета 11)

$$+\frac{248\cdot10^{4}-485\cdot10^{4}+}{1,213}=14\cdot10^{4}\Pi a>0,$$

т. е. условия прочности и трещиностойкости обеспечены.

Пример 10. Проверка по формулам § 1 гл. IX несищей способности стеновой панели пли когом внецентренном сжатии. Размер панели 4.5×2.62×0.14 м. Бетон с прочностью на сжатне 20 МПа. Армирование 4Ø6-АІ на 1 пог. м с каждой стороны панели. Экспентрипитет в плоскости панели $e_{\nu} = 0,5$ м, из плоскости $e_z = 0.03$ м. N = 2.1 МН. Предварительно вычислим N_{ν} , N_{z} и N_{n} . По формуле (IX 8)

$$N_y = \frac{0.5 \cdot 0.14 \cdot 4.5^2 \cdot 76.5 \cdot 10^5 + 2100 \cdot 10^5 \cdot [0.566 \ (4.5 - 0.02) +}{0.5 \cdot 4.5 + 0.5} \rightarrow$$

$$+ \frac{+(4.5^{3}-4\cdot0.5^{3}) \cdot 1.13] \cdot 10^{-4}}{0.5\cdot4.5+0.5} = 41.4\cdot10^{5} \text{ H} = 4.14 \text{ MH}.$$

В формулу для N_{π} входит коэффициент η , определяемый по СНиП 11-21-75. Подставляя в формулу (1X.9) η = 1,58 и другие взвестные величним, получим N_{π} = 2,77 МН.

Аналогично по (1X.10) определяем $N_n = 5.27$ МН.

Аналогично по (1X.10) определяем $N_{\pi} = 5,27$ МН. Полная несущая способность панели, согласно (1X.7),

месущая способность панелн, согласно (1X.7)
$$N = \frac{2,77 \cdot 4,14}{5,077} = 2,18 \text{ MH} > 2,1 \text{ MH},$$

т. е. прочность панели достаточна.

Для сраннения рассчитаем эту памель по формулам [44]. Для случая 2 по л. 4.18 найдем то же значение №, =2,77 МН. №, выядуя валичия арматуры, распределенной по высоте сечения, определяем согласно п. 4.906. Принимая л =0, найдем №, =40,4-10° Н н №, =52,5-10° Н =5.

Полная несущая способность панели будет равна:

$$N = \frac{1}{1 + 1} = 2,39 \text{ MH} > 2,1 \text{ MH}.$$

Предельная продольная сила по этому расчету на 10% больше, чем по первому варианту. Это объясияется не учетом в последнем расчете бимоментимх напряжений, которые определяются последним членом в скобке формулы (IX.6).

Пример 11. Определение усилий в столбах диафрагм 16-этажного эдания (рис. X.5) от действия горизонтальной нагрузки при следующих данных: —q=41.6 кН/м, —аq=1,4,6 кН/м, =0,355. $M^{0}(H)=37.6$ МН-м. Расстояния между центрами тяжести столбов и пролеги перемычек даны на рис. Х.Б.а. Жесткость столбов и перемычек раны на: $B_{1}=7130$ МН-х¹; $B_{2}=5550$ МН-х¹; $B_{3}=5550$ МН-х²; $B_{3}=550$ МН-х²; B_{3}

 $=B_{n_2}=15,4$ МН·м²; $B_{n_2}=B_{n_4}=B_{n_5}=94,5$ МН·м². Система уравиений (111.37), записанияя в относительной координате t=xH. Очет иметь вил:

$$\begin{split} \frac{d^2 N_1}{d \, t^2} &= 5,177779 \, N_1 - 3,10277 \, N_3 + 1,59441 \, N_2 + 0,91852 \, N_4 + \\ &+ 1,38645 \, N_6 - 830,5367 \quad c \quad (I); \\ \frac{d^3 \, N_2}{d \, t^2} &= -0,96085 \, N_1 + 10,9125 \, N_3 + 0,62626 \, N_3 + 0,36078 \, N_4 + \\ &+ 0,54458 \, N_6 - 326,223 \quad c \quad (I); \\ \frac{d^3 \, N_2}{d \, t^2} &= 42,28031 \, N_1 + 24,6033 \, N_2 + 46,7788 \, N_2 - 5,87226 \, N_4 + \\ &+ 30,4449 \, N_8 - 18237,6931 \quad c \quad (I); \\ \frac{d^3 \, N_4}{d \, t^2} &= -9,03381 \, N_1 + 5,25685 \, N_3 - 14,9952 \, N_3 + 39,3615 \, N_4 - \\ &- 6,50499 \, N_6 + 3736,2091 \quad c \quad (I); \\ \frac{d^3 \, N_6}{d \, t^2} &= 22,7087 \, N_1 + 13,2144 \, N_2 + 18,8047 \, N_3 + 10,8331 \, N_4 + \\ &+ 20,1852 \, N_8 - 9795,4384 \quad c \quad (I); \end{split}$$

где
$$c(t) = H^2\left(t^3 + \frac{a-1}{3} t^3\right).$$

Решение этой системы дифферевициальных уравиений выполнено из ЭВМ для 20 точек по высоте здания по опециальной программе МИСИ. В табл. X3 приведены значения N_4 (в $H/10^4$) для пяти сочений по высоте здания.

Таблица Х.3

t	N ₁	N ₂	N _a	N ₄	N _s
0,2	2,1712	0.4916	10,850	3,6739	15,2804
0,4	5,067	1,2499	34,9512	7,4469	39,1622
0,6	8,6357	2,2763	73,1385	11,3958	71,7706
0,8	12,2815	3,4068	119,8382	13,8991	107,6315
1	14.2933	4.0761	150,1749	14.3016	128,6251

Пример 12. Определение усилия взаимодействия в швах сборного перекратия по рис. X, H_2 а при сведующих данных: нагрузка q, H/M дляны пролега настилов; сечение всех панслей 2.4×0.16 и. пролег a=6 м в первом варианте н 2.4 м во втором варианте. Воспользуемся системой (IX.27), поскольку $P_2=0$.

Исключая из (1X.27) P_1^* , найдем:

$$P_1 = \frac{1}{2 k^2} \left(-P_2' + 3 k^2 P_2 - k^2 q \right), \tag{a}$$

Подставляя P_1 и P_1^* — в первое уравне ле системы (IX.27), получим

$$P_2^{IV} = 6 k^2 P_2^* + k^4 P_2 = -k^4 q.$$
 (6)

Полный интеграл этого уравнения

 $P_2(x) = D_1 \sinh \varphi_1 x + D_2 \cosh \varphi_1 x + D_3 \sinh \varphi_2 x + D_4 \cosh \varphi_2 x - q$, (B)

где

$$\varphi_1 = \sqrt{3 k^2 - k^2} \sqrt{8} = 0.4142 k;$$
 $\varphi_2 = \sqrt{3 k^2 + k^2} \sqrt{8} = 2.4142 k.$
(r)

Подставляя в (а) P_2 , и P_2 , находим с учетом (г):

$$P_1(x) = 1,414 \ (D_1 \sinh \varphi_1 x + D_2 \cosh \varphi_1 x - D_3 \sinh \varphi_2 x - D_4 \cosh \varphi_2 x) - 2q.$$
 (3)

Граничными условиями для определения D₁,..., D₄ будут:

ми условиями для определения
$$D_1,...,D_4$$
 оудут:
$$P_2(0) = P_1(0) = 0; \quad P_2'\left(\frac{a}{2}\right) = P_1\left(\frac{a}{2}\right) = 0.$$

Из первого условия находим

$$D_2 - D_4 = 2 a/1.414$$
; $D_2 + D_4 = a$

и, следовательно,

$$D_2 = 1,207 q$$
; $D_4 = -0,207 q$.

Из второго условия

$$D_1 = -1,207 \text{ th } \frac{\varphi_1 \ a}{2}; \quad D_3 = 0,207 \text{ th } \frac{\varphi_2 \ a}{2}.$$

Проверкой может служить P(a) = 0.

Экстремальные значения сил взаимодействия в середние пролета:

$$P_{\pm}\left(\frac{a}{2}\right) = q \left[-1 + \frac{1,207}{\text{ch}\left(0,5\varphi_{\pm}a\right)} - \frac{0,207}{\text{ch}\left(0,5\varphi_{\pm}a\right)}\right];$$

$$P_{1}\left(\frac{a}{2}\right) = 1;414q \left[-1,414 + \frac{1,207}{\text{ch}\left(0,5\varphi_{\pm}a\right)} + \frac{0,207}{\text{ch}\left(0,5\varphi_{\pm}a\right)}\right].$$
(e)

Обратимся теперь к величине k^2 (IX.24), от которой зависят значения ϕ_1 и ϕ_2 Для плоских плит момент инерции свободного кручения $\exp b/\delta = -2.4/0.16$

$$J_d = \frac{1}{2} \left(\frac{2,4}{0.16} - 0,63 \right) \delta^4 = 4,79 \delta^4,$$

и, следовательно, $k^2 = 1.165 \text{ 1/м}^2$; k = 1.079 1/м.

По формуле (г) ϕ_1 =0,447 1/м; ϕ_2 =2,605 1/м. По формулам (д) н (в) определяем P_1 н P_2 для сечений x=a/2, a/4, a/8. Этноры этих усмяий для пролегов 6 и 2,4 построены на рис. IX.14. Экстремальные значения P_4 в середине пролегов приведены в табл. IX.2 (§ 3 гл. IX).

Расчет по приближенному уравнению (IX.32) приводит к системе алгебранческих уравнений:

$$\begin{array}{c} P_1 \ (u_1+1) - P_2 \ (u_1-1) = - \ u \ q; \\ P_1 \ (u_1-1) - 2 \ P_2 \ (u_1+1) = 0. \end{array} \right\} \ (\varkappa)$$

Г!ри $k^2 = 1,165$ 1/м² нмеем по (IX.33): $u = \frac{1,165 \cdot 6^3}{8} = 5,25$ для пролета

a=6 м и u=0.84 для пролета 2.4 м. Соответственно $u_1=\frac{5}{6}$ u=4.37 и 0.7.

Результатым решения системы (ж) при этих данных и сопоставление их с результатами точного расчета см. в табл. IX-2 в § 3 гл. IX. Пример 13. Определение усилий в швах сборного перекрытия по рис. IX.14, 6, в при следующих данных: пролет а = 5,88 м, панели пустотные с

1X.14, 6, θ при следующих дайных: пролет a=5,88 м, панели пустотные с характерьстикой $A^2=3,14$ (условие защиствовано из $\{1\}$ § 4, 5 гл. II). Система уравиений при $P_1=0$ имеет выд (IX.28). Исключая из нее P_2 ,

Система уравнений при P_1 — 0 имеет вид (IX.28). Исключая из жее P_2 , как это показаио в предыдущем примере, приходим к одному уравнению четвертого порядка:

$$P_3^{\rm IV} - 10\,k^2\,P_3^{'} + 5\,k^4\,P_3 = -\,2\,k^4\,q\,. \tag{a}$$

Полный интеграл этого уравнения

$$P_3 = C_1 \, \text{sh} \, \mu_1 \, x + C_3 \, \text{ch} \, \mu_1 \, x + C_3 \, \text{sh} \, \mu_2 \, x + C_4 \, \text{ch} \, \mu_2 \, x - 0,4 \, q, \qquad (6)$$

где μ_1 =1,29; μ_2 =5,46.

Постоянные C_1 — C_4 определяем из тех же граничных условий, что и в предыдущем примере. C_1 — C_2 =—0.393 q; C_3 =— C_4 =—0.07 q.

Подставлям завения постоянных опреведене по формуле (б) усилия № для сегений по дание х—ей; а/4 «/8 «/8 сОвтесттующие заветствующе одна сечения «/2 разви» од/55 «/1 приодкажению решение (К.Х.З) приводят к системе алтебранческих уравнений, где и по (ГХ.З) для х—е/2 разви 13.56 а и₁ на 1.56.

 $-2P_2$ 12,3+10,3 P_3 =0; 10,3 P_2 -2 P_3 12,3-10,3 P_3 =13.56 q.

Решая эту систему, находим $P_1 = -0.44$ $\mid q, P_2 = -0.185$ q. Знак минус при величине усилий получается из-за того, что за положительное направление смер $P_1(x)$ принято направление сверху винз на левую кромку каждой панели (рис. IX.13, в). Для правой положивы перекрытия это направление совлавает с расчетным и слыль $P_1(x)$ булут получаться со зна-

ком «плюс». Для схемы рис. IX.14, θ нагрузка расположена на крайней панели симметрия отсутствует и число неизвестных возрастает до четырех (P_1 =

 $=P_6=0$).

Решение системы четырех дифференциальных уравнений потребовало бы использования ЭВМ. Поскольку решение другим точным способом получено в [1], решим для сравнения эту же задачу приближенно с помощью уравнений (IX.32).

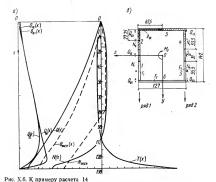
Система алгебранческих уравнений (1Х.32) для даиного примера имеет вил:

$$2P_2(u_1+1)-P_3(u_1-1)=0;$$

 $P_2(u_1-1)-2P_3(u_1+1)+P_4(u_1-1)=0;$
 $P_3(u_1-1)-2P_4(u_1+1)+P_5(u_1-1)=0;$

$$P_4 (u_1-1)-2 P_5 (u_1+1)=u q_5$$

Решая эту систему при u=13,56 и $u_1=11,3$ (см. предыдущий пример), находим: $P_5=-0,709$ q; $P_4=-0,377$ q;



 P_3 = -0,192 q; P_2 = -0,081 q, что достаточно близко соответствует точному решению, полученному в [1] (см. § 3 гл. IX, табл. IX.2).

Пример 14. Расчет модели проемного ядра жесткости (рис. X.6) на действие критищего равномерно распределенного по высоте можента $m_* = 919$. Н.Мум. Материал модели — оргствкло с $E = 3.2 \cdot 10^8$ Н M^* ; $G = -1,3 \cdot 10^8$ Н M^* ; высота модели H = 136 см; высота этажа $h_2 = 3.75$ см; высота перемижић, $h_2 = 1.25$ см.

Для расчета по формулам гл. III—IV введем в углах ядра фиктивные швы (см. рис. X.6).

При составлении системы уравнений (III.24)—(III.29) необходимо образовать ввимание на рыс. III.6, вз которого следует, что перерезвающая спла в шве (реальном лал фиктавном) иумерчета внимая с элемента, высющего алгебраически большую координату. На рыс. Хб показаня такая нумерация для рядов овязей 1 и 2, расположениям паральелно оси V.

Кососимметричная нагрузка, воздействуя на симметричную систему, приводит к следующему распределению внутрениих усилий (рис. X.6):

$$N_1 = N_4 = -N_2 = -N_5 = N;$$

 $N_3 = N_6 = 0;$
 $Q_{61} = Q_{23} = -Q_{43} = -Q_{65};$
 $Q_{12} = -Q_{64}.$

Система уравнений содержит два неизвестных: продольную силу в столбе $N(\mathbf{x})$ и бимомент $T(\mathbf{x})$.

По формуле (III.25) при U и Мв, равных нулю, имеем:

$$Q'_{12} = \frac{1}{s_{12} |y_{12}|} \left(\frac{2N}{A} - \frac{T}{R_{12}} |y_{12}| \right).$$
 (a)

По формуле (111.26)

$$Q_{61}' = -\frac{1}{s_{61} |y_{61}|} \left[\frac{N}{A} + \frac{T}{B_{WD}} (\overline{z}_{61} y_6 + \hat{z}_{61} |y_{61}|) \right].$$
 (6)

Согласно (III.24),

$$N_1^* = Q_{12}^{'} - Q_{61}^{'}$$
 (8)

Подставляя (а) и (б) в (в), получим:

$$N'' = \alpha N - \beta T. \tag{r}$$

гле

$$\begin{split} \alpha &= \frac{1}{A} \left(\frac{2}{s_{12} \mid y_{12} \mid} + \frac{1}{s_{61} \mid y_{61} \mid} \right); \\ \beta &= \frac{1}{B_{RD}} \left(\frac{1}{s_{13} \mid y_{13} \mid} - \frac{\overline{s}_{61} \mid y_{9} + \frac{\lambda}{2_{61} \mid y_{61} \mid}}{s_{61} \mid y_{61} \mid} \right). \end{split}$$

По формуле (IV.3) с учетом (IV.7)

$$\begin{split} T'' &= m_{3} + \sum_{at=a-1,2}^{6,1} c_{at} \ Q'_{at} = m_{3} + c_{11} \ Q'_{12} + c_{13} \ Q'_{23} + c_{43} \ Q'_{43} + c_{54} \ Q'_{54} + \\ & + c_{40} \ Q'_{55} + c_{41} \ Q'_{61} \ ; \\ c_{41} &= c_{33} = -c_{43} = -c_{45} = y_{41} \ ^{2}_{41} - z_{41} \ ^{2}_{94}; \\ c_{12} &= -c_{54} = y_{12} \ ^{2}_{12}; \quad Q'_{12} = -Q'_{54}; \\ Q'_{51} &= Q'_{23} = -Q'_{43} = -Q'_{55}. \end{split}$$

Отсюда:

$$T'' = m_s + 2 c_{12} Q'_{12} + 4 Q'_{61}$$
 (A)

Из (а), (б) и (д) имеем:

$$T'' = m_s + \gamma T - \delta N. \tag{e}$$

Здесь

$$\begin{split} \mathbf{y} = & -\frac{2}{\beta_{\mathbf{K}\mathbf{p}}} \left[\frac{c_{1\mathbf{x}} \cdot \hat{\mathbf{z}}_{1\mathbf{x}} \mid y_{1\mathbf{x}} \mid}{s_{1\mathbf{x}} \mid y_{1\mathbf{x}} \mid} + \frac{2 \cdot c_{1\mathbf{x}} \cdot (\overline{c}_{1\mathbf{x}} y_{\mathbf{x}} + \hat{\mathbf{z}}_{2\mathbf{x}} \mid y_{\mathbf{x}\mathbf{x}} \mid)}{s_{1\mathbf{x}} \mid y_{\mathbf{x}\mathbf{x}} \mid} \right]; \\ \delta = & -\frac{4}{A} \left(\frac{c_{1\mathbf{x}}}{s_{1\mathbf{x}} \mid y_{\mathbf{x}\mathbf{x}} \mid} - \frac{c_{1\mathbf{x}}}{s_{1\mathbf{x}} \mid y_{\mathbf{x}\mathbf{x}} \mid} \right). \end{split}$$

Для определения неизвестных усилий необходимо решить следующую систему:

$$N'' - \alpha N + \beta T = 0;$$

 $T'' - \gamma T + \delta N = m_s.$ (**)

191

При абсолютно жесткой заделке в основание граничные условия иля этой системы принимают вил:

$$N(0) = 0;$$
 $N'(H) = 0;$
 $T(0) = 0;$ $T'(H) = m_0 H.$
(B)

Вычислим входящие в систему (ж) коэффициенты:

$$B_{\pi} = 32 \cdot 10^4 \frac{0.5 \cdot 1.25^3}{12} = 26\,040 \text{ H} \cdot \text{cm}^2.$$

Для оргстекла по формуле (V.13)

$$\gamma_1 = 1 + 2.75 \left(\frac{h_n}{t}\right)^2 = 1 + 2.75 \left(\frac{1.25}{3.1}\right)^2 = 1.447.$$

По формуле (V.14)

$$s_{12} = \frac{3,75 \cdot 3,1^3}{12,26040.8 \cdot 15} \cdot 1,447 = 6,3475 \cdot 10^{-5}.$$

Из (V.21) при ba по рис. X.6 и ж=F/Fax.

где
$$F = F_1 + F_6 + F_5$$
; $F_{cr} = F_6$;

$$s_{e1} = \frac{1,8 \cdot (2,775+6,10)}{13 \cdot 10^4 (12,2+2 \cdot 5,3) \cdot 0,5} = 13,81 \cdot 10^{-6} \text{ cm/H};$$

 $A_1 = EF_1 = 32 \cdot 10^4 \cdot 5.05 \cdot 0.5 = 0.808 \cdot 10^5 \text{ H}.$

По формуле (III.19)

$$\begin{split} B_{\text{sp}} &= 4 \cdot 6, 1^3.1, 717 \cdot 10^6 + 2 \cdot 6, 85^5 \cdot 27, 312 \cdot 10^6 = 2817 \cdot 10^6 \text{ H·cs}^4; \\ \alpha &= \frac{1}{0,808} \left(\frac{2}{63,475 \cdot 8, 15} + \frac{1}{13,81 \cdot 2,775} \right) = 0,03703; \\ \beta &= \frac{1}{2817} \left(\frac{8, 15 \cdot 6, 1}{63,475 \cdot 8, 15} - \frac{6, 1 \cdot 6, 85 + 6, 1 \cdot 2,775}{13,81 \cdot 2,775} \right) = -0,00050973; \end{split}$$

$$\gamma = -\frac{2}{2817} \left[-\frac{6,1 \cdot 8,15 \cdot 6,1 \cdot 8,15}{63,475 \cdot 8,15} - \frac{2 \cdot (6,1 \cdot 2,775 + 6,1 \cdot 6,6) \cdot (6,1 \cdot 6,85 + 6,1 \cdot 2,775)}{13,81 \cdot 2,775} \right] \doteq 0,1278;$$

$$\delta = -\frac{2 \cdot (6.1 \cdot 2,775 + 6.1 \cdot 6,6) \cdot (6.1 \cdot 6,85 + 6.1 \cdot 2,775)}{13,81 \cdot 2,775} = 0.1278;$$

$$\delta = -\frac{4}{0,808} \left(-\frac{6.1 \cdot 8,15}{6.3,475 \cdot 8,15} + \frac{6.1 \cdot 2,775 + 6.1 \cdot 6,6}{13.81 \cdot 2,775} \right) = -6,9117.$$

С учетом вычисленных коэффициентов система (ж) запишется так: $\begin{cases} N'' - 0,03708 N - 0,00050973 T = 0; \\ T'' - 0,1278 T - 6,9117 N = 90,9. \end{cases}$

посредственным интегрированием. На рнс. Х.6 показаны результаты ее решення в виде эпюр усилий по высоте ядра. Максимальные значения этих усилий: T(H) = 49 879 $H \cdot \text{см}^2$;

 $N(H) = -336 \text{ H}; Q_{12} (x=108) = 27 \text{ H/cm}; Q_{61} (x=123) = 36,5 \text{ H/cm}.$ Угол закручнвання $\theta(x)$ определен согласно формуле (III.31) двойным интегрированием функции T(x). Для учета сдвига в заделке ядра, который не отражается в граничных условнях (и), надо к результату добавить

$$\theta_{C,BB} = \frac{m_S H}{G F o^3} x,$$

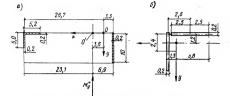


Рис. X.7. Схема плана несущей системы с уголковой диафрагмой а— план завланой системы, б— деталь уголка с введенной связью; О— центр жесткостей для преобразованной (расчетной) системы; О"— то же, для заданной системы с моколатилым уголком

[где F — площаль сечения стенки ядра; ρ — средний раднус (IV.34)] либо при интегрировании (III.31) принять второ траничное условие $\theta'(H) = M(H)/GF\rho^2$. Тогда $\theta_{\rm GR}$ будет учтен автоматически.

Эпюры (рис. Х.6) сопоставлены с экспериментальными, показанными пунктином.

Пример 15. Определение усилай в песирией системе (рис. X7). Система осърежит столо утнового поперенного сечения. Для расчета, согласно указаняям § 1 гл. III, этот столб условно расиленяем на два прямоутольных (полки уголья) в оседняеми их съязани слажнае характеристикоб S=0 (рис. X7,0). Неходиве данные $I_{11} = I_{22} = I_{23} = I_{23}$ $I_{12} = I_{22} = I_{23} = I_{23}$ $I_{12} = I_{23} = I_{23}$ $I_{13} = I_{23} = I_{23}$ $I_{13} = I_{23} = I_{23}$ $I_{23} = I_{23}$ $I_$

Положение центров жесткостей для заданной и преобразованиой систем определено по (III.1) и показано на рис. X.7.

Согласно (III.24), (III.27) и (III.29), учитывая, что связь направлена по оси г. получим:

$$\begin{split} \mathbf{s}_{13}\,N_1 &= \frac{N_1\,\,26,7\,+\,N_2\,\,24,1-0}{0,003\,+\,2,089\,+\,0,007} - \frac{1}{2,6}\,\,\times \\ &\times \left[\frac{N_2}{1} - \frac{N_1}{1} + \frac{(N_1\,\,2,4-M_y^2)\,\,(-2,4)}{16,67\,+\,2,083\,+\,0,097} - \frac{T}{J_{ap}}\,\,(-2,4)\,\,26,7 \,\right]. \quad \textbf{(a)} \end{split}$$

Так как $N_2 = -N_1$ и $s_{12} = 0$ (связь совершенно жесткая — обе полки уголка в действительности монолитно соединены), то, согласно (III.20),

$$T = M_0^0 \ 3.6 + [(-2.4) \ 26.6 - (-2.6) \ 0] \ N_1 = 3.6 M_0^0 - 63.8 \ N_1$$

Подставляя эти результаты в (a), получим после приведения подобных членов

3,071
$$N_1 = 0,1026 M_u^0$$
, τ . e. $N_1 = 0,0334 M_u^0$.

Покажем, что в даиной системе не возникает кручевия, хотя плоскость действия внешнего момента M_y^y не совпадает с центром жесткостей преобразованной системы с разрезаниям уголком. При отсутствии кручения M_y^y должен распределиться межку двума задвиными столбами (утолком и дмафрагмой) пропорционально их моментам инерции. Проверим, какое распределение M_y^y получено из решения (а).

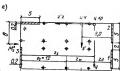
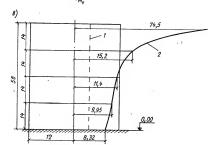


Рис. X.8. Пространственная несущая система (к пример) расчет 16)

a — план; b — фасад (вертикаль ный масштаб уменьшен вдвое) с линиями центров жесткостей (l) н центров кручения (l)



По формуле (III.30)

$$M_{1y}(x) = 2,083 \left[\frac{1 - 0,0334 \cdot 2,4}{18,756} + \frac{26,7(3,6 - 63,8 \cdot 0,0334)}{1668} \right] M_y^0 = 0,152 M_y^0$$

Полный момент на уголковый столб равен $(M_{1y}+N_1b)$, т. е. $M_{12}=0.152~M_y~+0.0344~M_y^0~\cdot 2.4=0.232~M_y^0$,

а исходя из распределения, пропорционального J_i , при $J_{12y}\!=\!4.97$ м⁴ для монолитного уголка

$$M_{12} = \frac{M_y^0 \cdot 4,97}{4,97 + 16,67} = 0,23 M_y^0$$
,

т. е. распределения совпадают. Следовательно, кручения нет, и принятие в расчете условиого центра изгиба (жесткостей) для преобразованиой системы не вносит инкакого искажения в результаты расчета.

Пример 16. Определение усилий в несущей системе (рис. Х.8,а). Зданне

20-этажное (Н=56 м); связевой каркас не участвует в восприятии горизонтальных нагрузок; столбы I и 2 объединены перемычками $s_{12} = 176/E$; $B_1 =$ $=B_2=B_3=B_4=2,08E;$ $k_{12}=0,286/E.$ Согласно определению, даниому в § 2 и 3 гл. III, даниая несущая система относится к классу плоско-параллельных с диафрагмами, не имеющими общих точек, поэтому для ее расчета можно воспользоваться формулами (III.94)—(III.99). На первом этапе расчета определим по формуле (III.63) усилия \overline{N} в столбах I-2 при плоском изгибе от $M_0 = 1 \cdot x^2$. Действию M_2^0 сопротивляется только столб 4, поэтому $M_4 = M_2^0$ Результаты вычислений для 5 уровней по высоте здания сведены в табл. X.4. причем:

$$\overline{M}_1 = \overline{M}_2 = \overline{M}_3 = \frac{1}{3} (1 \times \overline{N} 7);$$

$$\overline{M}_{n 1, 2}^0 = \overline{N} 7 + \overline{M}_1 + \overline{M}_2.$$

Таблица Х.4

		١		OT M _V	
x	М	$M_Z^0 = \overline{M_4}$	N	$\overline{M}_1 = \overline{M_2}$	M _{Д1,2}
2,01 14 28 42 56	4,03 196 784 1764 3136	2,01 98 392 882 1568	5,02 39,2 103,5 187,5 242	10,37 26,5 19,7 150 481	14,4 221 764 1613 2655

Второй этап расчета состойт в определении усилий, вызваниых поворотом здания в плане от крутящих моментов — M_{π}^{0} 6 и M_{π}^{0} z_{M} (см. рис. X.8). Так как столб 4 является единственным, параллельным оси г, то кривая центров кручения (§ 3 гл. III) лежит в плоскости этого столба ($y_{m}=6=$ const), и потому усилия в этом столбе от поворота здания в плане не возникают. Координаты центров кручения zм в рассматриваемых уровнях найдем по (III.98). Например, для заделки (x=56 м)

$$z_{\rm M} = \frac{2655 \ (-\ {\rm I2}) + 481 \cdot 12}{3136} = -\ 8,32 \ {\rm m}.$$

Дальнейшие вычисления сведены в табл. Х.5.

От поворота в плане под влиянием Ма, например в заделке столба 3, по формуле (ПП.95)

В заделке днафрагмы 1-2

т. е. $\hat{M}_3 = -\hat{M}_{\pi}^{\theta}$, как и должно быть в силу очевидного равенства, $-M_2^0 \cdot 6 =$ $= \dot{M}_{\pi} \cdot 24 = -M_{\pi}^{0} \cdot 24.$

При действии
$$M_y^0$$
 по формуле (III.95) для сечения $x=56$ м $\dot{M}_{\rm B}=(-\dot{M}_{\rm A}^0)=\frac{3136\cdot8,32\cdot481\cdot20,32}{481\cdot20,32^2+2655\cdot3,68^3}=1087.$

Дальнейшие вычисления сведены в табл. Х.5.

			,×			От <i>М</i> _µ ⁰		1.24)
ж "н	z _M (111.98)	z, = c, + z	z = c + z	Or M ⁰ :M₃= (III.95)	$M_{\bullet} = -M_{A}^{0}$ (III.95)	$M_{A}^{0} = \overline{M}_{A}^{0} + A_{A}^{0}$	$M_{\bullet} = \overline{M}_{\bullet} + + + \hat{M}_{\bullet}$	Or My, MA(I) (III.25), (III
2,01 14 28 42 56	74,5 15,2 11,4 9,95 8,32	86,5 27,2 23,4 21,95 20,32	62,5 3,2 -0,6 -2,05 -3,68	-0,5 -24,5 -98 -221 -392	12,46 124 372 731 1087	1,94 97,5 392 881 1568	2,09 97 392 882 1568	97,8 391,4 883 1568

Те же результаты можио получить, пользуясь центром жесткостей по общим формулам § 1 гл. III. Например, при действии M_y^0 по формулам (III.24), (III.25) с учетом (III.19), (III.20)

$$N_1' = \frac{1}{176} \left\{ \frac{1}{6,24} (N_1 \cdot 9, 5 + N_3 \cdot 2, 5 - 1 x^3) - \frac{1}{7} \dots \right.$$

$$\dots \left[\frac{N_3}{5 \cdot 0, 2} - \frac{N_1}{5 \cdot 0, 2} + \frac{1}{2} \frac{x^3 \cdot 4 + (-7)}{2 \cdot 9} \frac{(-8)}{0.8} \frac{N_1}{2} (-8) 7 \right] \right\}.$$

Учитывая, что $N_2 = -N_1$, приведем предыдущее уравнение к виду $N_1^* = 0.0112 N_1 - 0.000682 x^2$.

Решаем это дифференциальное уравнение для примера методом конечных разностей (§ 3 гл. 111 и рис. 111.14). Для четырех расчетных уровией: x=14, 28, 42 и 56, т. е. при шате h=14 получим систем;

$$0-2\,u_1+u_2=14^2\ (0,0112\,u_1-0,000682\cdot 196);$$

$$u_1 - 2u_2 + u_3 = 14^2 (0.0112 u_2 - 0.000682.784);$$

$$u_3 - 2 u_3 + u_4 = 14^{9} (0,0112 u_3 - 0,000682 \cdot 1764);$$

$$2\ (u_3-u_4)=14^2\ (0,0112\,u_4-0,000682\cdot 3136)\,.$$

Решение этой системы дает непосредственно значения N_1 в четырех рассмотренных уровиях. Например, для x=28 м имеет: $N_1=u_2=54,3$. Зная N_1 , определим по формул (III.30) можеты в столбах I и 2:

$$M_1 = M_2 = 2,08 \ \left(\frac{784 - 54,3 \cdot 7}{6,24} + \frac{(-8) \ [784 \cdot 4 + (-7) \ (-8) \ 54,3]}{2 \cdot 2,08 \cdot 8^2 + 2,08 \cdot 16^2} \right) = 5,7.$$

Полный момент, воспринимаемой диафратмой I-2 в сечении x=28 м, $M_a=54.3\cdot7+2\cdot5.7=391.4$, что практически совпядает с результатом, полученным путем, приведениям в табл. X.5. Для других сечений виачения M_a^0 , лайдент име по общим формулам (11124), (111.25), приведены в последлей коложе табл. X.5. Каж видко из табл. X.5. результаты расчета обоми способами совпадают. Отметим, что решение уравнения (111.24) в конечимх разностях при большом шате h=0.25 Н для оточивые результаты.

Линия центров кручения (111.98), согласно значениям x_{ss} , приведенным в табл. X.5, построена на рис. X.8,6. Так как несущая система плоскопараллельная, линия центров кручения представляет собой плоскую кривую, лежащую в плоскости столба 4. Пример 17. Сравнение вариантов конструктивного решения здания с ростеврами (рис. V/4). Сравнить в экскняйо стадии под действием ветровой нагрузки следующие зарианты конструктивного решения многоэтажного здания с ростверхами размером в плане 30% 30 м и высотой #—1518 и.

Несущая система — прямоугольное ядро с размером в плане 12,6 × 12,6 м, толщина стенки б = 60 см, ростверк коробчатого сечения (рис. VI.5,a)

высотой h=3,3 м расположен вверху ядра.

2. Ядро с размером в плане $12,5\times12,5$ м, $\delta=50$ см, ростверков три (см. рис. 1.10) высотой 3,3 м каждый, расположены на отметках 49,5, 99 м и вверху здания.

Для расчета принимаем основную систему по рис. VI.4,6 и пользуемся формулами § 3 гл. VI и § 2 гл. II при q=50,2 кH/м и a=0,28.

Изгибающий момент в любом сечении ядра жесткости от горизонтальной нагрузки находим по формуле (II.14). Момент в заделке

$$M(H) = \frac{5.02 \cdot 151.8^{9}}{2} \left(1 + \frac{0.28 - 1}{3} \right) = 438\,000 \text{ kH·m}.$$

Эпюра М показана пунктиром на рис. 1.10,в.

Виачале выполним расчеты в предположении бесконечной жесткости ростверка.

Вариант 1. Для определения перемещений δ_{tt} и δ_{tp} вычисляем нзгионую жесткость ядра, осевую жесткость колонны и коэффициент к (IV.38) для плана задания по рис. VI.4, ϵ — δ .

$$E J = 33 \cdot 10^6 \cdot 346,7 = 11441 \cdot 10^6 \text{ kH} \cdot \text{m}^2;$$

 $EF = 26 \cdot 10^{6} \cdot 0.488 = 13 \cdot 10^{6} \text{ kH};$

$$k = 7 + \frac{5}{3} \left(\frac{5-1}{5+1} \right) = 8, 1.$$

По формуле (VI.36)

$$\delta_{11} = \left(\frac{8, 1^2 \cdot 30^2}{11\,441 \cdot 10^6} + \frac{2}{13 \cdot 10^6}\right) \, 148, 5 = 8, 1^{-4} \, .$$

По формуле (VI.37) и по рис. (VI.4, θ

$$\delta_{1p} = \frac{1562 \cdot 10^4 \cdot 8, 1 \cdot 30}{11 \cdot 441 \cdot 10^4} = -3300 \cdot 10^{-4} \; .$$

Решая уравнение (VI.35), находим

$$X_1 = \frac{3300 \cdot 10^{-4}}{8 \cdot 10^{-4}} = 413 \text{ kH}.$$

Определяем изгибающие моменты в ядре жесткости по формуле (VI.39):.

$$M(0) = 413 \cdot 8, 1 \cdot 30 = 10040 \text{ kH} \cdot \text{m};$$

 $M.(H) = 438\,000 - 10\,040 = 427\,960\ кH·м,$ изгибающий момент в уэле примыкания ростверка — по формуле (VI:40)

$$M_p = 8, 1.413 \frac{30 - 12}{9} = 31\,000 \text{ kH·m}.$$

Вариант 2. Вычисляем изгибную жесткость ядра и осевые жесткости колони:

$$EJ = 288, 2 \cdot 29 \cdot 10^{\circ} = 8358 \cdot 10^{\circ} \text{ kH} \cdot \text{m}^{\circ};$$

$$E F_1 = 19 \cdot 10^6 \text{ kH};$$

 $E F_2 = 13 \cdot 10^6 \text{ kH};$

$$EF_3 = 5, 2 \cdot 10^4 \text{ kH}.$$

Определяем перемещения по формулам (V1.36) и (V1.37):

$$\begin{split} & \delta_{11} = \left(\frac{8.1^{3} \cdot 30^{3}}{8358 \cdot 10^{4}} + \frac{2}{12 \cdot 10^{4}}\right) \cdot 49, 5 = 3, 5 \cdot 10^{-4} ; \\ & \delta_{22} = \left(\frac{8.1^{13} \cdot 30^{3}}{8358 \cdot 10^{4}} + \frac{2}{13 \cdot 10^{4}}\right) \cdot 46, 2 = 2, 4 \cdot 10^{-4} ; \\ & \delta_{23} = \left(\frac{8.1^{13} \cdot 30^{3}}{8358 \cdot 10^{4}} + \frac{2}{5 \cdot 2 \cdot 10^{3}}\right) \cdot 46, 2 = 3, 5 \cdot 10^{-4} ; \\ & \delta_{23} = -\frac{697455 \cdot 8, 1 \cdot 30}{8358 \cdot 10^{4}} = -0,021; \\ & \delta_{23} = -\frac{4 \cdot 638 \cdot 010 \cdot 8, 1 \cdot 30}{8358 \cdot 10^{4}} = -0,135; \\ & \delta_{1p} = -\frac{12 \cdot 827 \cdot 190 \cdot 8, 1 \cdot 30}{8358 \cdot 10^{4}} = -0,374. \end{split}$$

Решая уравнения (VI.35), находим:

$$X_1 = \frac{0.374 \cdot 10^4}{3.5} = 1050$$
 κH; $X_2 = \frac{13.5 \cdot 10^{-2}}{2.4 \cdot 10^{-4}} = 563$ κH;
$$X_3 = \frac{2.1 \cdot 10^{-2}}{3.5 \cdot 10^{-4}} = 60$$
 κH.

По формулам (VI.39) и (VI.40) определяем изгибающие моменты в ядре и в ростверке. Эпюра изгибающих моментов показана на рис. $1.10, \sigma$.

Как вядно из расчетов, осовая жесткость колони весьма незначительно ванием на величану перемещений θ_1 и. Поэтому для предварительным расчетов (например, для отмесания отнимального расположения растерков по высоте заявия) можно получить простуго формуху для определения предольных сыл в колониях, полагая в формух (V1.36) и (V1.37) осеную жесткость колониям EF равной бесконечности. Тогда по формух (V1.36) и X = O(10) в X = O(1

Для варианта 1 по этой формуле

$$X = \frac{15620000}{81.30.1485} = 431 \text{ kH},$$

что мало отличается от полученной ранее X = 413 кH.

Для уточнения усилий для варианта 2 производим расчет с учетом податливости ростверка.

Определяем изгибно-сдвиговую жесткость ростверка и площадь сечения его стенок:

$$J_{\rm p}=36.8~{\rm m}^4;~~F_{\rm cT}=4.83~{\rm m}^2; \ K_1=7^2+\frac{5^2}{19}\left(\frac{5-1}{5+1}\right)^3=49.92.$$

По формуле (VI.44), принимая в ней ж по (VI.48).

$$B_{p} = \frac{1}{\frac{1}{26 \cdot 10^{4} \cdot 36,8} + \frac{49,92 \cdot 12}{11,6 \cdot 10^{4} \cdot 4,83 \cdot 8,1^{3} \cdot 30^{3}}} = 833 \cdot 10^{4}.$$

$$\begin{split} &\delta_{13} = \delta_{11} = \delta_{23} = \delta_{32} = -\frac{8.1^{13.30^{3}}}{12.833 \cdot 10^{4}} = -1.77 \cdot 10^{-4} \,; \\ &\delta_{11} = \left(\frac{8.1^{13.30^{3}}}{8358 \cdot 10^{4}} + \frac{2}{19 \cdot 10^{4}}\right) \, 49.5 + \frac{8.1^{13.30^{3}}}{6.833 \cdot 10^{4}} = 7.06 \cdot 10^{-4} \,; \\ &\delta_{22} = \left(\frac{8.1^{13.30^{4}}}{8358 \cdot 10^{4}} + \frac{2}{13.10^{4}}\right) \, 46.2 + \frac{8.1^{13.30^{4}}}{6.833 \cdot 10^{4}} = 5.9 \cdot 10^{-4} \,; \\ &\delta_{33} = \left(\frac{8.1^{13.30^{4}}}{8383 \cdot 10^{4}} + \frac{2}{5.2 \cdot 10^{4}}\right) \, 46.2 + \frac{8.1^{13.30^{4}}}{6.833 \cdot 10^{4}} = 7 \cdot 10^{-4} \,. \end{split}$$

Грузовые члены остаются без изменения. Имеем систему уравнений (VI.43):

$$7.06 X_1 - 1.77 X_2 - 0.374 \cdot 10^4 = 0;$$

$$-1.77 X_1 + 5.9 X_2 - 1.77 X_3 - 0.135 \cdot 10^4 = 0;$$

$$-1.77 X_2 + 7.0 X_2 - 0.021 \cdot 10^4 = 0.$$

Решая систему уравнений, находим:

$$X_1 = 601,3 \text{ kH}$$
; $X_2 = 481 \text{ kH}$; $X_3 = 153 \text{ kH}$.

По формулам (VI.39) в (VI.40) вычисляем нагибающие моменты в ядре жесткости на ростверке. Вачаения изгибающих моментов (ко. рис. 11.04) в ядре для варианта 2 с учетом и без учета податливости ростверков сведены в таблину:

кН-м	ростверков	ростверков
В сечении $x=0$ В сечении $x=H$	36 037 137 390	14 580 30 440

Как видно нз таблицы, податливость ростверков значительно изменила в данном примере усилия в ядре н колоннах, что говорит о необходимости ее учета в расчетах.

Сравнивая варианты 1 и 2, видим, что даже при неучете податливости ростверка изгибающий момент в заделже ядра по варианту 1 втрое превышает тот же момент по варианту 2. Если и в варианте 1 учесть деформативность ростверков, эта развища еще возрастет.

Расскотренный пример показывает, что вариант 2 конструктивного решения более целесобразен и может быть выбран за основу детальной разработки проекта задания.

1. ВЫВОД УРАВНЕНИЯ (III.44) И ОБОСНОВАНИЕ РАСЧЕТНЫХ ФОРМУЛ § 3 ГЛАВЫ III

Действне горизонтальной распределенной нагрузки. Полиый внешний изгибающий момент M^{ϵ} в любом сечении х диафрагмы (см. рис. 1.2,a, δ) будет уравновешен суммой внутренних моментов:

$$M^{\Gamma} = \Sigma M + N b, \qquad (1.1)$$

где N — нормальная сила в столбах, возникающая под действием горизонтальной нагрузки за счет сопротивления связей изгибу и слаигу.

Так как момент M можно выразить через угол наклона столба α , то выражение (1.1) пряводится к уравнению с одним неязвестным N, если известиа зависимость α от N. Установим эту зависимость для случая соединения столбов перемычками.

Нормальная сила N создается как сумма реактивных осевых усилий, возникающих в столбе поэтажно при перекосе перемычек, на некоторую велячину б (см. рис. 1.3,9). Реакция в уровие перемычки в 1-гом этаже с учетом с сопротивления только изгибу (сопротивление сдвигу рассмотрено в § 1

$$\overline{N}_{l} = \frac{12 B_{\Pi}}{n} \delta_{l}, \qquad (1.2)$$

где $B_{\pi} = E J_{\pi}$ — изгибная жесткость перемычки.

Так как перемычки полагаем распределенными по высоте столба, то при высоте этажа, равной \hbar , реактивная осевая сила в столбе имеет приращение из участке dx:

$$d N = \frac{12 B_{\pi}}{h I^3} \delta(x) dx. \qquad (1.3)$$

Заменяя $\delta = b\alpha_0$ (см. рис. V.2.a), найдем:

$$\frac{dN}{dx} = \frac{12 B_{\Pi} b}{h P} \quad \alpha_2. \tag{1.4}$$

Обозначая

$$s = \frac{h I^3}{12 B_{\pi} b} , \qquad (1.5)$$

получим

$$\alpha_2 = s N' \tag{1.6}$$

(штрихом обозначена производная по x). Так как по рис. III.4

$$\alpha = \alpha_1 + \alpha_2, \tag{1.7}$$

то, зная также в угол α 1, сможем выразить полный угол α в функции N(x). Обозначая c—перемещение сечения x по направлению оси X E и F—модуль удругости и площадь сечения столба соответственно, получим элементарию перемещение на дляне dx:

$$\Delta c = \frac{N x dx}{EF}. \tag{1.8}$$

Полиое перемещение c будет равно сумме элементариых перемещений надеформируемом участке столба, равном (H-x).

Интегрируя (1.8) в этих пределах, найдем:

$$c = \pm \frac{1}{EF} \int_{0}^{H} N dx.$$
 (1.9)

Теперь можио угол α_1 выразить через c (см. рнс. III.4, пунктир):

$$\alpha_1 = \frac{c_1 - c_2}{b}$$
 (1.10)

При отсутствии других сил, проектирующихся на ось х,

$$N_1 = -N_2 = N$$

и, следовательно,

$$\alpha_1 = \left(\frac{1}{E_1 F_1} + \frac{1}{E_2 F_2}\right) \frac{1}{b} \int_{a}^{B} N dx. \tag{1.11}$$

Обозначив

$$\frac{E_2 F_2}{E_1 F_1} = \beta, \tag{1.12}$$

найдем:

$$\alpha_1 = \frac{1+\beta}{b E_2 F_2} \int_{2}^{R} N dx = k \int_{2}^{R} N dx, \qquad (1.13)$$

где

$$k = \frac{1+\beta}{(E\,F)_2\,b} \ . \tag{1.14}$$

Подставляя (1.6) и (1.13) в (1.7), получим искомую зависимость

$$\alpha = s N' + k \int_{0}^{H} N dx. \qquad (1.15)$$

Выражение (1.15) справедливо для двафрагм, рам и рам-диафрагм при любых податливых связях (перемычки, ригели, другие связи сдвига), в зависимости от вида которых будут меняться в этом выражении только зиачения параметра s (см. тл. V).

Согласно (1.1) и заменяя по (1.2) ΣM на — $\alpha' B$, получим:

$$M^{c} = -\alpha' B + N b, \qquad (1.16)$$

где $B = \Sigma EI -$ сумма изгибных жесткостей столбов диафрагмы или иной иссущей конструкции.

Дифференцируя (1.15) и подставляя са' в (1.16), найдем:

$$M^{\Gamma} = B \left(s N'' - k N \right) + N b$$

и, следовательно,

$$N'' - \lambda^2 N = -\frac{M^c(x)}{s B}$$
, (1.17)

$$\lambda = \sqrt{\frac{1}{s} \left(k + \frac{b}{B}\right)} = \sqrt{\frac{kB^0}{sB}}; \tag{1.18}$$

$$B^0 = B + b/k \tag{1.19}$$

жесткость диафрагмы с совершенно неподатливыми связями.

Исходя из (1.15) можно получить и другую форму записи основного

уравнення (1.17) — относительно угла наклона $\alpha(x)$. Заменяя в (1.15), согласно (1.16),

$$N = \frac{M^{r} + \alpha' B}{b},$$

после простых преобразований с учетом $\alpha(H) = 0$ получим:

$$\alpha'' - \lambda^2 \alpha = \frac{k}{s B} \int_{-s}^{x} M^r \alpha x - (Q^r/B).$$
 (1.20)

Из этого уравнення можно получить уравнение прогибов диафрагмы, для чего достаточно продифференцировать его по x и заменить α'' на $y^{t\,v}$ и α' на $y^{t\,v}$ ка $y^{t\,v}$ на $y^{$

$$y^{IV} - \lambda^2 y'' = \frac{k}{a^B} M^c - q(x)/B$$
; (1.21)

Если связи совершенно жестки, то s = 0, так как B_n в формуле (1.5) стремится к бесконечности. Умножая на s все члены уравнения (1.21), получим:

$$-(k+b/B) y'' = (k/B) M^{\dagger}$$

н, следовательно, с учетом (1.19)

$$y'' = -(M^r/B^0)$$
 нлн $y^{IV} = q/B^0$,

т. е. дифференциальное уравнение сплошного столба, как и должно быть при жестких связях.

Если связы абсолютно податливы, то s стремится κ бесконечности, приводя κ нулю параметр λ и первый член правой части уравнения (1.21). Поэтому $u^{1/\nabla} = a/B$.

мн В₄. Решая уравнение (1.17), найдем:

$$N(x) = C_1 \text{ sh } \lambda x + C_2 \text{ ch } \lambda x + \frac{M^{\Gamma}}{\lambda^2 s B} - \frac{q(x)}{\lambda^4 s B}$$
 (1,22)

Соответственно решеннем уравнення (1.20) будет:

$$\alpha(x) = c_3 \sinh \lambda x + c_4 \cosh \lambda x - \frac{1}{B^0} \left[\int_0^x M^r dx - \frac{\overline{B}}{\lambda^2 B} \left(Q^r - \frac{g'(x)}{\lambda^2} \right) \right], \quad (1.23)$$

rge
$$\overline{B} = B^0 - B = b/k = E_2 F_2 b^2/(1 + \beta)$$
. (1.24)

Постоянные интегрирования C_1 и C_2 определяя из граничных условий:

N (0) = 0; N' (H) = 0, (1.25) а постоянные C_4 н C_4 — из условий

 $\alpha'(0) = 0; \quad \alpha(H) = 0.$ (1.26)

Условия (1.25) получаются как следствие того, что N(x) представляет

собой интеграл от распределенных по высоте столба перерезывающих сил в перемычках. При х=0 промежуток интегрирования равен иулю, и значит N=0. При x=H угол наклона оси столба в заделке равен нулю, следовательно, равна нулю перерезывающая сила в самой нижней перемычке на уровие

заделжи, т. е. N'(H)=0. Условия (1.26) исходят из того, что при x=0, т. е. вверху здания, момент, а следовательно, и производная угла наклона оси равны нулю, а внизу при х = Н угол наклона при неподатливом основании равен нулю (случай податливого основания рассмотрен в § 5 гл. II и в § 2 гл. VI).

$$C_1 = q A/\lambda^4 s B, \qquad (1.27)$$

где

Из этих условий находим

$$A = \left(\frac{a-1}{\lambda H} + \frac{a+1}{2} \lambda H - \operatorname{sh} \lambda H\right) / \operatorname{ch} \lambda H; \qquad (1.28)$$

$$C_2 = q/\lambda^4 s B$$
; (1.29)

$$C_3 = (b/\lambda B) c_2;$$
 (1.30)

 $C_4 = (b/\lambda B) c_1$. (1.3I)Подставляя c_1-c_4 в (1.22) или (1.23), получим расчетиые формулы усилий и перемещений для диафрагмы или другой односвязной конструкции,

приведенные в § 3 гл. 1II. Действие сосредоточенной горизонтальной силы, приложенной в любом месте по высоте. Согласно (1.17), получим для сечения x < u (рис. 111.13)

уравнения (111.50).
$$N'' - \lambda^2 N = 0$$
. (1.32)

Для нижнего участка при $x \geqslant u$ с учетом того, что нагрузка равна -1:

$$N'' = \frac{x - u}{A^2} N = -\frac{x - u}{A^2}. \qquad (1.33)$$

Решением этих уравнений будет соответственно:

$$N(x) = C_1 \operatorname{sh} \lambda x + C_2 \operatorname{ch} \lambda x \tag{1.34}$$

$$(x < u)$$
;
 $N(x) = C_3 \text{ sh } \lambda x + C_4 \text{ ch } \lambda x + \frac{x - u}{12 \circ R}$ (1.35)

$$(x \ge u)$$
.

. Добавим к граничным условиям (1.25) дополнительные вытекающие из равенства решений (1.34) и (1.35) в общей точке x=u:

$$N(u) = N(u); N'(u) = N'(u);$$

(x < u) (x > u); (x < u) (x > u). (1.36)Из первого условия (1.25) непосредственно находим $C_2 = 0$. Из остальных:

$$C_1 = \frac{\operatorname{ch} (\lambda H - \lambda u) - 1}{\lambda^3 s B \operatorname{ch} \lambda H}; \qquad (1.37)$$

$$C_3 = \frac{-1 - \sinh \lambda u \sinh \lambda H}{15 \circ R \cosh \lambda H}; \qquad (1.38)$$

$$C_4 = \frac{\sinh \lambda u}{23 a R}. \qquad (1.39)$$

Подставляя $C_1 - C_4$ в решения (1.34) и (1.35), получим формулы (111.86) — (III.87).

(1.35)

Действие вертикальной вигрухим, распределенной по высоте. Как сказано в § 1 гл. II, вертикальная вигрухия в общее случае приложена к столбов вещентренно и удельное значение этой нагрухия различно (см. рис. 11.1 и 11.2). Для расчета ее удобнее привести к центральной удельно равной нагрухи моменту. Спачала переносим силы p_0^2 в центры сечений столбов и добавляем моменту. Спачала переносим силы p_0^2 в центры сечений столбов и добавляем соответственно моменти m_0^2 — p_0^2 е. Эти моменти в данной систем координат положительны, если направлены по часовой стрелке. Согласно (11.2), они распределены равноморко по высоге зданки.

Для приведення сил p_{ℓ}^0 и $p_{\ell+1}^0$ (см. рнс. 11.2) к удельно равным p_{ℓ} и

рі+1 воспользуемся условнем равновесня

$$p_1 + p_2 = p_1^0 + p_2^{0*}$$
, (1.40)

а так как силы p_1 и p_2 удельно равны, то

$$\rho_1/E F_1 = \rho_2/E F_2$$
; $\rho_2 = \rho_1 \frac{E F_2}{E F_1} = \beta \rho_1$, (1.41)

где β — по (1.12). Подставляя (1.41) в (1.40), найдем: $\rho_1 = (\rho_1^0 + \rho_2^0)/(1 + \beta)$; $\rho_2 = \beta (\rho_1^0 + \rho_2^0)/(1 + \beta)$.

 $p_1 = (p_1^0 + p_2^0)/(1+\beta); \quad p_2 = \beta (p_1^0 + p_2^0)/(1+\beta). \tag{1.42}$

Заменяя p_1^0 на p_1 и p_2^0 на p_2 следует добавить на каждый столб силы $\pm \Delta p = \pm (p_1 - p_1^0)$), делающие преобразованную систему эквивалентной заданной. Эти силы с плечом b создадут момент

$$m^{B} = (p_{1} - p_{1}^{0}) b$$
, (1.43)

Подставляя в (I.43) значение p_1 из (1.42), получим:

$$m_{12}^{B} = b \left(p_{2}^{0} - \beta p_{1}^{0} \right) / (1 + \beta).$$
 (1.44)

Таким образом, заданняя нагрузка преобразована к эквивалентной, сотоящей виз удельно-равных центрально приложенных силь p_{t+1} и моментов m_{t}^{2} , m_{t+1}^{2} , и моментов m_{t}^{2} , m_{t

магрузин). Задача расчета, как и при действии горизонтальной нагрузки, состоит в отыскании усклий N(x) и M(x). Под действием момента $M'(x) = \sum m_i^n$ эти усилия определяются уравнениями (1.17), (1.20) с заменой M' на M' мент $M'(x) = xm^2$ оздает угол наклона столба α_2 , определяемый по аналогии с (1.6) с учетом изменения замах:

$$\alpha_2 = -s N'. \tag{1.45}$$

Угол α_1 зависит теперь от момента $M^n(x)$ и от нормальных сил N(x). Используя (1.9), найдем:

$$c_{1} = \frac{1}{E_{1}} \sum_{F_{1}}^{n} \left(\frac{M^{p}}{b} + N \right) dx;$$

$$c_{2} = \frac{1}{E_{2}} \sum_{F_{2}}^{n} \sum_{x}^{n} \left(\frac{M^{p}}{b} + N \right) dx.$$
(1.46)

[•] Здесь и далее для упрощения записи индексы i и i+1 заменены на 1 и 2.

Имея в виду, что по рис. II.2,6

$$\alpha_1 = (c_2 - c_1)/b,$$

н раскрывая значение Мв по (1.44), получим:

$$\alpha_1 = \frac{1}{E_2 F_2 b} \int_{x}^{n} x \left(\rho_2^0 - \beta \rho_1^0 \right) dx + \frac{1+\beta}{E_2 F_2 b} \int_{x}^{n} N dx. \quad (1.47)$$

Интегрируя первый член н заменяя множнтель при втором интеграле через k (1.14), получим:

$$\alpha_1 = \frac{H^3 - x^3}{2 E_1 F_2 b} (\rho_2^0 - \beta \rho_1^0) + k \int_x^n N dx.$$
 (1.48)

Исходное уравнение (1.1) в данном случае, поскольку на сечение действуют только осевые силы и внешний момент отсутствует, примет вид:

 $\Sigma M + Nb = 0.$

Приняв во винмание, что $\Sigma M = -\alpha^4 B$ и что α , согласно рис. II.2,6, определяется как разность выражений (1.48) и (1.45), найдем из (1.49):

$$-\frac{(p_2^0 - \beta p_1^0) x}{E_2 F_2 b} - k N + s N'' = \frac{b}{B} N.$$
 (1.50)

Отсюда с учетом (1.44)

$$N'' - \lambda^3 N = M^n(x)/s\overline{B}, \qquad (1.51)$$

где λ определяется во (1.18), а \overline{B} — по (1.24). При совместном действии $M^{\mathfrak{p}}(x)$ и $M^{\mathfrak{p}}(x)$

$$N'' - \lambda^2 N = \frac{1}{s} \left(\frac{M^{n}(x)}{\overline{R}} - \frac{M^{n}(x)}{R} \right).$$
 (1.52)

При одновременном действин вертикальной висцентренной и горизоптальной нагрузки уравление (1.52) остается в силе, но $M^{0}(\mathbf{x})$ заменяется и а $M^{0}(\mathbf{x}) = M^{0}(\mathbf{x}) + M^{0}(\mathbf{x})$ (1.53)

н (1.52) превращается в (III.44). Решеннем уравнения (1.52) в этом общем случае будет:

$$N(x) = C_1 \text{ sh } \lambda x + C_2 \text{ ch } \lambda x + \frac{M^0(x)}{\lambda^2 s B} - \frac{M^0(x)}{\lambda^3 s \overline{B}} - \frac{q(x)}{\lambda^4 s B}. (1.54)$$

Постоянная интегрирования C_1 , согласно (1,25), равна:

$$C_1 = \frac{qA}{\lambda^4 sB} + \frac{1}{\lambda^3 s \cosh \lambda H} \left(\frac{m^8}{\overline{B}} - \frac{m^9}{B} \right), \quad (1.55)$$

постоянная C_2 определяется по (1.29), а A — по (1.28).

Из (1.54) с учетом (1.44) найдем:

$$N = \frac{1}{\lambda^3 s} \left(\frac{m^9}{B} - \frac{m^9}{\overline{B}} \right) \left(x - \frac{\sinh \lambda x}{\lambda \cosh \lambda H} \right). \tag{1.56}$$

Из (1.56) вндно, что при $m^p/B = m^p/B$ нмеем N = 0, н в столбах действует усилне только от внешинх сил, рависе:

$$\left(P_{\ell}\pm\frac{M^{\mathrm{B}}}{b}\right)=P_{\ell}^{0}$$
.

(1.49)

Несущая конструкция изгибается по схеме чистого изгиба, причем перемычки (ригели) не изгибаются. Момент в i-том столбе, согласно (1.1).

$$M_l = B_l (m^9 x - N b)/B,$$
 (1.57)

куда N подставляется с тем знаком, который она получит при вычислении (1.56).

Перерезывающая сила в перемычке (ригеле)

$$\overline{Q}_{n} = N'h = \frac{h}{\lambda^{2} s} \left(\frac{m^{9}}{B} - \frac{m^{9}}{\overline{B}} \right) \cdot \left(1 - \frac{\operatorname{ch} \lambda x}{\operatorname{ch} \lambda H} \right). \tag{1.58}$$

Поперечные силы в столбах определяются по (III.68) с заменой Q^r на m и вычитанием m^2 , действующего в данном столбе. В выражение (III.68) \overline{Q}_n и m^n но вычитанием m^2 , действующего вычиталения Q_n получается из вычисления (I.58), а распределенные моменты m^n и m^n считаются положительными, если они создают перемещения по рис. 120.

Прогиб получим, нитегрируя выражение для угла иаклона, определяемого как разность выражений (1.48) и (1.45):

$$\begin{split} \widetilde{g} &= \frac{1}{B^0} \left\{ \frac{\overline{B}}{\lambda^3} \left(\frac{m^2}{B} - \frac{m^2}{\overline{B}} \right) \left[\lambda \left(H - x \right) - \frac{\sinh \lambda H - \sinh \lambda x}{\cosh \lambda H} \right] + \\ &+ \left(m^2 + m^2 \right) \left(\frac{H^2}{3} - \frac{H^2 x}{2} + \frac{x^2}{6} \right) \right\}. \end{split}$$
(1.59)

Прогиб верха здания будет равен:

$$f = \frac{1}{B^0} \left\{ \frac{\overline{B}}{\lambda^3} \left(\frac{m^3}{B} - \frac{m^3}{\overline{B}} \right) (\lambda H - \text{th } \lambda H) + \frac{H^3}{3} (m^3 + m^0) \right\}. (1.60)$$

К обоснованию формулы (111.79) и табл. (111.1).

Из рис. X2 вядно, что с возраставием величины M якора \overline{Q}_0 все больше прябликается к эпоре спантающих усымий в слаошной двифрагм, остететенню, следует из возрастающей жесткости перемычек. При этом, как видно из графиков рис. III.16, сечение, соответствующее \overline{Q}_0 выз. прибликается к опоряюму сечению двифрагмы. Это подеказывает возможность представить выдъжение для порыкальной силы в опоряюм сечении двафрагмы в выде первого члена формузы (11.10) с поправочным кооффициентом ε :

$$N_{\text{max}} = c \frac{Q^{\text{r}}}{\sqrt{k} B^{0}} \frac{H}{2}$$
 (1.61)

Для определення c приравняем (1.61) к получениому в гл. III выражению (III.74), при этом обозначим через c_1 коэффициент, соответствующий a=0, b=0, b=0 соответствующий значению a=0, b=0, b=0 после несложных преобразований получим:

$$c_1 = 1 - \frac{2(\lambda H - 1)}{(\lambda H)^3}; c_{0,5} = 1, 11 - \frac{6\lambda H - 4}{3(\lambda H)^3};$$

$$c_{0,3} = 1, 18 - \frac{2\lambda H - 1}{(\lambda H)^3}; c_{0,2} = 1, 22 - \frac{6\lambda H - 2}{3(\lambda H)^3}.$$
(1.62)

Значения этих коэффициентов при ξ =0,2 приведены в табл. III.1 (гл. III).

2. О ПОПЕРЕЧНОЙ СИЛЕ В СТОЛБАХ ДИАФРАГМ

Поперечная сила в столбе Q не равиа производиой от момента M в этом столбе. При маличин распределенного момента $m\!=\!m(x)$, имеющего (как в нашем случае) знак, противоположный знаку внешнего момента, будет: $M\!=\!\infty$

$$Q = M' + m.$$
 (2.1)

Подставляя сюда M_i из (III.66) и $m_i = \overline{Q_0} u_i / h$, где u_i расстояние от точки перегиба связи до оси столба i, найдем поперечную силу в i-том столбе (III.68).

$$Q_{\ell} = \frac{Q^{r} B_{\ell}}{B} + \frac{\overline{Q}_{rr}}{h} \left(u_{\ell} - \frac{n b B_{\ell}}{B}\right), \qquad (2.2)$$

где Q^r и \overline{Q}_n определяются для рассматриваемого сечения x соответственно по формулам (II.13) и (III.67).

В отдельной односвязной симметричной диафрагме

$$Q_1 = Q_2 = \frac{Q^r}{2}$$
, (2.3)

так как скобка во втором члене формулы (2.2) превращается в нуль. Интересной особенюство работы отдельных вертикальных несущих конструкций является возникиювение между несимметричными вертикальными

элементами в сеченин x=0 сосредоточенных сил (см. рис. X.3). Их найдем, приравива x=0 в выражении (2.2) или (III.68). Так как $Q^*(0)=0$, то искомая сила будет:

$$P = \frac{\overline{Q}_{ii}}{h} \left(u_i - \frac{b B_i}{B} \right), \qquad (2.4)$$

и поскольку при x=0 $\bar{Q_n}$ по (III.67) равно не нулю, а

$$\overline{Q}_{n} = \frac{h q}{\lambda k B^{0}} \left(A - \frac{a-1}{\lambda H} \right), \qquad (2.5)$$

то P по (2.4) равна вудю только в случае превращения в куль выражения, стоящего в скобке, τ . е только в случае симметренной несущей конструкц. В простых плоскопараллевьмых несущих системых (рис. 111.12) усилия в глумых диафрагмых определяются по обычным формулым расчета сплощного консольного стержив: $M_t = -\alpha'B_t$; $Q = M_t$; $q_t = -Q_t$.

Так как M_4 остается равным (III.65), то, выполнив дифференцирование, найдем поперечную силу и нагрузку в глухой диафрагме:

$$q_i(x) = \frac{B_i}{B^0} \left[q(x) + \frac{n\overline{B}q}{B} (A \operatorname{sh} \lambda x + \operatorname{ch} \lambda x) \right].$$
 (2.7)

В этих формулах обозначения те же, что и в (III.63).

3. ОСОБЕННОСТИ РАСЧЕТА РАМ, РАМО-ДИАФРАГМ И РАМНО-СВЯЗЕВЫХ ПЛОСКОПАРАЛЛЕЛЬНЫХ СИСТЕМ

Поперечная сила в наружных колониях рамо-диафрагмы (см. рис. V.1)

$$Q_{\kappa} = \overline{Q}_{\Pi} v/h$$
, (3.1)

а момент в колонне в узле соединения с ригелем

$$M_{\kappa} = 0.5 \overline{Q}_{\Pi} v. \qquad (3.2)$$

Для внутренией колонны рамо-днафрагмы (см. рнс. 1.2,е):

$$Q_K = 2 \overline{Q}_\Pi v/h;$$
 (3.3)
 $M_K = \overline{Q}_\Pi v.$ (3.4)

 $M_{\kappa} = 2\overline{Q}_{\pi} v/3,$ (3.5)

Моменты в наружных (крайних) колоннах при
$$x = H$$

а во внутренних (средних) колоннах

$$M_K = 4 \overline{Q}_{\Pi} v/3. \qquad (3.6)$$

В формулах (3.1)—(3.6) \overline{Q}_0 определяется по (111.67), (111.78) вли (111.83), а v—по формулам, приведенным в § 1 гл. V. Одво- и двуктролетные рамм при одинаковых пролетах можно рассчитывать исходя яз (111.51). Так, получены формулы (111.84) и (111.85). Если в раму двействует сосредоточенняя единичияя сила в сечении и, то прогиб

найдем из (III.87) или приближенно для сечений
$$(x \ge u)$$

$$\overline{y} = \frac{1}{\overline{B}} \left[\frac{x - u}{2} (H - x)^2 + \frac{(H - x)^3}{3} \right] + \frac{s}{b} (H - x). \quad (3.7)$$

Для сечений (x < u) прогиб определяется по этой же формуле с заменой x

на и, и наоборот. Перерезывающая сила в ригелях рамы

$$\overline{O}_n = N' h = O^{\Gamma} h/b$$
, (3.8)

Моменты и поперечные силы в элементах рамы определяются, как указано выше для рамо-диафрагмы с подстановкой в формулы $Q_{\rm B}$ по (3.8). Выше для рамо-диафрагмы с подстановкой в формулы $Q_{\rm B}$ по (3.6) с долждея в дляфрагмах и рамо-диафрагмах. Поскольку для колони принимается $\Sigma M = 0$, то из (1.50) следует N = 0, т. е. под действием момента $M^{\rm P}$ рама в целом работает по схем чектого изитой и в колониях действуютсь ко внешние силы $P_{\rm G}^2$ (x), а в ригелях $Q_{\rm B} = 0$. При этом угол наклона рамы в добом сечений x, согласно (1.98), вавен:

$$a = k \frac{H^2 - x^2}{4} (p_2^0 - p_1^0),$$
 (3.9)

и прогиб, согласно (1.8),

$$y = k - \frac{\rho_2^0 - \rho_1^0}{4} \left(\frac{2H^3 + x^3}{3} - H^2 x \right). \tag{3.10}$$

Пренебретая продольной деформацией колони в рамах рамно-связевой системы (рис. 1.19), т. е. полатая в (1.7) α_1 =0, получим вместо 1.20) упрощенное прибляженное уравнение

$$\alpha'' - \alpha^2 \alpha = -Q^{\Gamma}/B, \qquad (3.11)$$

где

$$\lambda = \sqrt{\frac{nb}{sB}}. \tag{3.12}$$

Решая уравнение (3.11) совместно с (1.26), найдем для глухой диафрагмы:

$$M_i = -\frac{B_i q}{B \lambda^2} \left(\operatorname{ch} x + A \operatorname{sh} \lambda x - \frac{a-1}{H} x - 1 \right); \tag{3.13}$$

$$Q_{l} = -\frac{B_{l} q}{B \lambda} \left(\operatorname{sh} \lambda x + A \operatorname{ch} \lambda x - \frac{a-1}{\lambda H} \right); \tag{3.14}$$

$$q_{\ell} = \frac{B_{\ell} q}{B} \left(\operatorname{ch} \lambda x + A \operatorname{ch} \lambda x \right). \tag{3.15}$$

Влияние продольных деформаций колони более существенио при относительно более мощных рамах и слабых диафрагмах, а также при узких и высоких рамах. Для продольных каркасов, т. е. при большой ширине рам, продольными -

деформациями колони можно пренебрегать. Для поперечных каркасов влияние деформаций колони следует учиты-

вать (см. пример 8 гл. X). Характерными особенностями распределения нагрузки между глухой и проемной конструкциями являются, во-первых, двузначность эпюры нагрузки, передающей на проемную несущую конструкцию (будь то рама или проемная днафрагма), и, во-вторых, возинкновение в вершине несущей системы взанино уравновещенных сосредоточенных сил взаимодействия между сплошными и проемными конструкциями подобио тому, как это было получено в прил. 2 для отдельной односвязной конструкции. Эта сила определяется из (2.6) при x=0. В данном случае

$$\pm P = \frac{2 B_i n \overline{B} q}{\frac{R}{2} n \overline{A} R} \left(A - \frac{a-1}{A H} \right). \quad (3.16)$$

Эти особенности объясияются различием свободной деформации сплошной и проемной конструкции.

Поскольку эти конструкции связаны жесткими в своей плоскости дисками перекрытий, они вынуждены деформироваться совместно и одинаково, что и приводит к появлению вверху рамы сосредоточенной силы, не входящей в состав заданной внешней нагрузки. Эта сила возникает как давление днафрагмы на раму. Соответственно рама создает для днафрагмы как бы верхнюю упругую опору, реакция которой равна этой силе.

Двузначность эпюр нагрузки объясняется тем, что только в этом случае возможно совпадение упругой линии для проемной и сплошной конструкции. Если бы обе конструкции деформировались независимо друг от друга, то

проемная получила бы в нижней части значительно больший прогиб, чем сплошная. Чтобы их прогибы оказались одинаковыми, нагрузка в нижней части сплошной днафрагмы должна возрасти, а в проемной — соответственно трансформироваться в нагрузку обратного знака. Проемная конструкция опирается на перекрытня, поддерживаемые более жесткими конструкциями, и тем самым дополнительно загружает их, а сама испытывает отрицательную реакцию (отпор) перекрытий, резко возрастающую около заделки.

4. ОБ ЭКВИВАЛЕНТНЫХ ЖЕСТКОСТЯХ ЕJ и GF ДЛЯ ДИАФРАГМЫ С ПРОЕМАМИ

Покажем, что для проемной днафрагмы или рамо-днафрагмы эквивалентный момент инерции поперечного сечения Јака меняет по высоте диафрагмы не только свою абсолютную величину, но и знак [23].

Действительно, кривизна всей диафрагмы и кривизна ее отдельного столба, очевидно, одинаковы, поэгому при учете только изгиба

$$M^0/E J_{9KB} = M_I/E J_I$$
 (4.1)

Сокращая на Е и заменяя М₄ согласно (1.1), найдем искомую величину эквивалентного момента инерции проемной диафрагмы

$$J_{9KB} = \sum J \left| \left(1 - \frac{N_B}{M^0} \right) \right|. \tag{4.2}$$

Из (4.2) видно, что $I_{\text{виж}}$ является переменной величиной — функцией x, посмыжу N и M^0 — величины, переменные по x, и закон нх изменення различен. Если N=0, как это будет при абсолютно гибких или шархирных связях между столбами, то из (4.2) следует:

$$J_{---} = \Sigma J = \text{const}$$
.

Если $N = M^0 S^0 / I^0$, т. е. при абсолютно жестких перемычках, имеем из (4.2)

$$J_{own} = J^0 = \text{const}$$

Только в этих двух случаях днафрагма имеет постоянный момент инерцин всего сечения, не завноящий от х. Прв несх других значениях N. т. при наличин перемачек, обладающих конечной жесткостью, J_{ихв} будет изменяться в бумкцин (х).

Может сложиться впечатление, что этот результат есть следствие трактоми крявизвы только как изгибной, готда как фактически диафрагма (или составной стержевы) вкскравляеста по изгибное-савизовой форме подобно сплошному стержию, податлявому на сдвят. Однако заменяя в (4.1) левую и правую часть соответствение выражениям, учитывающими сдвят,

$$\frac{M^0}{E J_{\text{avg}}} + \frac{x q^0}{G F_{\text{avg}}} = \frac{\Sigma M_t}{\Sigma E J_t} + \frac{x q^0}{G F}, \quad (4.3)$$

убеждаемся, что и в этом случае невозможно получить постояниме эквивалентные жесткости. Действительно, при x=0. $M^0=\Sigma M_1=0$, поэтому $G_{9\pi\pi}=GF$, и если $G_{9\pi\pi}=$ const, то оба вторых члена в (4.3) сокращаются, оставляя для $J_{9\pi\pi}$ прежнее значение (4.2), переменное по высоте днафрагмы.

оставляя для $I_{\text{вив}}$ прежнее значение (4.2), переменное по высоте днафрагмы. Если в эквивалентном сплошном стержне отыскивать только изгибиую жесткость исходя на

$$\frac{M^0}{E J_{9KB}} = \frac{\sum M_l}{\sum E J_l} + \frac{x q^0}{G F}, \qquad (4.4)$$

то придем к еще более сложному, тоже перемениому по x выражению.
Таким образом, попытки замены составного стержия (за исключением рам-

нати ооразом, попытки замены составинот серужия (за изключением размного [62]) сполным с некоторыми постоянными жесткостями надо признать несостоятельными. Поэтому, например, рассмотрения в § 3 гл. 1 консольнозаменяющая расчениям модель не может редпорограняться из системы с держащие диафрагмы с просмами, рамо-диафрагмы и тому подобные конструкции, ада котором $\Sigma EI = B \neq 0$.

В заключение отметим, что учет сдвига в столбах по выражению (4.3) не изменяет усилия M, N и Q_и в отдельной диафрагме. Они могут по-прежнему определяться по формулам, приведенным в § 3 гл. III и прил. 1—3. При этом, однако, надо иметь в виду, что сдвиг увеличивает кривизиу и

прогиб, а следовательно, изменяет соотпошение между услагивает, ариавную иму выприментации и простоя в применяет соотпошение между услагивает в различних вертикальных несущих конструкциях, составляющих несущую систему (см. § 1 гл. V). Увеличенные перемещения в связи с учетом сдвига будут также сказываться на усилиях при расчете по деформированной схеме (см. гл. VIII).

¹ За нсключением тех приближенных расчетов, где форма упругой крнвой несущественна.

5. ВЫВОД УРАВНЕНИЯ [III.37]

В миогосвязных конструкциях и симметричных в плане несущих системах в отличне от рассмотренных в прил. 1 и 2 нормальные силы в смежных столбах не одинаковы и перерезывающая сила в связах не равма производной от нормальной силы в ближайшем столбе. Согласно рис. 111.4, из равенства проекций всех сил на ось X получаем:

$$\sum_{f=1}^{l} N_f = \int_{0}^{x} \frac{\overline{Q}_{l, l+1}}{h} dx.$$
 (5.1)

Дифференцируя это выражение, будем иметь для любой пары смежных столбов аналогично (1.6)

$$a_{2l} = s_{l, l+1} \sum_{j=1}^{l} N'_{j}.$$
 (5.2)

Угол α_1 , определяемый разиостью продольных деформаций смежных вертильных элементов (рис. 111.4), теперь будет равен в соответствии с (1.9) и (1.10) и с учетом действия вертикальной нагрузки

$$a_{1\,\ell} = \frac{1}{(EF)_{\ell} b_{\ell,\ \ell+1}} \int_{2}^{n} N_{\ell} dx - \frac{1}{(EF)_{\ell+1} b_{\ell,\ \ell+1}} \int_{2}^{n} N_{\ell+1} dx + \int_{2}^{n} \frac{M_{\ell,\ \ell+1}^{n} dx}{\overline{B}_{\ell,\ \ell+1}} .$$
 (5.3)

Зависимость (1.7) остается в силе для каждого вертикального элемента миогоовяной конструкции или несущей системы, причем угол наклона $\alpha_i = \alpha$ одинаков для всех столбов и колони. Подставляя (5.2) и (5.3) в (1.7) и дифференцируя чтобы освободиться от интегралов, получим:

$$\alpha' = s_{l, l+1} \sum_{j=1}^{l} N_{l}'' - k_{l, l+1} N_{l} + k_{l, l+1} N_{l+1} - \frac{M_{l, l+1}^{n}}{\overline{B}_{l, l+1}}.$$
 (5.4)

Вместе с тем из условия, аналогичного (1.16), ио для многосвязной несущей конструкции или симметричной иесущей системы имеем:

$$\alpha' = \frac{1}{B} \left(\sum_{f=1}^{m} N_f y_f - M^0 \right). \tag{5.5}$$

Приравнивая правые части (5.4) и (5.5) для столба i, получим выражение для $\sum_{j=1}^{N_f}$, и точно так же для столба i—1 иайдем $\sum_{j=1}^{N_f} N_f^*$.

Используя эти выражения, запишем для каждого вертикального элемента

$$N_{i}^{*} = \sum_{i=1}^{i} N_{i}^{*} - \sum_{i=1}^{i-1} N_{i}^{*}.$$
 (5.6)

Таким путем после несложных преобразований получим единую систему дифференциальных уравнений (III.37)—(III.38) произвольной многосвязной коиструкции (рис. 1.2,3,u) или симметричной плоскопараллельной несущей системы (рис. III.II) и др.

6. УПРОЩЕННОЕ РЕШЕНИЕ ДЛЯ ШИРОКИХ МНОГОСВЯЗНЫХ ВЕРТИКАЛЬНЫХ НЕСУЩИХ КОНСТРУКЦИЯ

В многосвязных широких рамах и днафрагмах с равными или близкими по величине пролетами ригелей (перемычек) и с одинаковыми жесткостями одноименных элементов (см. рис. 1.2,з, и), при одниаковых характеристиках податливости связей в перерезывающие силы Q_{π} во всех связях близки по величиие, поэтому приближению можно считать (см. рис. III.4) для всех средних колони и столбов

$$N_{i} \approx N_{i+1} \approx \Sigma \overline{Q}_{\pi i} - \Sigma \overline{Q}_{\pi i+1} \approx 0.$$
 (6.1)

В этих коиструкциях вследствие большого расстояния между крайними столбами (колоннами) невелик параметр & в формуле (1.13), поэтому углом α_1 , который определяется этим параметром, можно пренебречь как малым по сравнению с α_2 и принять $\alpha \approx \alpha_2$. Тогда вместо (1.20) получим (3.11), где λ определяется по (3.12).

Решения (3.13) и (3.15) для M_i и q_i остаются справедливыми и в даином случае. Нормальная сила в крайних столбах, согласно (1.1).

$$N = \frac{1}{h} (M^r - \Sigma M_i). \qquad (6.2)$$

Перерезывающая сила в перемычках

поперечная сила в і-том столбе днафрагмы

где m — число пролетов перемычек.

Прогиб любого сечения х и верха рассматриваемой диафрагмы из (III.69) и (ПІ.71):

$$\overline{y} = \overline{y}^{0} + \frac{s}{b} \left\{ \frac{q}{\lambda^{2}} \left[\operatorname{ch} \lambda H - \operatorname{ch} \lambda x + A \left(\operatorname{sh} \lambda H - \operatorname{sh} \lambda x \right) + \right. \right. \\
\left. + \frac{(\lambda x)^{2}}{2} + \frac{a - 1}{H} \left(x - H + \frac{\lambda^{3} x^{2}}{6} \right) \right] + M^{c}(H) \right\}; \quad (6.5)$$

$$f = f^{0} + \frac{s}{\lambda^{2}} \left\{ \frac{q}{4\pi} \left(\operatorname{ch} \lambda H + A \operatorname{sh} \lambda H - a \right) + M^{c}(H) \right\} \quad (6.6)$$

$$f = f^0 + \frac{s}{b} \left\{ \frac{q}{\lambda^2} \left(ch \lambda H + A sh \lambda H - a \right) + M^r (H) \right\}$$
 (6)

где y_0^{-0} н f^0 находятся по (III.70) и (II.15).

При пяти и более пролетах, а следовательно, и большой ширине диафрагмы $\overline{y^0}$ и f^0 из-за большого значения B^0 (1.19) оказываются малыми сравмительно со вторыми членами в (6.5) и (6.6), а потому могут быть отбро-шены без существенного снижения точности результата. В таком случае при $\lambda H > 3$ можно приближенно считать (при a=1)

$$f = (sq/b) (H/\lambda - H^2/2 - 1/\lambda^2).$$
 (6.7)

Для широкой многосвязной рамы ввиду $\Sigma M_i = 0$ из (6.2) имеем для устаний N в крайних колоннах формулу (III.51). Соответственно перерезывающая сила в ригелях раявопролегной многосвязной рамы

$$\overline{Q}_{\rm fl} = N' h \approx Q^{\rm r} h/b,$$
 (6.8)

и угол наклона, согласно (1.15) при
$$\alpha_1 \approx 0$$
,
$$\alpha = s \, N' = s \, Q^r/b \,, \tag{6.9}$$

а прогиб в сечении x определяется по (111.85) при $\overline{u^0} = 0$. Во всех формулах данного пункта b — растояние между крайними колониами или столбами (см. рис. 1.2,3, u).

Таблица соотношений между некоторыми единицами физических величин, подлежащих изъятию, и единицами СИ

		Единица			
	подлежащая изъятню	THO	10 CM	4	
	язименование	обозначение	наиженование	обозначение	
Сила, нагрузка, вес	килограмм-овла товна-сила грамм-овла	3 5 5	у ньютон	π	1 krc≈9,8 H≈10 H 1 rc≈9,8·10³ H≈ ≈ 10 kH≈0,01 MH 1 rc≈9,8·-³ H≈10 MH
Лянейная нагрузка Поверхностиая нагруз- ка	Ланебиза натузака къдограми-сила на метр Поверхностия нагруз-клапограми-сила на квад- в	кгс/м кгс/м²	ньютон на метр ньютон на квадратный метр	H/M H/M²	1 krc/n≈10 H/n 1 krc/n²≈10 H/n²
					11

1 κτς/ μ м² ≈ 9,8·10° Π a ≈ ≈ 10° Π a = 10 M Π a
1 κτς/ ϵ α² ≈ 9,8·10° Π a ≈ 10° Π a = 10° Π a = 0.1 M Π a ктс/см²≈9,8..10⁴ Па≈ ≈.10⁵ Па=0,1 МПа I мм вод. ст.≈9,8 Па≈ ≈10 Па 1 мм рт. ст. ≈ 133,3 Па Па Па паскаль паскаль им вод. ст. MM pt. ct. Krc/cm2 Krc/MM2 KIC/CM² напря-килограмм-сила на квадкилограмм-сила на квад-1 миллиметр ртутного столмиллиметр водного столквал-Модуль продольной уп- кнлограмм-сила на ратный миллиметр ратный сантиметр модуль сдвига ратими сантиметр c×aмодуль объемного Механическое Давление SYFOCTH, кение

1 кгс·м≈9,8 Н·м≈ ≈10 Н·м

Ή·Μ

HISTOR-METD

EC:N

момент килограмм-сила-метр

CHAIN.

Момент пары сил

1. Антонов К. К., Артемьев В. П., Байков В. Н. и др. Проектирование железобетонных конструкций. М., Стройиздат, 1966.

2. Аншин Л. З. Исследование работы вертикальных днафрагм жесткости с учетом жесткости перемычек. — В сб.: Работа конструкций жилых

зданий из крупиоразмерных элементов. М., Стройиздат, 1971.

3. Барков Ю. В., Гельфанд Л. И. Исследование прочности и деформативности многоэтажных панельных зданий на крупномасштабиой модели. —

«Строительная механика и расчет сооружений», 1969, № 4.

4. Безухов Н. И., Лужин О. В. Приложение методов теории упругости н пластичности к решенню ниженерных задач. М., «Высшая школа», 1974. 5. Березовский Л. Ф., Кедич И. П. и др. Железобетонные балки стенки в

крупнопанельных зданиях со встроенными помещениями. — «Бетон и железобетои», 1975, № 12. 6. Бидный Г. Р., Чупак И. М. Учет влияния поперечной силы на прогиб железобетонных балок. — В сб.: Исследование бетона и железобетонных

конструкций экспериментально-статистическими методами. Кишинев, «Штиннца», 1972. 7. Блинникова-Вяземская М. В. Динамические характеристики высоких

зданий. Автореферат диссертации на соискание ученой степени кандидата технических наук. М., ЦНИИСК, 1975. 8. Васильев А. П., Быченков Ю. Д., Тябликов Ю. Е. Прочность стыков и узлов железобетонных каркасов многоэтажных зданий при нагрузке типа

сейсмических. — «Бетон и железобетои», 1968, № 8. 9. Васильков Б. С. Применение метода конечных элементов в перемещеннях к расчету оболочек, складок коробчатых и массивных систем. - В сб.:

Теория и расчет сооружений. ЦНИИСК, вып. 13. М., 1970. 10. Васильков Б. С. Расчет зданий из крупнопанельных и объемных эле-

ментов как тонкостенных пространственных систем. — «Строительная меха-

ника и расчет сооружений», 1964. № 2. 11. Володин Н. М., Васильков Б. С. Экспериментальное и теоретическое нсследование работы пятнэтажной сбориой диафрагмы жесткости. ЦНИИСК. вып. 35. М., 1974.

12. Володин Н. М. Применение дискретной модели для статического расчета сборных пластинчатых систем. Труды ЦНИИСК, вып. 25. М., 1972. 13. Власов В. З. Тонкостенные пространственные системы, М., Стройиз-

дат, 1958. 14. Власов В. З. Тонкостенные упругие стержин. М.--Л., Стройиздат, 1940.

15. Гамалей Н. И. Косое внецентренное сжатие несущих стеновых панелей. — «Жилищное строительство», 1972, № 10.

16. Госстрой ЦИНИС. Конструкции сейсмостойких зданий в зарубежном строительстве. М., 1974.

17. Гипьев Г. Г., Паньшин Л. Л. Деформационный расчет многоэтажных

зданий связевой системы. Сб. трудов № 90 «Пространственная работа железобетонных конструкций». МИСИ имени В. В. Куйбышева, 1971.

18. Давыдова Э. Г., Ржаницын А. Р. Расчет сжато-изогнутого консольного составного стержия. — «Стронтельная механика и расчет сооружений»

19. Дзержкович Б. А. К вопросу о расчете многоэтажных и многопролетных рам на горизонтальную нагрузку. Сб. трудов № 1 НИИ по строительству Минетроймаша. М., Машетройиздат, 1949.

Дмитриев И. Н., Лепский В. И., Пригожий А. Я. Стеновая панель.
 Авторское свидетельство № 443959. Бюллетень изобретений № 35, 1974.

21. Довгалюк В. И., Рылло В. П. и др. Конструкция колони под большие нагрузки. —«Бетон и железобетои», 1968, № 4.

22. Дроздов П. Ф. Расчет крупнопанельных зданий на вертикальные и торизонтальные нагрузки — «Строительная механика и расчет сооружений», 1966. № 6.

23. Дроздов П. Ф., Себекин И. М. Проектирование крупнопанельных ала-

иий. М., 1967. 24. Дроздов П. Ф. Расчет многоэтажных крупнопанельных зданий, опирающихся на колонны или рамы и податливое основание. — «Бетои и железобетон», 1967, № 4.

25. Дроздов П. Ф. Аналогия между кручением тонкостенных и изгибом составных стержней и систем. - «Строительная механика и расчет сооруже-

 Дроздов П. Ф. Расчет пространственных несущих систем полносборных многоэтажных зданий. - «Стронтельная механика и расчет сооруже-

ний». 1968. № 1. 27. Дроздов П. Ф. Совместная работа ядер и диафрагм в несущей сис-

- теме многоэтажного здания. «Бетон и железобетои», 1974, № 12. 28. Дроздов П. Ф. Расчет многоэтажных зданий из объемных блоков. — «Бетон и железобетои», 1969, № 12.
- 29. Проздов П. Ф. Расчет сборных перекрытий, опирающихся на виутренние и наружные стены. - В сб. НИИСКа Госстроя СССР, - «Стронтельные конструкции», вып. X11. Киев, 1969.

30. Дроздов П. Ф. Расчет несимметричных в плане многоэтажных зданий с разнотипными проемиыми и глухими диафрагмами. — «Бетон и же-

лезобетон», 1970, № 11.

- 31. Дроздов П. Ф., Лалл Б. Б. Влияние податливости перекрытий на пространственную работу несущей системы многоэтажного каркасно-панельного здания. — «Строительная механика и расчет сооружений», 1969, № 6. 1971, № 2.
- 32. Дроздов П. Ф. Некоторые вопросы расчета несущих систем многоэтажных зданий. — «Строительство и архитектура», 1972. № 1.
- 33. Проздов П. Ф., Ле Тхи Хиан. Перекрытия как связи слвига межлу столбами днафрагм многоэтажиого бескаркасного здания. — «Бетон и железобетон», 1972, № 10.
- 34. Дроздов П. Ф. Здания большой этажности. Гл. 111 специального курса «Железобетонные конструкции». Под ред. Байкова В. Н. М., Стройиздат, 1974.
- 35. Дроздов П. Ф., Швехман М. Н. Устойчивость многоэтажных каркасных зданий. — «Исследования по теории сооружений», вып. XX. М., Стройиздат,
- 36. Дроздов П. Ф., Додонов М. И. Некоторые особениости расчета 36этажного здания нового типа. — «Стронтельная механика и расчет сооружений», 1974, № 5.
- 37. Дроздов П. Ф., Горшков Ю. К., Паньшин Л. Л. Сжатые растворные стыки. — «Жилищиое строительство», 1975. № 6.
- 38. Дроздов П. Ф., Паньшин Л. Л. Проектирование и расчет сооружений со скрытым каркасом. — «Бетон и железобетон». 1976. № 1.

39. Дроздов П. Ф. Деформационный расчет и устойчивость колони каркаса при температурном расширении перекрытий. — В сб. трудов № 133 МИСИ нм. В. В. Куйбышева «Железобетонные элементы и конструкции пространственио-деформируемых систем». М., 1975.

40. Дроздова И. П. Сопротнвление перекрытий кручению из плоскости в связевом каркасе. — В сб. трудов № 133 МИСИ им. В. В. Куйбышева «Железобетоиные элементы и конструкции пространственно-деформируемых

систем». М., 1975.

41. Егоров Н. А. Исследование прочности и деформативности железобетоиных колоин с жесткой арматурой из инзколегированиых сталей. Автореферат диссертации на соискание ученой степени кандидата техи, наук. М., **НИИЖБ. 1975.**

42. Егупов В. К. Расчет зданий на прочность, устойчивость и колебания. Киев, «Будівельник», 1965. 43. Жемочкин Б. Н. Расчет раидбалок и перемычек. М., Стройнздат,

1960

44. Инструкция по проектированию железобетонных конструкций. М., Стройнздат, 1968.

45. Инструкция по проектированню панельных жилых зданий (проект). Госгражданстрой СССР, 1968, 1972, 1975.

- 46. Карцивадзе Г. Н., Бюс И. Е., Кахиани Л. А. Динамические параметры железобетонных многоэтажных каркасных зданий. - «Бетон и железо-
- 47. Коноводченко В. И. и др. Прочность стыковых соединений сейсмостойких крупнопанельных зданий при сдвиге. - «Бетон и железобетон», 1968, Nº 8.
- 48. Корноухов Н. В. Прочность и устойчивость стержневых систем. М., Стройнздат, 1949,

49. Косицын Б. А. Статические расчеты крупнопанельных и каркасных зданий. М., Стройиздат, 1971.

50. Лишак В. И. Қ расчету крупнопанельных зданий повышенной этажности. — «Стронтельная механика и расчет сооружений», 1969, № 1. 51, Матков Н. Г., Иванов В. В. Стыки вертикальных диафрагм жестко-

стн. Труды НИИЖ Б, вып. 10. М., 1974. 52. Морозов Ю. Б., Усколовская Л. М. Сдвиг и растяжение бетонных соединений стеновых павледь.—В сб. Исследования прочности и расчет комструкций многоэтажных зданий. МНИИТЭП, 1970.

53. Морозов Н. В. Конструкции стеи крупиопанельных жилых зданий. М., Стройнздат, 1964.

54. Павлык В. С. Расчетная сейсмическая нагрузка. Гл. III книги «Проектирование сейсмостойких зданий». Пол ред. С. В. Полякова. М., Стройиздат. 1971.

55. Пановко Я. Г., Гибанова И. И. Устойчивость и колебания упругих

систем, М., Физматгиз, 1967.

56. Паньшин Л. Л. Расчет многоэтажных зданий как пространственной системы с учетом нелинейной деформации связей. — В сб.: Работа коиструк-ций жилых зданий из крупноразмерных элементов. М., Стройнадат, 1971. 57. Павьшии Л. Л. Продольный изгиб несущих конструкций многоэтаж-

ных зданий. — «Строительная механика и расчет сооружений». 1973. № 1. 58. Подольский Д. М. Пространственный расчет зданий повышенной этаж-

ности. М., Стройиздат, 1975.

59. Поляков С. В. К расчету многоэтажных симметричных диафрагм на кососимметричные нагрузки. — «Строительная механика и расчет сооружений», 1965, № 6.

60, Попкова О. М. Перспективы развитня конструктивных схем высотных зданий (США). Коиструкции высотных зданий за рубежом. Госстрой ЦИНИС. М., 1973.

61. Прикшайтис М. П. Исследование замоноличенных узлов сборных же-

лезобетонных каркасов гражданских зданий. Автореферат диссертации на соискание ученой степени кандидата технических наук. М., НИИЖБ, 1969.

62. Ржаницын А. Р. Теория составных стержней строительных конструкций. М., Стройиздат, 1948.

63. Ржаницын А. Р., Милейковский И. Е. Расчет оболочки каркаса высотной части Дворца культуры и науки в Варшаве на ветровую нагрузку.-«Строительная промышленность», 1954, № 2.

64. Ржаницын А. Р. Представление сплошного изотропного упругого тела в виде шариирио-стержневой системы. Сб. ЦНИПС «Исследования по

вопросам строительной механики и теории пластичности». М., 1956. 65. Риководство по проектированню жилых и общественных зланий с железобетонным кархасом, возводимых в сейсмических районах. М., Строй-

издат, 1970. 66. Сигалов Э. Е. Проектирование железобетонных конструкций, гл. IV.

Под ред. П. Л. Пастернака. М., Стройиздат, 1966.

67. Смирнов О. Г. Расчет железобетонных конструкций каркасно-панельных зданий на устойчивость и по деформированиой схеме. Автореферат диссертации на соискание ученой степени кандидата технических наук. М., МИСИ им. В. В. Куйбышева, 1973.

Расчетно-теоретический под 68. Справочник проектировщика.

А. А. Уманского. М., Стройиздат, 1960. 69. Темикеев К. Исследование деформативности сборных железобетонных перекрытий в своей плоскости как горизоитальных диафрагм многоэтажных кархасных зданий. Автореферат диссертации на соискание ученой степени кандидата технических наук. М., МИСИ им. В. В. Куйбышева, 1975.

70. Турсумуратов М. Т. Влияние жесткости неконструктивных элементов в многоэтажных сейсмостойких каркасных зданиях по данным вибраци-

онных испытаний. Сб. ЦНИИСК, вып. 33. М., Стройнздат, 1974. 71. Филиппов Б. П., Матков Н. Г. Прочность и деформативность внецентренно сжатых колони с косвенным армированием. Труды НИИЖБ, вып.

М., Стройиздат, 1974.

72, Ханджи В. В. Распределение горизонтальных нагрузок между стенами жесткости миогоэтяжных каркасных зданий. — «Строительная механика и расчет сооружений», 1972, № 4. 73. Шапиро Г., Цаплев Н., Ячменев Н. О системе армирования панелей

несущих стеи многоэтажиых зданий. - «Жилищное стронтельство», 1970,

74. Horáček Evžen' Räumliche Sheiben-systeme mit Öffnungsreihen bei Hochbauten, «Der Bauingenieur», 45(1970) H-12, 46(1971), H-11, 49(1974), H-3.

75. Juhasova E. Dynamic properties of some types of framed tall buildings, Tenth regional conference on tall buildings. Bratislava, 1973. 76. Khan F. The futur of highrise structure. - «Progressive Architec-

ture», 1972, N 10.

77. Khan F. Evolution of structural systems for highrise buildings insteel and concrete. Regional conference tall buildings. Bratislava, 1973.

78. Laredo M. Theorie generale des noyaux de contreventement des gran tours Annalesde l'institut Technique du Batiment et des Travaux Public (n°

303 mars 1973, serie JA N 10). 79. Lewicki B. Budynki mieszkalne z prefabrykatow wielkowy miarowych.

Warszawa, 1964. 80. Naumann W. und Walter H. Beruchtur statischen Berechnung waag-recht belasteter Querwände bei Hochbauten. Bauingenieur, 36 (1961), h. 8.

81. Rosman R. Die statishe Berechnung von Hochhauswänden mit Öffnungsreihen. «Bauingenieur-Praxis», Heft 65. Berlin-München, 1965.

Rojik V. a. kol. Panelove objecty. Praha, 1974.
 Rucheweyh R. Empirical Values of Natural Freguencies of Tall

Buildings. Tenth regional conference or Tall Buildings, Bratislava, 1973.

ОГЛАВЛЕНИЕ

		CTp.
Предисло	вне	3
Глава	 Коиструктивные системы и расчетные модели миогоэтаж- ных зданий. 	
	 § 1. Несущая система здания. Классификация ее элементов § 2. Горизоитальная нагрузка от ветра § 3. Расчетные модели и принципы их расчета 	14
Глава	II. Нагрузки, воздействия, предельные перемещения	20
	§ 1. Вертикальная нагрузка	20
	§ 2. Горизонтальная нагрузка от ветра	25
	§ 3. Сейсмические воздействия . ,	20
	§ 4. Температурные воздействия	30
	§ 5. Предельные перемещения и неравномерные осадки осно-	_
	вания	31
	§ 6. Учет условий возведения	. 32
Глава	111. Пространственные несущие системы со связями сдвига	35
	 Основные уравнения несимметричной в плане простран- ственной несущей системы, дискретно-контниуальная модель 	35
	§ 2. Некоторые частные случан пространственных несущих систем Пространственные несущие системы, симметричные в	43
	плане или разделяющиеся на две плоскопараллельные Простейшие несущие системы (рис. III.12) или отдельные односвязные коиструкции	4
	§ 3. Решение систем днфференциальных уравнении и рас- четные формулы для плоскопараллельных несущих сис-	
	тем и отдельных несущих конструкций	4
	Общие принципы	4
	вестными силами N. Учет числа одиотнпиых ковструкций Простейшие плоскопараллельные симметричные несущие системы, содержащие по одной неизвестной функции	5
	N(x) н односвязные несущие конструкции	5

	Несущие системы, не имеющие связей сдвига. Коисоль- ная расчетиая модель. Системы, образование разнотипными диаграммами, не имеющих общих точек. Центр кручения	57 57
Глава	 Кручение несущей системы, содержащей замкнутые в плане контуры	59
	§ 1. Дифференциальное уравиение кручения несущей системы, содержащей замкнутые в плане контуры	59
	§ 2. Ядро-диафрагмовые иесущие системы Приближенный учет влияния проемов на жесткость чистого кручения ядра	64 66
	§ 3. Расчет многоэтажных зданий из объемных блоков	69
	§ 4. Аналогия между кручением ядро-днафрагмовой системы, кручением тонкостенного стержия и изгибом одно- связной днафрагмы (составного стержия)	74
Глава	 Податянвость связей разных видов, учет сдвигов в столбах диафраги, неупругие деформации связей, влия- иие горизоитальных швов 	78
	 Характеристика податливости связей s	78
	ках . Перекрытия как связи сдвига между столбами диаф-	78
	рагм Шпоики, сварка закладных деталей и другие виды плот-	81
	ных связей	83 85
		87
	§ 2. Неупругие деформации связей сдвига	90
Глава	VI. Немонотонные по высоте несущие конструкции и системы	92
	§ 1. Переменная по высоте жесткость несущих коиструкций § 2. Комбинрованные вертикальные несущие конструкции	92
	и системы 3. Несущие системы с ростверками в уровие технических этажей. Коэффициент иеравномериости напряжений сдвига.	102
Глава	VII. Работа перекрытий в несущей системе многоэтажного	106
	здання § 1. Перекрытия как горизонтальные диафрагмы, податливые в своей плоскости	106
	Влияние податливости перекрытий на работу плоско- параллельной несущей системы	106
	Экспериментально-теоретическое исследование податли- вости перекрытий в своей плоскости Приближенный способ учета податливости перекрытий в	108
	K S HODONOUTH	112
	§ 2. Перекрытия как связи кручения Влияние сопротивления перекрытий кручению на работу плоскопараллельной несущей системы. Характеристика	113
	Smp	113
	Экспериментальное исследование сопротивления круче- иню сборного железобетонного перекрытия	115

	Расчет многоэтажного здания с учетом сопротнвления перекрытия кручению :	115
	§ 3. Междуэтажные перекрытия как комплексные связи сдвита и кручения в каркасиых зданиях с ядрами Здания типа труба с ядром. Результаты эксперимента Здание с ядром и нерегуляриой каркасной обстройкой. Экспероментальное опредсление комплексной характе-	118 118
	экспериментальное определение комплексион характе- ристики в . Учет измерения расчетной схемы и величины вертикаль-	122
	Учет измерения расчетной схемы и величины вертикаль- ной нагрузки в процессе возведения здания	123
Глава	VIII. Расчет несущих систем по деформированной схеме и на устойчивость	127
	§ 1. Пространственная несущая система с перекрытиями.	127
	жесткими в своей плоскости . § 2. Влияние податливости перекрытий в своей плоскости на	
	общую устойчивость многоэтажного здания	128
	ствие температуры	131
Глава	1Х. Особенности конструнрования и расчета элементов несу-	
	щих систем миогоэтажных зданий	132
	§ 1. Стены Навесные панелн наружных стен Несущие панелн внутрениях стен Расчет несущих лаиелей стен на косое внецентренное	132 132 132
	сжатие. Результаты экспериментов Перемычки и вертикальные стыки в панельных иесущих стемах	135 141
	 Предварительное напряжение вертикальных днафрагм Перекрытия Общие сведения Изгиб сборного перекрытия вертикальными нагрузками Перекрытия как связи сдвига между столбами днафрагм 	141 143 143 143 148
	Перекрытия как горизонтальные днафрагмы . § 4. Коиструкции, поддерживающие стены	149
	§ 5. Каркасы и каркасные днафрагмы	150 154
	Виды каркасов	154 155
	Ригели, распорки и их стыки с колониами	161
	сти	165 167
	§ 7. Ядра-стволы	170
Глава^	Х. Примеры расчетов	174
	Пример 1. Определение ветровой изгрузки на верти- кальную диафрагму 14-этажного здания высотой 39,45 м	174
	для Москвы (1-й район по скоростному напору ветра). Пример 2. Определение полиой изгрузки от ветра с учетом динамической составляющей при $L/H = 2$ (для	174
	данных предыдущего примера при $H \approx 40$ м	175
		221

	Пример 3. Определение ускорения колебаний вершины здания по данным прим. 1 и 2	175
	Пример 4. Определение прогибов 25-этажного здания от нормативной ветровой нагрузки (схема здания и нагрузки показаны на рис. X.1)	176
	Пример 5. Определение усилий в элементах вертикальной диафрагмы, изображениой на рис. X.I	178
	Пример 6. Определение $N(x)$, $Mi(x)$ и $Q_{\pi}(x)$ и прогибов y для односвязных диафрагы с четырымя вариантами размеров	179
	Пример 7. Определение распределения поперечной силы и изгрузки между столбами в вертикальных диафрагмах (см. прим. 6)	181
	Пример 8. Определение усилий в диафрагмах и рамах 20-этажного здания с рамио-связевым каркасом (рис. X.4) от действия ветра на длинный фасад	183
	Пример 9. Расчет арматуры предварительно-напряжен- ной вертикальной диафрапмы	184
	Пример 10. Проверка по формулам § 1 гл. 1X несущей способиости стеновой панели при косом внецентренном сжатии	186
	Пример 11. Определение усилий в столбах диафрагм 16-этажного здания (рис. X.5) от действия горизонтальной нагрузки	186
	Пример 12. Определение усилия взаимодействия в швах сборного перекрытия по рис. $1X.14$, a	187
	Пример 13. Определение усилий в швах сборного перекрытия по рис. $1X.14, \delta, \sigma$	189
	- Пример 14. Расчет модели проемного ядра жесткости (рис. X.6) на действие крутящего равномерно распределенного по высоте момента $m_*\!=\!90.9$ Н м/м	190
	Пример 15. Определение усилий в несущей системе (рис. X.7)	193
	Пример 16. Определение усилий в несущей системе (рис. $X.8.a$)	194
	Пример 17. Сравнение вариантов конструктивного решения здания с ростверками (рис. V1.4)	197
Іриложе ния		
1.	Вывод уравнения (III.44) и обоснование расчетных формул параграфа 3 главы III	200
	Действие горизонтальной распределенной нагрузки	200
	Действие сосредоточенной горизонтальной силы, приложенной в любом месте по высоте	203

Действне вертикальной нагрузки, распределенной по вы- соте 20. К обоснованию формулы (III.79) и табл. (III.1)	
2. О поперечной силе в столбах диафрагм 20	7
 Особенностн расчета рам, рамо-диафрагм и рамно-связе- вых плоскопараллельных систем	7
 Об эквнвалентных жесткостях EI и GF для днафрагмы с проемамн	19
 Вывод уравнения (III.37)	0
 Упрощенное решение для широких многосвязных верти- кальных несущих конструкций	2
Список литературы	

Павел Филаретович Дроздов

КОНСТРУИРОВАНИЕ И РАСЧЕТ НЕСУЩИХ СИСТЕМ МНОГОЭТАЖНЫХ ЗДАНИЯ И ИХ ЭЛЕМЕНТОВ Редакция литературы по строительным материалам в комструкциям

Редакция литературы по строительным макериалал и конструкцей И. А. Раби по ви ч Редактор И. Г. Захарова Мл. редактор И. Г. Захарова Мл. редактор И. А. Козий в Внешнее оформление художника А. В. Кричунова технический редактор Г. В. Каримушкий к Корректоры Г. Г. Морововсках, В. А. Выкова

ИБ № 79

Сдано в набор 7/II—1977 г. Подписано к печати 16/VI—1977 г. Формат 60×590½ Бумага типографская № 3 4 печ. л. Тараж 30,000 экз. Цена в пер. № 5 65 коп.

Стройвздат 103006, Москва, Каляевская, 23а

Подольский филиал ПО «Периодвка» Союзполиграфпрома прв Государственном комитете Совета Министров СССР по делям водательств, полиграфии и книжной торговли г. Подольск, ул. Кирова, д. 25.



ОПЕЧАТКИ

Стр.	Строка	Напечатано	Следует читать
38	форм. 111.11	$/dx = v_{iy}$	$/dx = v_{iy}$
65	форм. IV.23	w =	Д
88	9-ая сверху	$B_0 = B + B;$	$B^0 = B + \overline{B};$
122	11-ая сверху	ущей системе	сущей системе
178	7-ая снизу	для сечення X=0,7 H=49 м	для сечения X = 0,7 H 49 м
205	5-ая снизу	Из (1.54) с учетом (1.44) найдем:	Из (1.54) с учетом (1.44) найдем при дей- ствин только вертикаль- иой нагрузки
219	6-ая сверху	§ 2. Горизонтальная на- грузка от ветра	§ 2. Конструктивные си- стемы высоких зданий
220	3, 4-ая сверху	Снстемы, образованные разиотниными днаграм- мами, не имеющих об- щих точек.	Системы, образованиме разнотипиыми диафраг- мами, не имеющими об- щих точек.
221	9-ая сверху	Учет измерения расчет- ной схемы	Учет изменения расчет- иой ехемы

Цена 50 коп.